## ऐतिहासिक, सांस्कृतिक तथा भाषाशास्त्रीय अध्ययन

# प्राचीन सारतीय गणित

(वेदाङ्ग-ज्योतिष तथा आर्यभटीय मूल सहित)

हा० व० ल० उपाध्याय एम० ए० (गणित), ज्ञास्त्री, पी-एच० डो०

विज्ञान भारती

१४६७,वजीर नगर, नई दिल्ली-३

मेरा स्वास्थ्य इतना क्षीण हो गया कि दो मास शय्या पर बिताने पड़े और मैं इसको समाप्त करने में एक समय बित्कुल निराश हो गया। पुनः मगवान् की छुपा से कुछ ठीक हुआ और इस कार्य को ४-५ वर्षों के निरंतर उद्योग के उपरांत पूर्ण रूप से समाप्त कर पाया है। इस विषय के श्रध्ययन के लिए गणित, संस्कृत तथा हिंदी इन तीनों के उत्कृष्ट कोटि के ज्ञान की आवश्यकता थी, जिन सबका एक व्यक्ति में समावेश होना कठिन था। श्रतएव मैंने राष्ट्रभाषा तथा मारतीय संस्कृति के प्रति अपना यह पुनीत कर्तव्य समझा कि इस कार्य का मैं संपादन कर्र्ण। अपने इस कार्य में में कहाँ तक सफल रहा हूँ यह मेरे कहने की बात नहीं है।

#### तिथि-निर्धारण:

प्राचीन लेखकों तथा ग्रंथों की तिथियाँ अधिकांशत: डाँ० दत्त के अनुसार हैं।
मुझसे पूर्व इस संवंध में परोक्ष रूप से भी जिन-जिन विद्वानों ने कार्य किया
है उन सबके प्रति में अपनी श्रद्धांजिल समिप्त करता हूँ। इनमें डाँ० सिद्धेश्वर
वर्मा, डाँ० बी०बी० दत्त, डाँ० ए०एन० सिह, श्री त्रिवेणी प्रसाद सिह आई०सी०एस०,
महामहो० सुधाकर द्विवेदी, श्री हीरालाल कपाड़िया, डाँ० कृपाशंकर शुक्ल, डाँ०
घीरेन्द्र वर्मा, डाँ० सत्यप्रकाश, डाँ० गोरखप्रसाद, श्री नेमिचंद्र शास्त्री, सूर्यसिद्धांत
के टीकाकार श्री वर्जिस, संस्कृत अल्जैंदा के रचियता श्री कोलबुक, श्री जोहन स्ट्रेंची,
श्री एल० बी० गुर्जर तथा डाँ० थीवो के नाम विशेष उल्लेखनीय हैं। इन विद्वानों के
ग्रंथों की सामग्री का मैंने इस ग्रंथ में प्रचुर प्रयोग किया है।

दिनांक १-१-७१

व॰ ल॰ उपाध्याय

## संकेताक्षर

77. T.	===	अनुयोगद्वार नूत्र
अनु० सू०	<del></del>	अमरकोप
<b>অ০ কা০</b>	=	क्षम रमगप -
आप० द्यु० सू० } आपस्तंव	<b></b>	बापस्तंब गुल्बसूत्र
बा ०	=	त्रारण्य <b>क</b>
आर्य ०	=	आर्यभट <u>ो</u> य
आर्यं ग० पा०	=	आर्यमटीय गणितपाद
आयं० गो० पा०	=	आर्यभटीय गोलपाद
ग्रार्य० गोल०	<del></del>	आर्यभटीय गोलपाद
ऋ०	=	ऋग्वेद
 ऐ॰	=	ऐतरेय बाह्यरा
ऐ० आ०	_	ऐतरेय आरण्यक
- কাত৹	=	काठक संहिता
का० गु० सू०		कात्यायन गुल्व सूत्र
जै २ कौटिल्य ०	=	कौटिल्य सर्थशास्त्र
को० अ०	=	कोटित्य अर्घशास्त्र
<b>ভি</b> ০	=	ভ্ৰিল <del>যুদ্ন</del>
ग० ति०	==	गिएत तिलक
ग० सा० सं०	=	गणित सार संग्रह
गो०	=	गोपथ ब्राह्मण
জী ০	=	जैमिनीय ब्राह्मण
तां०	<u></u>	तांड्य बाह्मण
র্নী	=	तैत्तिरीय बाह्मण
तै० ग्रा०	===	तैत्तिरीयारण्यक
पं० सि०	=	पंच सिद्धान्तिका
पा० ग०	==	पाटी गणित
दौ० गु० स्०	=	वौदायन शुल्व सूत्र
बाह्यस्प <u>ु</u> ट०	=	बाह्यस्फुटसिद्धांत
बा० <del>स्फ</del> ु० सि०	==	ब्राह्मस्फुटसिद् <del>धान्त</del>
भा० बीं० ग०	=	मास्करीय दीजगरित

मारोपीय	==
प० भा०	==
मा०	=
मैं०	=
रघु०	=
ल॰ भा॰	==
लोला <b>०</b>	==
वे॰ ज्यो॰	=
য় ০ খ ০ লা ০ }	==
হা <b>i</b> ০	==
गु॰ सू०	=
য <b>ী</b> ০	==
ष०	==
सा०	=
सि० शि०	=
सि० शे०	=
सू० सि०	=

# विषयानुक्रमिश्वा

विषय			पृष्ठ संख्या
भूमिका	•••	•••	i—ii
संकेताक्षर	•••	,	ivv
विषयानुक्रमणिका	•••	•••	१११
प्रस्तावना	•••	•••	१२१=
गणित का महत्व	•••	•••	११
जैन तथा बौद्धवर्म में गणित का महत्त्व	•••		??
विषयवस्तु	•••	•••	१३
शब्दावली के अध्ययन से लाम	•••	•••	१३—-१६
प्रयम २	नाग		
(सामान्य अध्ययन, पृ	० १७ — १००)		
अध्याय १-प्राचीन नारतीय गणित का सं	क्षप्त इतिहास	•••	₹E - ४६
प्राचीन भारतीय गिएत के इतिहास का	कालविमाजन	•••	38
वादि काल			
वैदिककाल	•••	•••	१६
गुत्यकाल	•••	•••	ঽ৽
वेदियों की विभिन्न साकृतियां	•••	•••	२१
पार्ट = का मान तथा पार्यागीरस प्रमेय	का ज्ञान	•••	<b>च्</b>
करणो का ज्ञान	•••	•••	च्
वर्गका क्षेत्रफल	•••	• • •	२३
गणित की आधार मूत कियाचें	•••	•••	<b>२</b> ३
भिरन	•••	•••	5,8
वैदांग-ज्योतिष-फाल	•••	•••	<b>२</b> ४
नूर्यं प्रदस्ति	•••	•••	<b>ર્</b> ષ
योर्पवृत्त का आविष्यार	***	•••	⇒ ¥
र्गंजयशाल अयवा धन्यकार पुग			
भैन गवित	•••		<del>१</del> ६
भैधकाल के अधिकार	***	•••	7.5

दशमिक अंकप्रणाली तया शून्य का लावि	<b>ध्कार</b>	•••	२७
ः उमास्वाति		•••	२्द
दीजगणितीय नियम	•••		₹0
कमचय तथा संचय	•••	•••	3.0
वक्षानी गणित		4**	<b>= </b>
मूर्यमि <i>द्धान्त</i>	•••	•••	३२
प्रकोगमिति का जन्म	•••	•••	३२
ग्रहों के सम्बन्ध में विचार	•••	•••	ξĘ
दारकल्पना	•••	•••	३३
व्याज तथा प्रतिशत की कल्पनायें	•••	•••	३४
व्यक्ताल श्रयंबा स्वर्णयुग			
वर्गमूल		•••	ź٧
घनमूल घनमूल	•••	•••	ξĶ
हैराञिक <b>नियम</b>	•••	•••	ĘĻ
आर्यभट तथा <b>मू-भ्रम</b> ण	•••	•••	इ६
बह्यगुप्त		•••	३७
अनेत की कल्पना अनेत की कल्पना	•••	•••	३८
बी <b>द्रग</b> णित	•••	•••	3 5
गृषोतर श्रेणी			३६
् युक्तिसड का एक प्रमेय	•••	•••	४०
पाडयागोरस प्रमेय	•••		४०
महावी <b>राचार्य</b>	•••	•••	४०
लबुतम समापवर्ष	•••	•••	४०
श्रीवराचार्य	•••	•••	४१
श्रेरिगयों का ज्यामितीय उपचार	•••	•••	४१
श्रीपति	•••	•••	४१
प्रतिगत	•••	•••	४१
भास्कर द्वितीय .	•••	•••	४२
अनिययि समीकरणों का व्यापक सावन		•••	४२
बजात रागियों के संकेताकरों का विका	ਚ	•••	४२
अवकलत (Differentiation)	•••	•••	४२
ज्योतिष का विकास	• • •	•••	४४

## उत्तरकाल

विश्वण मारत गणित का केन्द्र		***	•••	ላሂ
सम्राट जगन्ताय			•••	<b>४</b> प्
यतंमान काल				% <i>€</i>
अध्याय २— मारतीय गणितीय अन्याव	को हा	केलिहासिक्	र अञ्चल	₹5 <u>~</u> 60
वैदिक माहित्य की गणितीय बन्द			-**	४७
भारत पाहित्य का गागुदाय शब्द ब्राह्मण प्रंथों की	1971 9	₽1 <i>4.1</i> 1		पूर
"	51	11		५१
शुल्य सूत्री की ,,	37	11	•••	4.3
वदांग ज्योतिष ,, ,,	11	17	•••	४४
एतर्पयां ,, ,, ,,	"	"	•••	7.8
बीद साहित्य की ,, , ,,	11	11		ું યુલ્
र्जन साहित्य की ,, , ,,	11	13	•••	रूर पूड्
रवानांगमूत्र		•••	•••	५७
भगवतीसूत्र के बाध्य		•••		रूप
उत्तराध्ययन "		•••	•••	λ- ⊻=
अनुयोगद्वार सूत्र "		•••	***	~~ ₹=
उगास्वानि की गरिएतीय शब्दाय	ली		•••	ν. 4.ε
शहत गापा के गणितीय शब्द		•••	•••	Ę o
गुण्डा भाषा के शब्द		•••	•••	ę,
कोटिल्य अर्थकास्त्र की गणितीय	शब्दाव	इ <b>ली</b>	•••	<u> </u>
यधाली पञ्चावली		•••	•••	Ę¥
वराहमिहिर शब्दायली		•••	•••	ę́ y
व्रामगुला ,,		***	•••	ર્ે
मारकर प्रथम		•••	•••	çç
महावीराचार्य "		•••	•••	Çig
पृत्यम् स्वामी ।।		•••	•••	६७
भीषसमार्थ "		•••	•••	૬૭
र्धापति ,,			•••	६=
भारतस्य दिशीय 👚 🔐		•••	***	33
मसार् जगम्याम 🕠				

अच्याय ३भारतीय गणित-शब्दावली का सांस्कृतिक अध्ययन ७१७ः			
<b>यून्य, करणी, बीजगणित आदि</b> शस्दी	-		
सांस्कृतिक तथ्य	•••	•••	७१७=
चून प्रया, ऋण-ग्रहण प्रया	•••	• • •	७?
व्याज-प्रणाली	•••	• • •	७४
जीवविकय, स्त्रीविकय	•••	•••	હદ્
अपेकाञ्चत सरलजीवन	•••	•••	وذ
अव्याय ४—गणितीय शब्दावती का भाष	गशास्त्रीय स	घ्ययन	७६ - ६५
प्रकरण १.			
गणितीय बब्दों की ब्हुत्पत्तियाँ	•••	•••	3 છ
प्रकर्रा २.			
गिंगतीय बन्दों के प्राचीन प्रयोग	•••	•••	<b>5</b> 4
प्रकरण ३.			·
गिग्तीय सन्दों के अर्थविकास की एव	क मलक	•••	<b>দ</b> ও
प्रकररा ४.			
प्राचीन गणितीय शब्दावली की रवन	ा के मूलमूत ि	सद्धान्त	<u>ج</u> و
प्रकरण ५.	τ. τ.		
वर्तमान गणितीय शब्दावली में विदेश	ो नापाओं के	सब्द	£3
अव्याय ५ — भारतीय गणितीय झद्दावत	नी का विदेशों	पर प्रभाव	६६१००
<u> हि</u> तीय	भाग		
(विशिष्ट श्रद्ययन,	पृष्ठ १०१—	೨೯೦)	
अध्याय १ —गणित	•••	-	१०३११२
गणित शब्द की व्युत्पत्ति			१०३
पर्याय	***	•••	१०५
गणना और गणित का भेद	***	•••	१०६
गणित शास्त्र की प्राचीनता	•••	•••	१०७
गणित शब्द का प्रयम प्रयोग	***	•••	११०
प्राचीन गिणत-ग्रंथ	•••	•••	१११
गिएत का क्षेत्र-विकास	•••	•••	१११

अध्याय २अंकगणित	•••	•••	११३ १८३
प्रकर्ग १. अंकगणित	***	•••	११३११७
<b>घ्युत्प</b> त्ति	•••	•••	११३
पर्याय	•••	•••	११३
राशिविद्या <u>ः</u>	•••	•••	११३
वूलिकर्म	•••	•••	११४
धूलिकमं का अरवी में अनुवाद	***		११४
पाटीगणित	***		११५
पाटीगणित का अरबी में अनुवाद	•••		११५
योरुपीय भाषाओं में अनुवाद	•••	•••	११६
.व्यक्तगणित	•••	•••	११६
अंकगणित शब्द का प्रादुर्माव 🕐	114	• • •	११६
सारांश	***	•••	११७
प्रकरण २. अंक	•••	•••	११७१२३
अंक नी हैं या दस	•••	• • •	११८
अंक शब्द की अन्वर्थकता	***	***	११६
अक के विविध अर्थ	* * *	***	३११
ऐतिहासिकता	***	•••	१२१
प्रकरण ३. जून्य	•••	•••	858-830
पर्याम	•••	•••	१२४
जीरो तथा साइफर	•••	• • •	` १२५
शून्य ऋराग-चिह्न के रूप में	•••	•••	१२७
भून्य के आविष्कार् का महत्व	•••		१२७
शून्य सस्या है या चिह्न ?	•••	•••	१२=
प्रयोग	•••	•••	१२८
झून्य की परिभाषा	•••	•••	१२६
तच्छेद, सहर	***	•••	३२६
प्रकरण ४. अनन्त	***	• • •	१३०—१३१
प्रकरण ५. संख्यावाचक शब्द	***	•••	१३२— १४५
<b>व्यु</b> त्पत्ति	***	•••	635
ऐतिहासिकता	***	•••	१३२
प्रथम प्रयोग	•••	•••	१३२

परवर्ती प्रयोग	•••	•••	१३२
संख्याओं का ज्ञान	•••	•••	१३३
तल्लक्षणा तथा शीर्प प्रहेलिका (र	२५० स्थानों की संख	या)	१३३
विदेशी साहित्य की वहत्संख्यायें	•••	•••	१३३
संख्याओं की दशमिक अंकप्रणाली	•••	•••	१३४
संख्यालेखन का प्रारम्भ	•••	•••	१३४
शव्दांकलेखन प्रणाली	•••	•••	१३४.
वर्णांकलेखन प्रणाली	•••	•••	१३४
अंकानां वामतो गतिः	•••	•••	१३५
हिंदी संख्यावाचक शब्दों के संस्कृत	। तथा प्राकृत नाम	•••	१३५
सैकड़ा	•••	•••	<b>१४</b> १
सहस्र	•••	•••	१४२
लक्ष तथा लाख	•••	•••	१४२
कोटि अथवा करोड़	•••	•••	१४३
अरव	•••	•••	१४४
खरव, नील, पद्म, शंख	•••	•••	१४४
प्रकरण ६. योग, संकलन, जोड़	•••	•••	१४६—१४६
योग	•••	•••	१४६
थन्यास	•••	•••	१४७
संकलित अथवा संकलन	•••	•••	१४७
जोड्ना	•••	•••	१४८
प्रकरण ७. घटाना, व्यवकलन	•	•••	१४६—१४१
प्रकरण ८. घन, ऋगा	•••	•••	१ <b>५१</b> —१५३
घन, ऋण के संकेत-चिह्न	***	•••	१५३
प्रकरण ६. गुणा	•••	•••	१५४—१५६
हनन, वघ	•••	•••	१५५
गुरान-विधियाँ	•••	•••	१५७
वजाभ्यास	•••	***	१५७
प्रकरण १०. माग	•••	!	१५६—१६१
्वार		•••	
•	•••	•••	१६०

प्रकरण २. करणी		१६३-१	ژ=
प्रकरण २. करणा व्युत्पत्ति	•••	٠ ۶	₹₿
श्र्यं का क्षमिक विकास	•••	٠ ٤	દેત્ર
	•••	3	٤٤
करणीमूल, करगाी का सांकेतिक चिह्न		?	દહ
करणी के विविध अर्थ	•••	•••	દહ
करगों का अरबी और अंगरेजी में बनुबा	₹	••••	્ટ હ
सारांदा	•••		
भारतीय गणित का प्राचीनता और ऋमि	क विकास	•••	54
प्रकरण ३. समीकरण	•••	१६५- ३	
प्रकरण ४. कमचय तथा संचय	***	२००	
प्रकरण ५. श्रेणी, श्रेढ़ी	•••	२०२—३	
ब्युत्पत्ति	•••		{° √
जैन साहित्य के पर्याय	•••		१०३
सस्कृत के प्रयोग	•••		२०३
संकलित शब्द का अरव में प्रचार	•••		२०४
श्रेग्गियों के भेद	•••		४०४
श्रेणियों का ज्यामितीय उपचार	•••		२०५
चय, प्रचय	•••		२०५
अध्याय ४ – रेखागणित	•••	२०७	र्४४
प्रकरण १. रेखागिएत	•••	٥٥٠	२४४
<b>ब्यू</b> रपत्ति	•••	•••	२०७
पर्याय	•••	•••	२०७
ऐतिहासिक विकास	•••	•••	२०७
दीर्घवृत्त का आविष्का <b>र</b>	•••	•••	२०५
सूर्यप्रज्ञ <sup>ि</sup> त	•••	•••	३०६
कौटिल्य अर्थशास्त्र के ज्यामितीय शब्द	•••	•••	३०१
रेखागिएात का जन्म	•••	•••	२१०
पाइथागोरस प्रमेय	•••	•••	२१०
सम्राट् जगन्नाथ	•••	•••	२१२
रेखार्गाणत के पर्याय	•••	•••	२१२

प्रकर्ण २. रेखा	•••		२१३—२१४
समांतर रेखा	•••	•••	२१४
प्रकरता ३. लेखा	•••	•••	२१४२१५
		•••	२१५
प्रकरण ४. रज्जु	. अधिकक्षेणा		785770
प्रकरण. ४. कोरा, समकोरा, न्यूनकोरा	्र आवक्षकाण	•••	785
व्युत्पत्ति, प्रयोग	•••	•••	388
त्रिकोण, चतुष्कोण आदि	• • •	•••	२१ <b>६</b>
स्रवित, कर्ण	•••	•••	२१ <i>६</i> २१ <i>६</i>
वया कोण यूनानी शब्द है ?	•••	•••	
समकोरा	•••	•••	२२०
प्रकरण ६. लंब, अवलंब-सूत्र	***	•••	२२०—२ <b>२</b> २
प्रकरण ७. त्रिकोण, त्रिभुज, चतुर्भु ज	, चतुष्कोण आदि		
ऋजुरेखीय बाक्रतियाँ	•••	•••	<b>२२</b> २—-२२६
जात्यत्रिभुज	•••	•••	२२४
समद्विवाहु त्रिभुज	•••	•••	<b>२</b> २४
समगारवं	•••	•••	२२४
प्रकरण द. कोटि, कर्ण तथा भुजा	•••	•••	. २२६२२८
प्रकरण ६. आयत	***	•••	२२५ २२६
व्युत्पत्ति, प्राचीन प्रयोग	•••	•••	२२६
घनायत	***	•••	. २२६
सारांश	•••	•••	२ <b>२</b> ६
प्रकरण १०. कर्ण	***	•••	<b>२२€</b> — २३२
<b>न्यु</b> त्पत्ति	•••	•••	, २३०
🗸 ऐतिहासिक विकास 💮 \cdots	•••	•••	, २३०
भू-कर्णं, चापकणं	***	•••	. २३१
विकर्ण	•••	•••	• २३१
प्रकरण ११. वृत्त, दीर्घवृत्त	***	• • •	· २३२२३४
प्रकरण १२. व्यास	***	• • •	. <i>२३४</i> २३४
व्युत्पत्ति	•••	••	· २३४
त्रिज्या	•••	••	• ২३४
प्रकरण १३. मेन्द्र	•••	••	· २३४
प्रथम प्रयोग	•••	••	• २३५
मध्य, नाभि	•••	••	• २३६

ऐतिहासिकता		•••	-
सारांग	•••	•••	
प्रकरण १४. चाप'		२३८	
प्रकरण १५. परिधि	•••	२३६-	
प्रकरण १६. जीवा	•••	२४१-	
प्रकरण १७. शकु तया मुचीस्तम	•••	··· ঠ,Қ.ചं	
<b>न</b> ूचीस्तम	•••	•••	
अच्याय ५— त्रिकोणमिति	•••	<b>२</b> ४४	
प्रकर्ण १. ज्या	•••	५४४-	
प्रकरण २. उत्थमण्या	•••	२४८-	-
शर	•••	•••	
प्रकरण ३. कोटिज्या	•••	२४६-	
प्रकरण ४. स्परांज्या, तया कोटिस्परांज्या	•••	₹Xe-	
प्रकरण ५. व्युत्क्रमकोटिज्या, व्युत्क्रमज्या	•••		;
अध्याय ६—ज्योतिष	•••	२५२	- <del>"</del> ,
प्रकरण १. ज्योतिष	•••	२५२-	<b>₹</b> .
ज्योतिष की धाखाएँ	•••	•••	ন্:
वया राशियों के नाम भारतीय हैं ?	•••	•••	२,५,
ग्रह-नक्षत्र तया वारकल्पना	•••	•••	२५
प्रकरण २. भूगोल, भू-भ्रमण एवं भू-आक	पंश	२४४	— २४
प्रकरण ३. विपुवत् रेखा	•••	२५७	—२ <b>६</b> ३
व्युत्पत्ति	•••	•••	२५७
विषु ्	•••	•••	२४७
विपुव की व्युत्पत्ति	•••	•••	२४=
कमिक वर्यविकास	•••	•••	२६१
प्रकरण ४. अंश, कला, विकला, घड़ी, पर	न, विपत्त, समय,	प्रहर २६१	२६८
घंटा, समय, क्षरा, मुहूर्त, भार	•••	•••	२६४
पाष्ठिक-विभाजन	•••	•••	२६४
प्रहर, याम, पल	•••	•••	२६६
कला	•••	***	२६६
विकला, विपल, क्षरा, मृहूर्त	•••	•••	२६=

	,		
प्रकरण ५. युग	•••	;	२६ <i>५</i> २७ <b>१</b>
<b>व्यु</b> त्पत्ति	•••	•••	२६८
अविमास	•••	•••	२६९.
कलियुग आदि शब्द	•••	•••	२७०
प्रकरण ६. वर्ष	•••	२	७१—२७२
संवत्सर	•••	•••	२७१
हायन	•••	•••	२७२
प्रकरण ७. ऋतु	***	5	१७२—-२७३
वैदिक काल में वर्ष का प्रारम्म	•••	•••	२७३
प्रकरण ५. मास	•••	२	१७३१७४
मासों के प्राचीन वैदिक नाम	•••	•••	२७४
प्रकरण ६. दिन, वार			१७४४७४
प्रकरण १०. देशान्तर, रेखांश			,७४—-२७६ १७४—-२७६
प्रकरण ११. अक्षांश	•••		७६२७७
प्रकरण १२. लम्बन, नित	•••		,७५—
प्रकरण १३. पात	•••	••• 7	·
प्रकरण१४. संपात, विषुव, जलविषुव, महा	 हेवर प्रेगरि नर्म	 a-inra :	२७५
संपात	पत्रुप प्रपाद, पत	.d-d41d 4	
 मेषादि	•••	•••	२७=
नगाप अंगरेजी और हिंदी में सामान्य त्रुटि	•••	•••	305
प्राचीन प्रयोग	• • •	•••	309
• •	,•••	•••	३७१
परिशिष्ट	•••	•••	२८० (अ)
परिक्षिष्ट १. ग्रंथानुक्रमणिका	•••	5	१८१२८३
परिशिष्ट २. श्रार्यभटीय गणित-ज्ञब्दा वली		٠٠٠ ٦	<b>535—88</b>
परिक्षिष्ट ३. बह्मगुष्त रचित ब्राह्मस्कुट सि	द्धान्त की गणित :	राव्दावली २	<b>€</b> X₹₹5
परिक्षिष्ट ४. वेदांग ज्योतिष-शब्दावली	•••	•••	358
ंपरिशिष्ट ५. सूर्यसिद्धान्त-शब्दावली	•••	۶	४०३७०
परिविष्ट ६. सम्राट् जगन्नाय कृत रेखागिष	ात-शब्दावली	₹	७११७४
परिशिष्ट ७. वार्यभटीय-मूल	•••	•••	३७४
परिक्षिण्ट ८. वेदांग ज्योतिष-मूल	•••	•••	३८४

#### प्रस्तावना

व्याकरण की दृष्टि से यद्यपि हिंदी और संस्कृत में पर्याप्त वैपम्य है किन्तु शब्दावली की दृष्टि से दोनों में, उतना ही साम्य है जितना कि मां वेटियों में हुआ करता है। यों तो समस्त हिन्दी शब्दावली प्रायः संस्कृत जन्य ही है किन्तु गिणतीय हिंदी शब्दावली तो प्रायः संस्कृतमय ही है अर्थात् इसका ग्रादि स्रोत हमारा प्राचीन-तम संस्कृत वाङ्मय है। इसकी आधारभूमि इसी के रत्नों से बनी है, इसका कलेवर भी इसी के अन्नजल से पुष्ट हुआ है। आइये इस पावन पुनीत मंदाकिनी के अंचल में चलकर इसके कल्लोलों का श्रवण करते हुए हिमाच्छादित गंगोत्री के दर्शन कर और मार्ग में आए हुए तथा एकान्त में भरते हुए झरनों का अवलोकन करके चक्षुलाभ के सुख का अनुभव करें। इस प्रकार न केवल अपने इस जन्म को ही चितार्थ करें अपितु जन्म-जन्मान्तर से शाश्वत साथ रहने वाली इस कर्म श्रृंखला को तोड़कर शब्दब्रह्म में लीन हो जायें।

गणित का महत्व:

जिस प्रकार मयूरों की शिखाएँ, नागों की मणियाँ, शरीरों में मस्तिष्क मूर्घा-स्थान में स्थित है उसी प्रकार गिएत भी सकल वेद, वेदांगों तथा शास्त्रों में शिरोमणि है। वेदांग ज्योतिष का निम्न वचन सर्वेषा सत्य है:—

यथा शिखा मयूराणां नागानां मणयो यथा ।
तद्वद्वेदांग-शास्त्राणां गणितं मूर्घ्नि वर्तते ।।
प्रसिद्ध जैन गणितज्ञ महावीराचार्य ने तो यहाँ तक कहा है कि —
वहु भिविप्रलापै: किम् त्रैलोक्ये सचराचरे ।
यर्तिकचिद्वस्तु तत्सर्व गणितेन विना न हि ।।

अर्थात् और श्रधिक प्रलाप करने से क्या लाभ । इस चराचर संसार में कोई भी वस्तु ऐसी नहीं है जिसके आधार में गणित न हो । प्राचीन काल में मोक्ष प्राप्ति के लिए यज्ञ करना परम आवश्यक माना जाता था और यज्ञ तभी फलदायी होते थे जब कि उचित समय और ठीक वेदी बनाकर किये जायें जो गणित ज्ञान के बिना संभव नहीं था । जैनियों का भी यही विश्वास था कि यदि उचित समय पर दीक्षा न ली गई तो वह फलदायी नहीं होगी। अतएव उनके लिये भी काल-गणना आवश्यक हो गई । देखिये—शान्तचन्द्र गणि (१५६५ ई०) की निम्न उक्ति:—

"शुद्ध-गणितसिद्धे प्रशस्ते काले गृहीतानि प्रशस्तफलानि स्युः कालश्च ज्योतिश्चाराधीनः स च जम्बुद्धीपादिक्षेत्राधीनव्यवस्थस्तेनाभ्यं कालापरपर्यायी गणितानुयोगः।" ऐतिहासिक एवं सांस्कृतिक अध्ययन करूँ। यदि देश के अन्य विद्वान् इसी प्रकार अपने २ शास्त्रों की शब्दावली का अध्ययन कर दें तो अचिरकाल में राष्ट्रभाषा का यह शून्य प्रकोष्ट मर सकता है।

#### विषयवस्तु:

मैंने गणितशास्त्र की उस हिंदी शब्दावली को ही अपने अध्ययन का विषय बनाया है जो पिछले ५०-६० वर्षों से अपने देश में प्रचलित रही है और जो संस्कृत भाषा की देन है। स्वर्गीय बापू देवशास्त्री, महामहोपाव्याय पं० सुधाकर द्विवेदी तथा काशी नागरी प्रचारणी सभा के उन विद्वानों के हम चिरऋणी हैं जिन्होंने उस दासता-काल में भी हिंदी भाषा के रूप को संजोये रक्खा। उन्होंने अंगरेजी शब्दावली के पर्यायों के रूप में अपने प्राचीन गणितीय शब्दों को सुस्थिर किया जो १९११ ई० के लगभग काशी नागरी प्रचारिणी सभा की वैज्ञानिक शब्दावली नामक पुस्तक में प्रकाशित हुई थी तथा इसका द्वितीय परिमार्जित संस्करण १६३१ ई० में प्रकाशित हुआ। मैंने इसी पुस्तक के प्राचीन एवं आधारभूत गिएतीय शब्दों की माध्यम बनाकर गिएतीय शब्दावली का विवेचन किया है जो गणितीय शब्दावली की व्यत्पत्तियों, मुलस्रोतों, विभिन्न कालों में उनके प्रयोगों एवं उससे विनिर्गत कुछ ऐतिहासिक तथा सांस्कृतिक तत्वों पर प्रकाश डालता है। इस प्रकार का यह प्रथम प्रयत्न है यद्यपि आनुषंगिक रूप से डॉ० दत्त एवं डॉ० ए० एन० सिंह ने गणित शास्त्र के इतिहास तथा श्रपने अन्य गणितीय लेखों की कतिपय पंक्तियों में भाषा-विषयक रुचि का परिचय दिया है जो अत्यन्त सराहनीय है किन्तू न वे भाषा-शास्त्र के पंडित थे और न उनकी गवेषणा का यह विषय था। ऐसा प्रतीत होता है कि उन्होंने इन पंक्तियों को लिखकर केवल एक आह्वान किया था कि कोई प्राचीन हिंदू गिएत के केवल शब्द-पक्ष का अध्ययन करे।

### शब्दावली के श्रध्ययन से लाभ :

इस प्रकार के अध्ययन से मुख्यत: दो बड़े लाम होते हैं, एक तो किसी विषय के पारिभाषिक शब्दों की ब्युत्पित्त तथा अर्थ ज्ञान के विना विषय की आत्मा तक नहीं पहुँचा जा सकता है और बिना इसके देश में उच्चकोटि के विद्वान् निकलने असंभव हैं। उदाहरणतः हिन्दी का इमली शब्द ब्युत्पित ज्ञान के विना एक याद्यच्छिक शब्द लगता है किंतु जब हमें यह मालूम हो कि यह संस्कृत शब्द अम्ली से बना है तो इसके अम्ल होने के गुण-धर्म का भी पता चल जाता है। प्राचीन हिन्दू गिएत की प्रसिद्ध पुस्तक गणित सार-संग्रह में लघुतम समापवत्यं के लिए निश्द शब्द प्रयुक्त किया गया है जिसका अर्थ, बिना बताए संस्कृत के बड़े से बड़े साहित्याचार्य भी नहीं समझ सकते। दूसरा बड़ा लाभ यह है कि शब्द-विवेचन से विषय तो बोधगम्य हो ही जाता है किन्तु भाषा की भी उन्नति हो जाती है। जिस माषा के शब्दों की न तो ब्युत्पित्त का पता हो और न इस बात का पता हो कि

नहीं या। ग्रामी ए जन रोप में अपने शत्रु के संबंध में कहते हैं कि 'पनियापत को वहा देंगे' अर्थात् वे उनको बरबाद कर देंगे । यह उनित पानीपत रणक्षेत्र के रनत-पात की स्मारक है। बोलचाल का 'दिकयानस' शब्द संकीर्ण तथा परंपरावादी के अर्थ में आता है। व्यूत्पत्ति से पता चला कि दिकयानूस नामक एक रोमन सम्राट (३४९ ई॰ पु॰) था जो परंपरावादी था। इसी प्रकार 'अफलातून' शब्द भी युनानी प्लैटो का अपभ्रंश है। यह उच्च दार्शनिक व्यक्ति या। अव यह शब्द 'महान्' के अर्थ में वक्रीवितमय भाषा में बोला जाता है। हिन्दी का 'हजआ' शब्द 'हावूड़ा' (एक जाति-विशेष) से विगड़ कर बना है। हिन्दी का औना-पीना शब्द कीटिल्य अर्थशास्त्र में प्रयुक्त 'कनं, पूर्ण' से बना है। देखने में पीना का अर्थ तीन चीथाई तथा श्रीना एक निरर्थक शब्द लगता है किन्तु वास्तव में यहाँ औना का अर्थ है कम तथा पौना का अर्थ है पूर्ण। सर्जरी के लिए संस्कृत के 'शल्य' शब्द की व्युत्पत्ति से पता चलता है कि युद्ध में चुभे हुए वाण आदि के निकालने में इस विद्या का प्रारंभ हुवा था। हिंदी के महान्नाह्मण, महतर, प्रज्ञाचक्षु (नेत्रविहीन) त्तथा हरिजन शब्द उर्दू के खलीफा (नाई), एवं हाफिज (नेत्र विहीन) शब्द संभापण, माधुर्य तथा उच्च संस्कृति के द्योतक हैं। "अचला" (पृथ्वी) तथा सूर्य की नवग्रहों में गिनती एवं ग्रह का शाब्दिक ग्रर्थ (गच्छतीतिग्रह: अर्थात् चलनेवाला) इस तथ्य के द्योतक हैं कि प्राचीन काल में हमारे पूर्वज (आर्यभट को छोड़कर) पृथ्वी को अचल तथा सूर्य को चल मानते थे। संस्कृत के वामन (छोटा, अवतार विशेष), नृसिंह (नर भी है तथा सिंह भी, अवतार विशेष), बानर (वा विकल्पेन नर: अर्थात् नर जैसा) विकासवाद की ओर ले जाने वाले शब्द हैं। 'धर्मपत्नी' शब्द में वैवाहिक वन्धन की घामिकता एवं अंगरेजी के 'बैटरहाफ' शब्द में पत्नी के प्रति सम्मान की मावना अन्तर्निहित है। संस्कृत के 'मातृ पितृ', अंगरेजी के 'फादर मदर', तथा फारसी के 'पिदर तथा मादर', यूनानी के 'पेटर मेटर', संस्कृत 'दक्षस, दान्त', अंगरेजी 'डेक्सट्स तथा डौंटिड' आदि अनेक सहज शब्दों के विवेचन से ही एक नवीन इतिहास का पता चला कि यह सब जातियाँ पहिले एक थीं ग्रीर एक स्थान में वास करती थीं। किसी भी इतिहास-वेत्ता को इस महत्वपूर्ण तथ्य का कभी भी पता नहीं चलता यदि इन शब्दों का भाषाशास्त्रीय अध्ययन नहीं किया गया होता । संस्कृत का केन्द्र, (यूनानी केंत्रान), यवन (यूनानी आयोनियन), द्रम्म, दीनार, नेम अरबी का हिरसा एवं इल्मे |तस्त (पाटीगणित) तथा यूनानी केन्योस (शून्य) ब्रिज (भूजं), पिष्र (पिष्पली), इंडिया, (सं० [सिन्ध् अवेस्तन हिंदु) शब्द इस वात के द्योतक हैं कि इन देशों में कभी सांस्कृतिक तथा वैज्ञानिक आदान-प्रदान होता या ।

(Drachme) था। संस्कृत में यह 'द्रम्म' तथा 'द्राम' एवं हिंदी में 'दाम' हो गया तथा इसका अर्थ 'मोल' हो गया। ये सिक्के किन्टिक और हिंदिक के समय (हिंदी याती) के अधिक मिलते हैं। हमारा 'सलूनी' शब्द जो हिंदी का प्रतीत होता है, उर्दू 'सालेनी' से बना है। अकबर ने एक नया संवत (फस्ली सन्) चलाया था, जो उस साल 'सलूनी' से प्रारम्भ होता था अतएव रक्षावंबन का नाम 'सलूनी' पड़ गया। अंग्रेजी का राइस (Rice) शब्द दक्षिण मारत में चावलों के लिए प्रचलित तिमल के अरिस शब्द से बना है। 'सुपारी' शब्द भी कितने पुराने वन्दरगाह 'मूपारक' की स्मृति दिलाता है जिसके नाम पर एक 'सूपारक-जातक' भी है। वौद्धकाल में पश्चिमी घाट पर यह एक वन्दरगाह था जहां से सुपारी लदकर विदेशों को जाती थी। विदेशियों ने उस पदार्थ का नाम ही उसी स्थान के नाम पर रख लिया जहां से यह वस्तु आती थी, जैसे प्रारंग में मूरत बंदरगाह पर उतरने के कारण तम्बाकू का नाम सुरती हो गया। इसी प्रकार मिल्ल से आने के कारण मिल्ली गया प्रारंग में चीन से श्राने के कारण चीनी नाम पड़ा। 'कमरख' शब्द भी संस्कृत कर्मरंग से बना है। प्रवीं शती में मलय में कमरंग नाम का एक छोटा राज्य था वहां से यह प्रारंग में आई, अतएव इमका नाम 'कमरंग' पड़ गया।

इस प्रकार के अन्य शतमः उदाहरण और भी दिए जा सकते हैं जिनका देना यहाँ अनावश्यक प्रतीत होता है। इनसे ही यह भलीमौति सिद्ध हो जाता है कि गव्दायनी का अव्ययन किसी भी जाति अथवा देश किंवा समस्त विश्व को ही अत्यन्त लामप्रद है। विशेषतः हम भारतवासियों को जो नश्वर प्राणियों के इतिहास-नेपान के प्रति सदा उदासीन रहे हैं अत्यय जिनका प्राचीनतम इतिहास इसी प्राचीन गव्दायनी में ही अंतर्गु इ है और कर्ण-कण करके जिसके संपूर्ण स्वस्त को गंगोकर विश्व के सम्मुख हमें पुनः उपस्थित करना है।

# <sub>प्रचम भाग</sub> सासान्य ग्राध्ययन

## प्राचीन भारतीय गणित का संचित्त इतिहास

यद्यपि प्राचीन भारतीय गिएति मेरे अनुसंघान का विषय नहीं है, मुभे तो केवल उसके एक पक्ष, अर्थात् उसकी शब्दावली, का ही अध्ययन करना है। फिर भी किविकुलगुरु कालिदास की प्रसिद्ध उक्ति, 'वागर्याविवसंपृक्ती' अर्थात् शब्द और अर्थ सदा एक दूसरे से मिले रहते हैं, के अनुसार एक के विवेचन में दूसरे का विवेचन किसी अंश तक अन्तिनिहत ही है; अयवा यों कहिए कि एक का ज्ञान दूसरे की सहायता के विना हो ही नहीं सकता। अतएव गणितीय शब्दावली की विशेषताओं, उनके क्रमिक विकास, विकास सम्बन्धी नियमों एवं गणितीय शब्दावली की रोचक व्युत्पित्तयों तथा उन व्युत्पित्तयों से विनिर्गत सांस्कृतिक तथा ऐतिहासिक तत्वों के वताने के पहिले में प्राचीन गणित की एक छोटी झाँकी प्रस्तुत कर रहा हूँ:—

प्राचीन हिन्दू गणित के इतिहास को निम्न कालों में विभक्त किया जा सकता है:—

१. आदि काल	३००० ई० पू० -	— ५०० ई० पू०
(क) वैदिक काल	३००० ई० पू० -	१००० ई० पू०
(ख) शुल्व काल (ग) वेदांग ज्योतिषकाल ]	१००० ई० पू० से	५०० ई० पू०
(घ) सूर्यंप्रज्ञप्ति काल	४०० ई० पू०	
२. गौराव काल ग्रयवा अंघकार-युग	५०० ई० पू०	५०० ई०
३. मध्य काल अथवा स्वर्ण-युग	५०० ई०	१२०० ई०
४. उत्तर काल	१२०० ई०	१८०० ई०
५. वर्तमान काल	१८०० ई०	अचावि
		<b>\</b>

आदिकाल (२००० ई० पू०—५०० ई० पू०) (क) वैदिक-काल (२००० ई० पू०—१००० ई० पू०):

वंदिक काल की विदय को सबसे बड़ी देन संज्याओं का आविष्कार तथा उन की दमिमक प्रणाली है। वंदिक काल के एक से लेकर सहस्र तक की संख्याओं के नाम तथा अरव (अर्जुद) संख्या का नाम अब तक चले धाते हैं। यद्यवि बाद की मंख्याओं के नाम परार्ष (१०१२) तक हैं, किन्तु उनके स्थान पर बौद्ध-साहित्य के नाम दशरहस्त, लक्ष्त, कोटि तथा जैन साहित्य के नाम प्रयं, नील, पदम आदि प्रमुखित हो गए। तस्कालीन लोग संस्थाओं को द्विगुणित से द्वादशगुणित करना जानते ये। एक मंत्र में (यजु० १६।४४) अमंख्य महस्य का भी उल्लेख है। वे किसी वस्तु के भाग करना भी जानते थे। अतएव उन में अर्थ, पाद (= रें) णफ (= रें), कुष्ठ (= क्र्रें) आदि भागों के नाम मिलते हैं। इसमें यह विदित होता है कि यद्यपि गणित की योग, गुणा, भाग, भिन्न आदि प्राथमिक कियाओं का अभी आविष्कार नहीं हुआ था, किन्तु उन में इन सकल्पनाओं का प्रादुर्माव होना प्रारंभ हो गया था। तैंतिरीय संहिता (६।२,४,५) में एक स्थल पर ३६३ = ३६३ + २५ यह सम्बन्ध भी दिया हुआ है। इतने प्राचीन काल में इतनी वड़ी-बड़ी संस्थाओं का जान होना ही एक बहुत बड़ी बात थी, क्योंकि हम देखते हैं कि १००० वर्ष बाद तक रोमन और यूनानी लोग बृहत्तम संस्था कमशः हजार और दम हजार ही जानते थे।

वाजसनेयि-संहिता की एक उक्ति है, 'प्रज्ञानाय नक्षत्रदर्शम् यादसे ''
''' गणाकम्' अर्थात् विशेष ज्ञान के लिए नक्षत्रदर्शी गणक के पास जाग्रो'
इससे यह अनुमान होता है कि उस ममय के लोग न केवल नक्षत्र वेच ही कर लेते
थे किन्तु गणना करके उनकी गति आदि को जान लेते थे।

वैदिक काल में ज्योनिए का मी आदिम ज्ञान हो गया था। अथवैवेद के एक सूनत (१६१७) में चित्रा से प्रारम्भ करके वर्तमान सभी नक्षत्रों का उल्लेख है। इस काल में वर्ष, ऋतु, मास, अधिमास, अमा, पूर्णिमा दिन आदि सभी का ज्ञान था।

ऐतरेय ब्राह्मण के निम्न उद्धरण से प्रतीत होता है कि उस समय लोग यह जानते थे कि पृथ्वी गोल है अतएव न तो कमी सूर्य उदित होता है और न कभी अस्त । जब हम उसे उदित या अस्त होता हुआ देखते हैं तब वह वास्तव में अपनी दिशा परिवर्तित करता है । यथाः—

स वा एष न कदाचनास्तमेति नोदेति । तं यदस्तमेतीति मन्यन्तेऽह्न एव तदन्तमित्वाथात्मानं विपर्यस्यते रात्रिमेवावस्तात् कुरुतेऽहः परस्तात् । अथ यदेनं प्रातरु-देनीति मन्यन्ते रात्रेरेव तदन्तमित्वाथात्मानं विपर्यस्यतेऽहरेवावस्तात् कुरुते रात्रि परस्तात् । स वा एष न कदाचन निम्नोचित । न ह वै कदाचन निम्न्नोचित-एतस्य ह सायुज्यं सरूपतामश्नुतेय एवं वेद । विश्वास था कि यजों से इष्टफल की प्राप्ति के लिए वेदियों का विहित विधि-विधान से बनाना परमावश्यक है। उस विधान में कि जिन्मात्र भी त्रुटि हो जाने से इष्टफल प्राप्ति के स्थान पर अनिष्ट फल की आशंका हो जाती थी। उचित यज्ञकाल और ऋचाओं का यथाविधिपाठन भी नितांत आवश्यक माना जाता था। वेदियाँ नाना प्रकार की होती थीं, यथा: — श्येनचित, वक्ष्मक्ष, व्यस्तपुच्छ, अलज, प्रच्म, उभ्यत, प्रद्या रथचक, द्रोण, समूह्य, परिचाय्य, श्मशान तथा कूमं। इन सब विभिन्न आकृतियों की वेदियों की रचना के लिए यह भी आवश्यक था कि इनका क्षेत्रफल वही हो जो कि मानकवेदी 'श्येनचित' का होता है अर्थात् साढ़े सात वर्ग पुरुप (मान विशेष)। कभी-कभी एक वेदी दूसरी वेदी से निश्चित प्रमाण से ही कम या अधिक की जाती थी। जैसे सौत्रामणि की वेदी महावेदी की तिहाई होनी चाहिए तथा अश्वक्षक का मत है कि यह वृत्ताकार होनी चाहिए। आहवनीय वेदी का ग्राकार सदा वर्गाकार होना चाहिए तथा दक्षिण वेदी का आकार अर्थवृत्ताकार। श्येनचित वेदी का प्रत्येक पक्ष तथा पुच्छ आयताकार होती है। इनका क्षेत्रफल भी कमशः १५ वर्गपुरुप तथा १५ वर्ण वाहिए। शाहकवी तथा श्वेक मी कमशः १५ वर्गपुरुप तथा १५ वर्ण वाहिए। चाहिए।

इन सब वेदियों को यायातथ्य से बनाने के लिए निम्नलिखित रेखागणितीय प्रक्रियाओं का ज्ञान होना नितान्त अपंक्षित या:—

- १. सरल रेखा पर वर्ग बनाना ।
- २. वर्ग के चतुर्दिक् परिगतवृत्त लींचना ग्रीर वृत के अन्तर्गत वर्ग लींचना। वर्ग के बरावर वृत्त तथा वृत्त के बरावर वर्ग बनाना।
- इ. वृत्त को हिगुणित करना, वर्ग को त्रिगुणित, चतुर्गुणित तथा पंचगुणित करना।
- ८. वर्ग के विकर्ण का वर्ग उसकी मुजा के वर्ग का दूगना होता है।
- ४. दी हुई भुजाग्रों से आयत, समलंब चतुर्भु ज आदि बनाना ।
- ६. एक वर्ग अथवा समलंब चतुर्भुज के बरावर, गुणज अथवा मिन्नगुणज दूसरा वर्ग अथवा समलंब चतुर्भुज बनाना।
- ७. दो भिन्न वर्गों के बरावर एक वर्ग बनाना ।
- त्रभुज को आयत में परिणत करना तथा आयत को त्रिभुज में ।
- ८. वर्ग के बराबर विभुज बनाना।
- १०. क्षायत के कर्ण का वर्ग उसकी भुजाओं के वर्गों के योग के बराबर होता है।
- ११. वर्ग का क्षेत्रकल निकालना।
  श्वाविदयों के प्रचलित इन नियमों को बताने के लिए हमारे महर्षियों को

थे। एक मंत्र में (यजु० १६।५४) अमंख्य सहस्र का मी उल्लेख है। ये किसी वस्तु के माग करना मी जानते थे। अतएव उन में अर्ध, पाद  $(=\frac{1}{6})$  णफ  $(=\frac{1}{6})$ , कुष्ठ  $(=\frac{1}{6})$  आदि भागों के नाम मिलते हैं। इसमे यह विदित होता है कि यद्यपि गणित की योग, गुगा, भाग, भिन्न आदि प्राथमिक कियाओं का अभी आविष्कार नहीं हुआ था, किन्तु उन में उन सकल्पनाओं का प्रादुर्माव होना प्रारंभ हो गया था। तैत्तिरीय सहिता (६।२,४,५) में एक स्थल पर  $= 88^2 = 38^2 + 7$ , यह सम्बन्ध मी दिया हुआ है। इतने प्राचीन काल में इतनी वड़ी-बड़ी संस्थाओं का ज्ञान होना ही एक बहुत बड़ी बात थी, वयोंकि हम देखते हैं कि १००० वर्ष वाद तक रोमन और यूनानी लोग वृहत्तम संस्था कमशः हजार और दम हजार ही जानते थे।

वाजसनेयि-संहिता की एक उक्ति है, 'प्रज्ञानाय नक्षत्रदर्शम् यादसे...
... गणाकम्' अर्थात् विशेष ज्ञान के लिए नक्षत्रदर्शी गणक के पास जान्नी'
इससे यह अनुमान होता है कि उस ममय के लोग न केवल नक्षत्र वेच ही कर लेते
थे किन्तु गणना करके उनकी गति आदि को जान लेते थे।

वैदिक काल में ज्योतिप का भी आदिम ज्ञान हो गया था। अयर्ववेद के एक सूक्त (१६।७) में चित्रा से प्रारम्भ करके वर्तमान सभी नक्षत्रों का उल्लेख है। उस काल में वर्ष, ऋतु, मास, अधिमास, अमा, पूणिमा दिन आदि सभी का ज्ञान था।

ऐतरेय ब्राह्मण के निम्न उद्धरण से प्रतीत होता है कि उस समय लोग यह जानते थे कि पृथ्वी गोल है अतएव न तो कभी सूर्य उदित होता है और न कभी अस्त । जब हम उसे उदित या अस्त होता हुग्रा देखते हैं तब वह वास्तव में अपनी दिशा परिवर्तित करता है । यथाः—

स वा एप न कदाचनास्तमेति नोदेति । तं यदस्तमेतीति मन्यन्तेऽह्न एव तदन्तिमित्वायात्मानं विपर्यस्यते रात्रिमेवावस्तात् कुरुतेऽहः परस्तात् । अय यदेनं प्रातरु-देनीति मन्यन्ते रात्रेरेव तदन्तिमित्वायात्मानं विपर्यस्यतेऽहरेवावस्तात् कुरुते रात्रि परस्तात् । स वा एप न कदाचन निम्नोचिति । न ह वै कदाचन निम्म्रोचित-एतस्य ह सायुज्यं सरूपतामश्नुतेय एवं वेद ।

(ऐ० ब्राह्मण १४-६)

## (ख) जुल्व काल (१००० पू० ई०—५०० ई० पू०) :

शुल्य काल की विश्व को सबसे बिड़ी देन रेखागणित के ज्ञान की नींव डालना है। भारत घर्मप्राण देश रहा है। प्राचीन आयों का विश्वास था कि मोक्षप्राप्ति का सबसे वड़ा साघन यज्ञ है। किंवदंती प्रचलित है कि १०० यज्ञ करने से इन्द्रासन तक निल जाता था। यज्ञ मी अनेक प्रकार के होते थे। जैसे अश्वमेव यज्ञ, पुत्रेष्टि यज्ञ श्रादि। इन यज्ञों के लिए वेदियों के आकार प्रकार भी सुनिश्चित थें। उनका

१. देखिए माग २, संख्यावाचक शब्द ।

मण्डलं चतुरश्रं चिकीर्पेन्विष्कम्भमण्टौ भागान् कृत्वा भागमेकोनित्रशघा विभज्याष्टाविशति भागानुद्धरेंद्भागस्य च षष्ठमष्टमभागोनम् ।

—बौ०गु०सूत्र १।५६

यहां यह उल्लेखनीय है कि शुल्व सूत्रों का पाई का मान यद्यपि बहुत स्थूल है, किन्तु इतने प्राचीनकाल में उसका होना ही एक बहुत बड़ी बात है। मिस्र के पूर्व निवासियों ने पाई के इससे अच्छे मान बाद में निकाल लिए थे। आर्किमेदी ने भी बाद में पाई का मान  $\frac{22}{6} = (3.882 - 1)$  निकाल लिया था। ४६६ ई० में आर्यमट ने इससे भी सूक्ष्मतर पाई का मान निकाला था, जो समस्त यूनानी मानों से अधिक यथार्थ है अर्थात् पाई  $= \frac{52.52}{20.000} = 3.8885$ ।

करणी (Surd) का ज्ञान:

रेखागणितीय उक्त ज्ञान के साथ-साथ अन्य गिएतीय नियम भी अनायास प्रकाश में आ गए। जैसे वर्ग को द्विगुणित तथा पंचगुणित आदि करने में  $\sqrt{2}$ ,  $\sqrt{2}$  ... आदि करणियों का ज्ञान समुद्भूत हो गया। आपस्तंव शुल्व सूत्र में उल्लेख है कि:—

'प्रमाणं तृतीयेनवर्द्धयेत्तच्च चतुर्थेनात्मचतुस्त्रिंशीनेन सविशेषः' अर्थात्

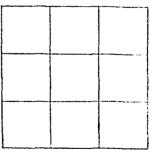
$$\sqrt{s} = \xi + \frac{3}{\xi} + \frac{3}{\xi} + \frac{3 \times 3 \times 3 \times 3}{\xi}$$

घगं का क्षेत्रफल:

गुल्व सूत्रों में वर्ग के क्षेत्रफल के संबंध में निम्नलिखित नियम दिया है :—
'यावत्प्रमाणा रज्जुर्मवित तावतस्तावन्तो वर्गाभवन्ति तान् समस्येत्'

—कात्यायन शुल्व सूत्र

अर्थात् रज्जु जितनी लंबी होती है उतने
गुणित उतने ही एकक वर्गों की पंक्तियाँ
बनाती है। उन सबको मिलाने से क्षेत्रफल
निकल आता है जैसे आसन्न चित्र में ३ एकक
सम्बी रज्जु ने ३ × ३ वर्ग आड़े और पड़े
बनाए हैं उनको मिलाने से वर्ग का क्षेत्रफल
१ एकक हुआ।
गणित की ग्राधारभूत कियाये:



उनत ज्यामितीय ज्ञान के अतिरिनत समास (जोड़), निर्हास (घटाना),

शुन्व तूत्रों को रचना करनी पड़ी। युन्विविज्ञान अयवा युन्त्रगणित ही इस प्रकार विश्व को रेखागणित का आदिम रूप तथा आदिम नाम थे। युन्व उस रज्जु को कहते थे जिससे वेदी बनाई जाती थी। उस समय रज्जु से वह काम कर लेते ये जो आज-कल पटरी और परकार से करते हैं। मानव और मैत्रायणी शुन्व मुत्रों में शुन्विविज्ञान शब्द का प्रयोग हुआ है। पाइयागोरस प्रमेय का शुन्वकान में मनीमौति ज्ञान था।

## पाइयागोरस प्रमेय का जान :

बौबायन के निम्नतिस्ति सूत्र में पाइयगोरस प्रमेय का ज्ञान अंतर्निहित है — दीर्वचतुरश्रस्याब्ण्या रज्जुः पाइवमानी तिर्यङ्मानी च यत्पृयन्भृतेकुरतस्तदुभयं करोति । बौ॰ शुल्व सूत्र १।४८ ।

अर्थान् दीर्घवतुरश्च (अ।यत) की तिर्घक्ष्मानी और पाद्यमानी भुजायें जो दो वर्ग बनाती हैं उनके योग के बरावर अकेली अक्ष्मयारज्जु वर्ग बनाती है। पाइया-गोरस का समय १४० ई० पू० है, जबिक बीघायन का समय लगमग १००० ई० पू० है।

## पाई ( 🕳 ) का मान :

वर्ग के बरावर वृत्त खींचने के प्रसंग में पाई का मान अंतिनिहित हो जाता है। मानव गुल्व सूत्र में कहा है कि २ हाय का वर्ग, १ हाय ३ अंगुन अर्घव्यास पर वने हुए वृत्त के बरावर होता है जिसको यदि गणितीय भाषा में लिखें तो यह समीकरण बनेगा।

वीवायन ने पाई का मान ३ वताया या। यया:--

यूपावटाः पदविष्कम्माः त्रिपदपरिपाहानि यूपोपराणीति

बौ शुस्व सूत्र १। ११२-३

एक दूसरे स्थान पर बौबायन ने वृत्त को वर्ग में परिणत करने के लिए एक नियम बताया है जिसमें

$$= 3 \cdot 6 = 2 \times \frac{1}{8} + \frac{1}{8} +$$

उक्त नियम निम्नलिखित पंत्रितयों में बताया है।

## (घ) मृयंत्रज्ञप्ति :

सुर्व प्रज्ञानित तथा चन्द्रप्रज्ञानित ५०० ई० पू० के प्रसिद्ध जैन वासिक ग्रंथ हैं जो गणितानुयोग पर हैं। डॉ० बीवो के मतानुसार ये यूनानी प्रमाव से एकदम शून्य होने के कारण यूनानी आक्रमण से पहिले लिखे गये हैं। प्रा० वेवर इसमें और वेडांग-ज्योतिप में पर्याप्त साम्य वताते हैं। मुक्ते तो गुल्व मूत्रों ग्रीर प्राचीनतम जैन साहित्य में मी कुछ सहशता मिली है। कात्यायन के रज्जुसमास तथा जैनियों के रज्जु-संस्थान (मृमिति) में पर्याप्त साम्य है। रज्जु का जैन साहित्य में भी प्रचुर प्रयोग मिलता है। सूर्यप्रज्ञित में भी रेखागणित के निम्न प्रसंग मिलते हैं:-

?. पाई का मान $=\sqrt{20}$ । जंद्रद्वीपप्रक्रिक ने मी यही मान व्यवनाया या ।

२. क्षेत्रमिति के कुछ सत्र जैसे व्यास तथा परिवि के मान ।

३. निम्नलिखित ज्यामितीय आकृतियों के नाम ।

ज्यामितीय ग्राकृतियाँ वेवर कृत अनुवाद

समचतुरस्र

Square

विषमचत्रस Oblique square

समचत्रकोग् Even parallelogram विषमचतुष्कोग्र Oblique parallelogram

समबक्षवाल Circle

विपमचकवान Ellipse

चकार्धचकवाल Semi ellipse

चक्राकः र Segment of a sphere

## दीर्घवृत्त का ग्राविष्कार :

यहाँ यह उल्लेखनीय है कि दीर्घवृत्त के आविष्कार का श्रेय जो यूनानी मिनैवमस (३५० ई०पू०) को दिया जाता है वह ठीक नहीं है क्योंकि हमारे यहाँ इससे बहुत पहले सूर्यप्रज्ञित (५०० ई०पू०) तथा बम्मसंगनी (४००ई०पू०)में इसका उल्लेख है। बम्मसंगनी में इसके लिए परिमंडल शब्द बाया है जो शतपय बाह्मण (६,७) में मो मिलता है। टीकाकार बृद्धघोष ने परिमंडल का अर्थ 'कुबकुटांडसंयान' (Eggshaped figure) किया है । पीतवत्यूटीका में इसका अर्थ आयतवृत्त (Elongated circle) मी किया है। मगवतीसूत्र (२०० ई० पू०) में भी परिमंडल शब्द दीर्घवृत्त के वर्ष में प्रयुक्त हुआ है जिसके वहां दो भेद भी किये हैं। (१) प्रतरपरिमंडल (Plane ellipse) तया (२) वनपरिमंडल (Elliptic cylinder) ।

१. नुत्र २०।

अम्यास (जोड़, गुगा) तया भाग आदि शब्दों के व्यवहार से पता चलता है कि गणित की मूलभूत प्रक्रियायें योग, वियोग, गुणा, तथा भाग शुल्व काल में ज्ञात थीं। भिन्न:

मिन्नों के परिकर्मों का भी उस समय ज्ञान था । यथा :— 'अर्बप्रमागोन पादप्रमागां विद्यीयते' ग्रर्थात् 
$$\left(\frac{?}{?}\right)^2 = \frac{?}{\lor}$$
 'अर्ब्यवंपुरुपा रज्जुद्दों सपादो' करोति अर्थान्  $\left(? + \frac{?}{?}\right)^2 = ? \frac{?}{\lor}$ 

(ग) वेदांग-ज्योतिय-काल (१००० ई० पू०-५०० ई० पू०):

यजों के निमित्त वेदी बनाने के लिए रेखागणित तथा समुचित काल निर्ण्य करने के लिए ज्योतिप की समकालीन आवश्यकता प्रतीत हुई। (रेखागणित वेदी बनाने के लिए तथा ज्योतिप यज्ञ का समुचित काल निर्ण्य करने के लिए)। वेदांग ज्योतिप में कहा है:—

वेदा हि यज्ञार्यमिमप्रवृत्ताः कालानुपृष्या विहिताश्च यज्ञाः । तस्मादिदं कालविधानशास्त्रं, यो ज्योतिपं वेद स वेद यज्ञान् ।

अर्थात् वेदों की प्रवृति यजों के निमित्त हुई, तथा यज्ञ यथाकाल किए जाते हैं। अतएव जो इस कालविवान शास्त्र ज्योतिष को जानता है वही यज्ञों के मर्म को भी जानता है।

वेदांगज्योतिष के अध्ययन से प्रतीत होता है कि उस समय (८०० ई०पू०) ज्योतिषी योग, वियोग, गुणा, भाग करना जानते थे। उनको भिन्नों की भी उक्त प्रकियायें आती थीं। यथा:—

तिथिमेकादशाम्यस्तां पर्वभांशसमन्विताम् । विमज्य भसमूहेन तिथिनक्षत्रमादिशेत् ॥

अर्थात् तिथि को ११ से गुणा करे उसमें पर्व के भांश जोड़े और फिर नक्षत्र संख्या में भाग देवे । इस प्रकार तिथि के नक्षत्र की बतावे ।

'कलादश सर्विशास्त्रात्' अर्थात् १ नाडिका = १० १ ते कला । इसमें भिन्न का प्रयोग है। शुल्वसूत्रों के उदाहरणों से भी यह सिद्ध किया था कि ५०० ई० पूर्व से पहिले गणित की आधारभूत प्रक्रियायें तथा भिन्नों की प्रक्रियायें आती थीं, परन्तु फिर मी उनसे केवल ज्यामितीय अंकगणित के ज्ञान का संदेह हो सकता है। वेदांग ज्योतिष के उक्त उदाहरणों से तो अंकगणितीय मूलभूत प्रक्रियाओं का ज्ञान निश्चित हो जाता है।

आपाढ़ी के दिन समस्त गाणिनक अक्षपटल (A. G. Office) में आकर अपने विभिन्न शीर्पकों के अग्ने (Grand totals) को सूचित करके पुनः अपना व्यरिवार हिसाव दिया करते थे। इतना वड़ा हिसाव किताव बिना अंकलेखन प्रणाली के कैसे हो सकता है। अर्थशास्त्र में संकलन और निर्वर्तन (घटाना) शब्द मी प्रयुक्त हुए हैं। मेगास्थनीज कहता है कि उस समय सड़कों पर मील के पत्थर भी थे। यदि पत्थर थे तो दूरीस्चक अंक भी अवस्य रहे होंगे। वेदांग ज्योतिप में 'विभज्य भस- मूहेन' अर्थात् 'नक्षत्र संख्या से माग देकर' यह पंक्ति मी आई है। भाग भी बिना दशमिक अंकलेखन प्रणाली के जाने कैसे हो सकता है?

अनुयोगद्वार के १४२ वें सूत्र में 'स्थान' शब्द संख्या-स्थान के अर्थ में आया है। इसमें कोटाकोटि (कोडाकोडि) णब्द भी प्रयुक्त हुआ है जो स्थान मान से सम्बन्धित है। इसमें २९ स्थान तक के एक बड़े अंक का भी जन्लेख है। उच्चवहार सूत्र (उद्देशक १) में 'गएाना-स्थान' शब्द भी आया है।

## दशमिक अंकलेखन प्रगाली तथा शून्य का आविष्कार:

पिगल छन्दशास्त्र में शून्य के सांकेतिक चिह्न का प्रयोग किया गया था। उसमें छन्द के प्रस्तार करने के सम्बन्ध में लिखा है 'रूपे शून्यम्' अर्थात् विषम संख्या से १ घटाने पर शून्य स्थापित करिये। 'द्वि: शून्ये' अर्थात् शून्य स्थान में दो बार आवृत्ति की जिए। प्रस्तार-विधि का विवरण हिन्दू गणितशास्त्र के इतिहास के पृष्ठ ७१-७२ में दिया है। इस उल्लेख से यह प्रमाणित होता है कि २०० ई० पू० शून्य का कोई सांकेतिक चिन्ह अवश्य रहा होगा। अत्यय दशमिक अंकलेखन प्रणाली तथा शून्य का आविष्कार लगमग २०० ई० पू० का है। हिन्दुओं का सबसे बड़ा आविष्कार शून्य सहित् दशमिक संख्या-पद्धति तथा दशमिक-अंकलेखन प्रणाली है। संसार में बुद्धि और सम्यता के विकास में सहायक सबसे महत्वपूर्ण गणितीय आविष्कार यही हैं। १-६ तक के अंकों तथा शून्य के द्वारा बड़ी से बड़ी संख्या बड़ी सुगम्मता तथा कुश्चता से लिखी जा सकती है अत्यय चिश्च भर ने इस प्रणाली को स्थाना लिया है। शून्य के आविष्कार के सम्बन्ध में अमरीका के प्रोफेसर हाल्सटोड के निम्न विचार श्रवलोकनीय हैं—

"This giving to airy nothing not merely a local habitation and a name, a picture, a symbol but helpful power is the characteristic of the Hindu race whence it sprang. It is like coining the nirvana into Dynamos. No single mathematical creation has been more potent for the general ongo of intelligence and power."

१. गणिततिलक की भूमिका, ए० २२।

## शशव काल अथवा अंग्रकार-युग (५०० ई०पू० - ५०० ई०)

५०० ई० पू० से ५०० ई० तक के काल को अंबकार-रुग इसलिए कहा है क्योंकि इस युग की हिन्दू गणित की पुस्तकें प्राय: कालकविलत हो चुकी हैं। केवल जैन वामिकग्रंयों के गणितानुयोग एवं दक्षाली-गणित के कुछ पन्ने ही अब उपलब्ब हैं। किन्तु इस उपलब्ब साहित्य के देखने से पता चलता है कि यह युग गणित के विकास के लिए अत्यन्त महत्वपूर्ण था, वयोंकि इसके उपरान्त आर्यनट तथा अह्मगुप्त का गणित अत्यन्त उन्नत प्रवस्था में मिलता है। अतः यह स्वतः सिद्ध है कि इस युग में गणित का पर्यान्त विकास हुआ था। जैन गणित:

यदि जैन लोग इस युग के अपने वार्मिक ग्रंग संजोए न रखते तो आज गिएत का एतत्कालीन इतिहास पूर्ण रूप से अंबकार-दिलीन हो गया होता। स्यानांगसूत्र, मगवतीसूत्र तथा अनुयोगद्वार सूत्र इस युग के प्रमुख ग्रंग हैं, का गणित के संदर्भों से ओतप्रोत हैं।

#### शैशव काल का श्राविष्कार:

इस यूग के प्रमुख आविष्कार तथा महत्वपूर्ण कृतियां ये हैं :-

- १. दशमिक अंक-लेखन-प्रणाली।
- २. जून्य का आविष्कार।
- बोजगणित का अदिप्कार।
- अंकगणित का विकास—विक्षाली-गणित ।
- प्योतिप का विकास और सूर्यसिद्धान्त की रचना।
   इस युग के गणित का प्रतिनिधि और परिचायक क्लोक यह है:—
- ् परिकम्मं ववहारो रज्जु रासी क्लासक्ले य । जावन्तावित क्लो घनो ततह वग्नवग्लो विकप्पोत ॥ (स्थानांग सूत्र, ७४७)

अर्यात् ३५० ई० पू० भारतवासी परिकर्म (मूलभूत क्रियार्थे), व्यवहार (व्यवहार गणित Practical Arithmatic), रज्जु (रेखागणित), राशि (कैराशिक नियम), कलासवर्ण (भिन्न क्रिया), यावत्तावत (सरल समीकरण)। वर्ग वर्ग समीकरण), घन (धन समीकरण) वर्गवर्ग (चतुर्घात समीकरण), विकल्प (क्रमचय तथा संचय) जानते थे।

३२२ ई० पू० चन्द्रगुप्य मौयं के शासन काल से सम्बन्धित कौटिल्य वर्ध-शास्त्र में तत्कालीन एक विशाल गणना विभाग के होने की सूचना मिलती है। स्वापाढ़ी के दिन समस्त गाणिनक अक्षपटल (A. G. Office) में आकर अपने विभिन्न शीर्पकों के अग्रों (Grand totals) को सूचित करके पुनः अपना व्यौरेवार हिसाव दिया करते थे। इतना वड़ा हिसाव किताव विना अंकलेखन प्रणाली के कैसे हो सकता है। अर्थशास्त्र में संकलन और निर्वर्तन (घटाना) शब्द मी प्रयुक्त हुए हैं। मेगास्थनीज कहता है कि उस समय सड़कों पर मील के पत्थर भी थे। यदि पत्थर थे तो दूरीसूचक अंक भी अवश्य रहे होंगे। वेदांग ज्योतिष में 'विभज्य भस-सूहेन' अर्थात् 'नक्षत्र संख्या से माग देकर' यह पंकित भी आई है। भाग भी बिना दशमिक अंकलेखन प्रणाली के जाने कैसे हो सकता है?

अनुयोगद्वार के १४२ वें सूत्र में 'स्थान' शब्द संख्या-स्थान के अर्थ में आया है। इसमें कोटाकोटि (कोडाकोडि) शब्द भी प्रयुक्त हुआ है जो स्थान मान से सम्बन्धित है। इसमें २६ स्थान तक के एक बड़े अंक का भी जल्लेख है। विव्यवहार सूत्र (उद्देशक १) में 'गएाना-स्थान' शब्द भी आया है।

## दशमिक अंकलेखन प्रगाली तथा शून्य का आविष्कार:

पिंगल छन्दशास्त्र में शून्य के सांकेतिक चिह्न का प्रयोग किया गया था। उसमें छन्द के प्रस्तार करने के सम्बन्ध में लिखा है 'रूपे शून्यम्' अर्थात् विषम संख्या से १ घटाने पर शून्य स्थापित करिये। 'द्वि: शून्ये' अर्थात् शून्य स्थान में दो बार आवृत्ति की जिए। प्रस्तार-विधि का विवर्गा हिन्दू गणितशास्त्र के इतिहास के पृष्ठ ७१-७२ में दिया है। इस उल्लेख से यह प्रमाणित होता है कि २०० ई० पू० शून्य का कोई सांकेतिक चिन्ह अवश्य रहा होगा। अत्तएव दशमिक अंकलेखन प्रणाली तथा शून्य का आविष्कार लगमग २०० ई० पू० का है। हिन्दुओं का सबसे बड़ा आविष्कार शून्य सहित दशमिक संख्या-पद्धति तथा दशमिक-अंकलेखन प्रगाली है। संसार में बुद्धि और सम्यता के विकास में सहायक सबसे महत्वपूर्ण गणितीय आविष्कार यही हैं। १-६ तक के अंकों तथा शून्य के द्वारा बड़ी से बड़ी संख्या वड़ी सुग-मता तथा कुशलता से लिखी जा सकती है अत्तएव विश्व भर ने इस प्रगाली को अपना लिया है। शून्य के आविष्कार के सम्बन्ध में अमरीका के प्रोफेसर हाल्सटीड के निम्न विचार श्रवलोकनीय हैं—

"This giving to airy nothing not merely a local habitation and a name, a picture, a symbol but helpful power is the characteristic of the Hindu race whence it sprang. It is like coining the nirvana into Dynamos. No single mathematical creation has been more potent for the general ongo of intelligence and power."

१. गणिततिलक की भूमिका, ए० २२।

उमास्वाति की भाषा में ये निम्नलिखित हैं-

विष्कंम-कृतेर्देशगुणाया मूलं वृत्तपिरक्षेपः । स विष्कंभपादाभ्यस्तो गणितम् । इच्छावगाहो नावगाहाम्यस्तस्य विष्कंमस्य चतुर्गुणं मूलं ज्या । ज्याविष्कंमयोर्वगंविशेषमूलं विष्कंमाच्छोद्धं शेषार्धमिषुः । इषुवर्गस्य पड्गुणस्य ज्यावर्गयुतस्य मूलं धनुःकाष्ठम्
ज्यावर्गचतुर्भागयुक्तमिषुवर्गमिषुविभवतं तत् प्रकृति वृत्तविष्कंभः । उदग्धनुः काष्ठाद्
दिक्षणं शोध्यं शेषार्धं वाहुरिति । अनेन कारणाभ्युपातेन सर्वक्षेत्राणां सर्वपर्वतानामायाम विष्कंभज्येषु धनुःकाष्ठपरिमाणानि ज्ञातव्यानि ।

(तत्वा० भा०, अ० ३, सूत्र ७१)

यहाँ 'वृत्तपरिक्षेप' परिधि के लिए, 'ज्या' जीवा के लिए, 'विष्कंम' व्यास के लिए, 'इपु' शर (उत्कमज्या) के लिए, 'धनुःकाष्ठ' चाप के लिए तथा 'वाहु' त्रिज्या के लिए आए हैं। उमास्वाति ने (२।५२) गुणा तथा माग की दो विधियाँ बताई हैं। पहिली विधि तो साधारण विधि हो है दूसरी खंड-पद्धति पर है।

स्थानांग सूत्र (४६२) में ५ प्रकार के अनन्त दिये हैं (१) एकतोऽनन्त, (२) हिविधाऽनन्त, (३) देशविस्तारानन्त, (४) सर्वविस्तारानन्त, (५) शाश्वतानन्त ।

अनुयोगद्वार (सूत्र १३१) में ४ प्रकार के प्रमाण (Measure) बताए हैं—
(१) द्रव्य प्रमाण, (२) क्षेत्र प्रमाण, (३) काल प्रमाण, (४) माव प्रमाण। द्रव्य प्रमाण
पुन: २ प्रकार का है (१) प्रदेश-निष्पन्न, (२) विमाग-निष्पन्न। पहला अनन्त प्रकार
का होता है तथा दूसरा ५ प्रकार का:— (१) मान (Measure by bulk),
(२) उन्मान (Measure by weight), (३) अवमान (रैखिक मान), (४) गणिम
(संख्या-मान), (५) प्रतिमान। मान दो प्रकार का बताया है—(१) धान्य मान (Dry measure), (२) रस-मान (Liquid Measure)।

भगवती-सूत्र में निम्नलिखित ज्यामितीय आकृतियों का उल्लेख है-

त्र्यस्र (त्रिभुज) वृत्त चतुरस्र (चतुर्भुज) परिमंडल (दीर्घवृत्त) न्नायत प्रतर (समतल) पनत्र्यस्र (त्रिभुजाघार घनचतुरस्र (घन) मूची-स्तंम)

घनायत (आयताकार समांतरफलक) घनपरिमंडल (दीर्घवृत्ताकार बेलन) वलय यृत्त (वृत्ताकार वलय) वलय प्रयम्य (प्रभुजाकार वलय) वलय चनुरस्य (चतुर्भुजाकार वलय)

nc = 
$$\frac{n(n-1)(n-2)(n-3)}{4!}$$
,  $nP_1 = n$ ,  $nP_2 = n(n-1)$ 

 $nP_3 = n(n-1)(n-2)$ 

१,२,३,४, तक के फलों को कहकर इसी प्रकार ५,६.७,न,६,१० संख्येय एवं स्रसंख्येय तथा अनन्त द्रव्यों के संयोगों के फलों का भी उल्लेख है यथा:—

एवम् एतेन क्रमेण पंचपट् सप्त यावत् दश-संस्थेयानि असंस्थेयानि अनन्तानि च द्रव्याणि मिण्तित्यानि । एकक संयोगेन, द्विकसंयोगेन, त्रिकसंयोगेन यावत् दशसंयोगेन द्वादशसंयोगेन न उपयुज्य यथा संयोगा उतिष्ठन्ति ते सर्वेमिण्तिव्याः।

(भगवती सूत्र =।३१४)

अनुयोगद्वार के समयाघ्ययन की टीका में शीलांकसूरि ने निम्न तीन श्लोक उद्धृत किए हैं जो मंगगणित के लिए अत्यन्त महत्वपूर्ण हैं। यह किस ग्रंथ के हैं यह भ्राज तक पता न लग सका। इससे यह भी विदित होता है कि गणित के अनेक ग्रंथ लुप्त हो गए हैं:—

एकाद्या गच्छपर्यन्ताः परस्परसमाहताः ।
राशयस्तद्धि विज्ञेयं विकत्पगणिते फलम् ॥ १
पुन्वाणुपुन्वि हेट्ठा समयाभेएण कुण जहाजेटठं ।
उविरमतुल्लं पुरबो नसेज्ज पुन्ववकमो से से ॥२
गणितेऽन्त्य विभक्ते तु लब्धंशेषैविभाजयेत् ।
आदावन्ते च तत् स्याप्यं विकल्पगणिते कमात् ॥३

प्रथम श्लोक में 'न' वस्तुओं के कमचयों के सम्बन्ध में निम्नलिखित नियम दिया हुआ है: —

न !=१ $\times$ २ $\times$ ३......

#### वक्षाली-गणितः

अंघकार-युग के हिन्दू-गणित की पुस्तकों में केवल वक्षाली-पांडुलिपि के कुछ पन्ने ही अब उनलब्ब हैं। पेशावर जिले के यूमुफलजाइ तहसील में वक्षलें नामक एक प्राम है जो कावुल से १५० मील, तक्षशिला से ७० मील तथा श्रीनगर से १६० मील दूर है। १० वीं शताब्दी के अन्त में इस पांव के एक किसान को हल जोतते समय पत्यर की शिला के नीचे दवे हुए गणित की किसी प्राचीन पुस्तक के जीएंशीण लगमग ५० पन्ने मिले। इन्हीं पन्नों को वक्षाली-पाण्डुलिपि, वक्षाली-हस्तलिपि अयवा वक्षाली-गणित कहा गया है। इन पन्नों के देखने से पता चलता है कि ईसवी तीसरी शताब्दी में अंकगणित अपनी पर्याप्त विकसित अवस्था में या। इसमें अंकगणित की मूल कियायें दशमिक अंकलेखन प्रणाली पर लिखी हुई संख्यायें, भिन्नपरिकर्म, वर्ग,

धन, त्रैराशिक नियम, इष्टकमं (Rule of false position) व्याज रीहि सम्बन्धी प्रक्रन, सम्मिश्रण सम्बन्धी प्रक्रन दिये हुए हैं। प्रक्रनों को निकाल पुन: जांचने की किया का भी उल्लेख है जिसे आजकल किया-कांटा कर उस समय उसको 'प्रत्यानय' अथवा 'प्रत्यय' कहते थे। इसमें भिन्न सा को 'कलासवर्ग' नया जोड़ को 'संकलित' एव प्रक्रन में दिये हुए ऑकडों लिखने को 'न्यासस्थापन' घट्दों से प्रयुक्त किया गया है, जिनका बाद में से प्रयोग हुआ है। 'क्षय' शब्द वर्तमान ऋण शब्द के स्थान पर प्रयुक्त इसका मांकेतिक चिल्ल + था। मानी जानेवाली राशि, इच्छा, कामिक वा बादों से द्योतित की गई है।

वक्षाली-गणित के देखने में पता चलता है कि उम समय से पूर्व लिखी हुई पुस्तकों भी थीं जो कालकम से नष्ट हो गई। इससे यह निश्चित होता है कि ३००ई० में पूर्व ही वर्तमान अंकगणित की नीव पड़ चुकी विसके पर्याप्त उद्धरण जैन साहित्य में मिलते हैं। छांदोग्य उपनिषद में नार कुमार आख्यान में जो राशिविद्या शब्द आता है वह सम्मव है अंकगणित के प्रयुक्त किया गया हो।

### सूर्य-सिद्धान्त :

उपर्युवत गिरात ग्रंथों के अतिरिक्त ईसवी सन् १०० के आसपास ज्यं के भी स्वतंत्र ग्रंथ लिखे गये। उनमें से पितामह-सिद्धान्त, विस्टिट-सिद्धान्त, रोः सिद्धान्त, पीलिंग-सिद्धान्त तथा सूर्य-सिद्धान्त प्रसिद्ध हैं। इन सबका संग्रह शताब्दी में वराहिमिहिर ने अपने ग्रंथ पंच-सिद्धान्तिका में भी किया था इन सबमें पितामह-सिद्धान्त अधिक प्राचीन है। इसी की ब्रह्म-सिद्धान्त भी कह हैं। इनमें पीलिश सिद्धान्त तथा रोमक-सिद्धान्त, यूनानी सिद्धान्तों के आधार प् वने हुए वताए जाते हैं। रोमक-सिद्धान्त में यवनपुर के मध्याह्मकालीन बहुगंध्य सिद्ध किए गए हैं। सूर्य-सिद्धान्त का रचिता सूर्य नामक ऋषि है। कुछ लोगों का विचार है स्वयं सूर्य भगवान ने मयनामक असुर को उसकी तपस्या से प्रसन्त होकर ज्योतिष शास्त्र का ज्ञान दिया था। यह ग्रन्य ई० १०० के आसपास बना था। ज्योतिष-शास्त्र की दृष्टि से सूर्य-सिद्धान्त इस काल के रचित सूर्य-सिद्धान्त से कुछ भिन्न है। इसमें युगादि से अहर्गण लाकर मुघ्यम ग्रह सिद्ध किए हैं तथा ग्रागे संस्कार देकर स्पष्ट-ग्रहविध वताई गई है।

## त्रिकोणमिति का जन्म:

सूर्य-सिद्धान्त में ज्या (Sine) उत्क्रम ज्या (Versine) तथा कोडिज्या (Cosine) इन तीन त्रिकोणिमतीय फलनों का उल्लेख है। इससे पूर्व चाप को जीवा (Chord) के साथ सम्बद्ध किया गया था, जो यूनानियों ने भी किया था, किन्तु

चाप को चाप के एक सिरे से जीवा पर डाले हुए लम्ब के पदों में अभिव्यक्त करना यह उच्च कोटि की गिएत की कल्पना थी, जिससे संसार में त्रिकोणमिति की नींव पड़ी। अरबों ने मारत से त्रिकोणमिति का ज्ञान ग्रह्ण किया, यह उनके जेव (जी्वा, साइन) शब्द से ही प्रतीत होता है। बाद को अरबों ने इस शास्त्र का और अधिक विकास किया श्रीर उन्होंने त्रिकोणमिति के स्वशंज्या तथा कोटिस्पर्शंज्या फलनों को ज्ञात किया।

## ग्रहों के सम्बन्ध में विचार:

पहिले वताया जा चुका है कि वैदिक काल में नक्षत्र-ज्ञान मली प्रकार था। अथवंवेद के काल में फिलत ज्योतिप के ज्ञान का भी प्रारम्म हो गया था। मूल नक्षत्र में उत्पन्न वालक की दोप शान्ति तथा उसके मंगल के लिए उसमें अन्तिदेव से प्रायंनाएँ भी की गई हैं। यथा:—

ज्येष्ठध्न्यां जातो विवृतोर्यमस्य मूलवर्हणात् परिपालयेनम् । अत्येनं नेपद्द्रितानि विश्वा दीर्घायुत्वाय शतशारदाय ॥

गह-विचार यद्यपि वैदिक काल में प्रारम्भ हो गया था, तो भी अधिक से अधिक, सूर्य तथा सोम को छोड़कर वृहस्पति और शुक्र का कुछ उल्लेख मिलता है। वृहस्पति का नाम तैत्तरीय ब्राह्मण में भी मिलता है:—

वृहस्पति: प्रयमं जायमानः । तिप्यं नक्षत्रमि संवभूव ॥ (तै॰ ग्रा० । ३ । १ ११)

ठाणांग व्याकरण (५०० ई० पू०) में मा ग्रहों का उल्लेख है। इसमें वर्तमान ग्रहों के सकल नाम भी सम्मिलित हैं। समदायांग में भी ये मिलते हैं। प्रदन व्याकरण में भी वर्तमान नवग्रहों की चर्चा की गई है। पाणिनि के 'विभाषा-ग्रह:' मूत्र में ग्रह दाव्य लाया है। याज्ञवल्नयस्मृति के निम्न क्लोक में ग्रहों का उल्लेग है:—

मूर्यः सोमो महीपुत्रः सोमपुत्रो पृहस्पतिः।
गुकः गनैश्चरो राहुः केतुश्चैते ग्रहाःचैसमृताः॥

#### षार-पत्तपना:

व्ययंज्योतिए में प्रहों के नाम तथा वार-कल्पना भी मिलती है। यथा :—
तिविदेकगुणा प्रोक्ता नक्षत्रंचचतुर्गुणम् ।
वाररचाष्ट्रगुण: प्रोक्तः करम् पोडमान्वितम् ॥
द्वानिमञ्गुणो योगस्तारा पिट्टिममन्यिता ।
पन्द्रःमतगुण: प्रोक्तःतस्मच्चान्द्रयनायतम् ।
समीध्य पन्द्रस्य यनावनानि प्रष्टाः प्रयच्छन्ति गुभागुभानि ॥
सादित्यः गोमो मौमद्य तथा व्य वृत्यतिः।
भागेवः सन्दर्भरत्वैय एतं मध्य दिनाधिषाः ॥

प्राचीन भारतीय गणित का संक्षिप्त इतिहास क्लोक में वर्णन किया है:—

> मामं हरेदवर्गान्तित्यं द्विगुर्गोन वर्गमूलेन । वर्गादवर्गे शुद्धे लब्धं स्थानान्तरे मूलम् ॥

वर्णात् अन्तिम वर्ग-स्थान में से वड़ी से वड़ी जो वर्ग-संख्या घट जाय उसे घटा दो। सर्वदा वर्गमूल के दुगुने से अवर्गस्थित को माग दो। माग करने से प्राप्त लिंघ के वर्ग को आगे के वर्गस्थानों में से घटाओ। पृथक् पंक्ति में रखी हुई संख्या वर्गमूल सूचित करती है। यह रीति ग्राज की रीति से मिन्न है। विवरण के लिए हिंदू-गणित-शास्त्र के इतिहास के पृ१६४ का अवलोकन की जिए। घनमूल:

घनमूल निकालने की विधि निम्न श्लोक में बताई गई है:— अघनाद्मजेद द्वितीयात् त्रिगुणने घनस्य मूलवर्गेगा । वर्गस्त्रिपूर्वगुणितः शोघ्यः प्रथमाद् घनश्चघनात् ॥ (आर्यभटीय गणितपाद)

अर्थात् अन्तिम घनस्थान में से सबसे बड़ी संख्या घटाओ । इसके वाद द्वितीय अघनस्थान से आरम्म करके जो संख्या वाई ओर हो उसे घनमूल के वर्ग के तिगुने से माग दो। इसके वाद प्रथम घन से आरम्म करके वायीं ओर जो संख्या हो उसमें से त्रिगुणित घनमूल के गुर्णनफल को तथा अगले घनस्थान से लिंघ के घन को घटाओ। विशेष विवरण के लिए गिएत के इतिहास के पृष्ठ १६६ तथा १६७ का अवलोकन की जिये। घनमूल निकालने की आधुनिक विधि श्रार्यमट की उपरोक्त विधि का ही संक्षिन्त रूप है।

### र्पराशिक नियम:

त्रैराशिक नियम को आर्यमट ने निम्न दलोक में समझाया है :— त्रैराशिक फलराशि तमथेच्छाराशिना हतं कृत्वा । लब्दं प्रमाणमजिते तस्मादिच्छाफलिमदं स्यात् ।।

अर्थात् भैराशिक के प्रश्नों में फलराशि को इच्छाराशि से गुणा करना चाहिए और प्राप्त गुणफल को प्रमाण राशि से माग देना चाहिए। इस प्रकार माग करने से जो लिंग्य प्राप्त होती है वहीं इच्छाफल है।

वार्यमट का निम्न स्लोक बीजगणितीय प्रक्रिया की ओर संकेत करता है। इसी के कारण कोई-कोई इनको बीजगणित का जन्मदाता कह देते हैं।

गुनिकान्तरेण विमनेदृद्वयोः पुरुषयोस्तु रूपकविदोषम् । लच्चं गुनिकामूरुगं यद्यपंकृतं भवति तुरुयम् ॥

वर्यात् यो पुरुषों की झात घनरायियों के अन्तर को वस्तुओं की अझात मंद्रपाओं के अंतर से भाग देते हैं। इस प्रकार प्राप्त लिट्य अझात राणि के मूल्य के बराबर होती है। परमेश्वर (१४३० ई०) ने आर्यमटीय की टीका में इस स्लोक पर लिखा है:—

'अध्यक्तमृत्याना मृत्यप्रदर्शनमित्याह । गवादिह्रव्यं गुलिकाशस्त्रेनोच्यते स्वकागन्देन प्रशादिमज्ञितं स्वणादिहरूयम्' । उन्होने इसको समझाने के लिए निम्न उदाहरण मी दिया है :—

समस्वयो रूपकागां वर्तं पष्टि: क्रमाइनम् । गावष्यङ्वपिजञ्बाष्टो तत्र गोमुरुयकं कियत् ॥

अर्थात् दो बिनयों के पास कुछ गायें तथा कुछ नकद रुपया है। पहिले के पास १०० रुपये तथा द गायें तथा दूसरे के पास ६० रुपये एवं = गायें है। यदि दोनों की बनराशियों जिसमें गायों का भी मूल्य सम्मिलत है, दरादर हों तो दोनों पर कुल किननो सम्पत्ति है। अर्थान् १०० ∸ ६य = ६० ∱ = य

इनलिए २ ग=४०, य=२० उत्तर २२०

#### मृ-भ्रमण:

आर्थमट ने पृथ्वी को चलता हुआ तथा मक्तत्रों को स्थिर बनाकर मारत के सबंप्रमुख ज्योतियों के पद को प्रहर्ण किया। यह उनकी इतनी बड़ी सूझ यो कि मारत में ही उनके परवित्यों में से पृथूदक् (=६० ई०) को छोड़कर १००० वर्ष तक अन्य कोई गणितज्ञ अथवा खगोलज इस तथ्य को नहीं समस्त सका और न समझ सकने के कारण उन्होंने उनकी बड़ी निन्दा की। पिद्यम में १००० वर्ष वाद १६वीं शती के प्रारम्भ में कापरिनक्त ने पुनः इस सिद्धान्त की स्थापना की। गैलीलियों को तो १६४२ ई० में इसी बात ५२ गूली दे दी गई। आर्थमट का उक्त नियम निम्न ब्लोक में बताया गया है:—

अनुलोमगतिनो स्यः पद्यत्यचलं विलोमगं यदृत् ।

अचलानि मानि तहत् समपश्चिमगानि लंकायाम् ॥ (आर्यमटीय गोलपाद) अर्यात् नौका में बैठा हुआ सीबी ग्रोर को जाने वाला पुरुप जिस प्रकार तटवर्ती अचल वृक्षादिकों को उल्टी दिशा में चलता हुआ देखता है उसी प्रकार लंका में बैठा हुआ व्यक्ति इन अचल नक्षत्रों को पश्चिम की ओर जाते हुए देखता हैं। प्रसिद्ध टीकाकार पृथुरक् स्वामी (५६० ई०) ने आर्यमट के दैनिक भ्रमण सम्बन्धी उक्त नियम का निम्न इलोक में समर्थन किया है:—

नपंजरः स्थिरी भूरेबावृत्यावृत्य प्रातिदैवसिकौ । डदयास्तमयौ संपादयति नक्षत्रग्रहासाम् ॥

वर्यात् तत्तवाण स्थिर हैं। पृथ्वी ही घूम-घूम कर प्रति दिवस उनका उदय तथा अस्त सम्पादन करती है।

ब्रह्मगुप्त:

ब्रह्मगुप्त प्राचीन भारतवर्ष के सर्वप्रमुख गणितज्ञ थे इन्होंने शून्यपरिकर्म, क्षेत्रमिति के उच्च नियम, वीजगणित तथा अनन्तराशि के नियम समझाये। वह कहते हैं:—

परिकर्मविशतिमिमां संकलिताद्यां पृथग्विजानाति ।

अष्टीच व्यवहारान् छायान्तान् भवति गणकः सः ।। (ब्रा० स्फु० सि०)। वर्षात् संकलितं आदि गणित की २० कियाओं तथा ५ व्यवहारों को जो जानता है वही गणक है। वैदिक काल में गणक, ज्योतिषी को कहते थे किन्तु अब गणित स्वतन्त्र सेता रखने लगा। टीकोंकोर पृथूदक् स्वामी के मैंत में ये २० परिकर्म तथा ६ व्यवहार निम्नलिखित थे जो प्रायः परवर्ती लेखकों ने भी यथावत् माने हैं—

₹.	संकलित	۲.	घनमूल		त्रैरोशिक
₹.	<b>व्</b> यवकलित	3	भाग जाति	१६.	व्यंस्त त्रैराशिक
₹.	प्रत्युत्पन्न	१०.	प्रभागजति	શૃંહ.	पंचराशिक
٧.	भागहार	११.	भागभागजाति	ξς.	सप्तराशिक
ሂ.	वंर्ग	१२.	मोगांनुबन्धं जोति	१६.	नवरांशिकं
ξ.	वर्गमूल	₹₹.	भागांपवाह जीति	२०.	एकादशराशिंक
৬.	घन	१४.	भागमातां जाति	२१.	. भाण्डप्रतिमाण्ड

टिंप्पंसी:---६-१४ तर्क के भिन्नों के ६ भेदों में से एंक भेद नहीं था। द व्यवहार:

१. मिश्रक-व्यवहार

२. श्रेढ़ी-व्यवहार

३. क्षेत्र-व्यवहार

४. खात-व्यंवहार

५. चिति-व्यवहार

६. ऋाकचिक-व्यवहार

७. राशिक-व्यवहार

च. छाया-व्यवहार

भास्कर प्रथम (६२६ ई०) ने आंर्यभटीयं की टीका में लिखा है कि आंर्यभट के समय में भी द व्यवहार और वीज-चंतुष्ट्य (वीजगणित) प्रचलित थे और इनमें से प्रत्येक पर मस्करी, पूरिए तथा मुंदगल आदि ने स्वंतन्त्र ग्रंथ-रचना की थी, किन्तु भाग्यवश वे सब कार्लकविलित हो गए। अब तो बीजगणित पर सर्वप्रथम ब्राह्मस्फुट सिद्धान्त का कुट्टकांच्याय ही मिलता है। उस समय कुट्टक समीकरण (Indeterminate equations) के सींघन की अंत्यन्त महत्वपूर्ण समझा जाता था अतएव बीजगणित को कुट्टेंक कही गया। वह कहते हैं:—

प्रायेण यतः प्रश्नाः कुट्टाकाराहते न शक्यन्ते । ज्ञातुं वक्ष्यामिततः कुट्टाकारं सहं प्रश्नैः ॥ यहाँ मुखद्युति आघार के सम्मुख फलक के क्षेत्रफल के लिए तथा तलद्युति आघार के क्षेत्रफल के लिए गब्द प्रयुक्त हुए हैं।

यदि  $\triangle$ ,  $\triangle'$  कमशः मुख तथा तल के क्षेत्रफल हैं और उ ऊँ चाई है तो स्चीछिन्नक का व्यावहारिक घनफल=  $\left(\frac{\sqrt{\triangle}+\sqrt{\triangle}'}{2}\right)^2$  उ=घ , औत्र घनफल=  $\frac{\triangle+\triangle'}{2}$  उ=बी , सूक्ष्म घनफल=  $\frac{a^3-u}{2}+u$  =  $\frac{a^3}{2}+\frac{2u}{2}$  =  $\frac{a^3}{2}\left(\triangle+\triangle'\right)+\frac{5}{2}\left(\sqrt{\triangle}+\sqrt{\triangle'}\right)^2$  =  $\frac{3}{2}\left(\triangle+\triangle'\right)+\sqrt{\triangle}$ 

यहाँ व्यावहारिक फल, आसन्त मान के लिए तथा औत्रफल निकटतर आसन्त मान के लिए एवं सूक्ष्मफल यथार्थमान (Accurate Value) के लिए आए हैं।

# गुणोतर श्रेणी:

ब्रह्मगुर्ग ने गृणोतर श्रेणी के योग के नियम भी दिये थे। यथा:— गुर्गासंकलितान्त्यवनं विगतैवयपदस्य गुणवनं भवति । तद्गुणगर्गा मुखोनंत्र्यकोत्तरमाजितं सारम् ॥

यहाँ अंत्यधन अन्तिम पद के लिए, गुण सार्व अनुपात के लिए, प्रयुक्त हुए हैं।

श्रंणो योग = 
$$\frac{\text{at } \eta^{H-?} \times \eta - \text{at}}{\eta - ?}$$

$$= \frac{\text{at } (\eta^{H} - ?)}{\eta - ?}$$
यहां अन्त्यधन =  $\text{at } \eta^{H-?}$ 
तथा

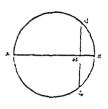
गु, गुणवन (common ratio) के लिए प्रयुक्त हुए हैं।

### युविलम्ड का एक प्रमेय:

ब्रह्मगुष्त ने निम्न व्लोक में यूक्तिम्ड के एक प्रमेय की भलक दिखाई देती है।

वृत्तेशरीनगुणिताद्वायासाच्चतुराहतात्वदं जीवा । ज्यावर्गश्चतुराहतशरमक्तः शरयुतीव्यामः ॥ अर्थात 🗸 ४ केख 🕆 खग == चळ

इस क्लोक में यदि दो जीवायें परस्पर एक दूसरे



को काटती हों तो एक के अन्त: खण्डों की गुणा दूसरे के अन्त: खण्डों के गुणा के वराबर होती है, इस प्रमेय का आमास है।

#### पाइयागीरस प्रमेय :

पाइयागोरस प्रमेय यद्यपि गुल्व-काल से ही मारत में ज्ञात यी किन्तु ब्रह्म-गुप्त ने उसको और विस्तृत रूप से निम्न इलोक में वर्णित किया है। यथा:—

कर्णकृतेः कोटिक्कितिविशोध्य मूलं भुजो भुजस्य कृतिम्।

श्रोहय पदं कोटि: कोटिवाहुकृतियुतिपदं कर्गाः ॥ (ब्रा॰ फु॰ सि॰)

अर्थात् कणं $^{2}$ —कोटि $^{2}$ =भुज $^{2}$ कर्यात् कणं $^{2}$ —भुज $^{3}$ =कांटि $^{2}$ कोटि $^{3}$ +भुज $^{3}$ =कर्यां $^{3}$ 

जन्होंने कोणास्पृग्वृत्त (चतुर्भु ज के परिगत वृत्त) के त्रिज्या के निकालन का भी नियम बताया था।

# महावीराचार्य (५५० ई०) :

श्रह्मगुष्त के उपरान्त दक्षिण के प्रसिद्ध जैन गणितज्ञ महावीराचार्य हुए। इन्होंने गणित के अनेक नवीन सिद्धान्त निकाले। इनकी वनाई हुई गणितसार-संग्रह अंकगिणित की सर्वश्रेष्ठ पुस्तकों में से एक है। इन्होंने निम्नलिखित गणितीय सिद्धांत वताये:—

लघुतनसमापवर्त्य—वक्षाली गणित के समय (२०० ई०) से ही दो भिन्नों के जोड़ने या घटाने में परस्पर एक दूसरे के हर से ऊपर नीचे गुणा कर दिया करते थे। जैसे— $\frac{7}{3} + \frac{3}{8} = \frac{c}{87} + \frac{8}{12}$  और फिर अंशों को जोड़ या घटा

दिया करते थे। दो दो का हर साम्य करके अनेकों का हर साम्य भी कर लेते थे। इसी को क्लासवर्ण, सवर्णन, एवं हरसाम्यकरण कहते थे। महावीराचार्य ने लाखुनिक लघुतम समापवर्ष का नियम साविष्कृत किया जिसको उन्होंने 'निरुद्ध' वराहिमहिर ने उक्त संशोधनों का पंचिसद्धांतिका के दूसरे श्लोक में उल्लेख किया है—

पूर्वाचार्यमतेम्यो यद्यच्छ्रेष्ठं लघुस्फुटं वीजम् । तत्तदिहाविकलमहं रहस्यमम्युद्यतो वक्तुम् ॥

वराहिमिहिर मी जनसाबारण से इतने उरते थे कि अपने इन संशोधनों को उन्हें पूर्वाचार्यों के मतों के नाम पर कहना पड़ा। सिद्धान्त-प्रन्थों में त्रायंभटीय, ब्रह्मगुष्त कृत ब्राह्मस्फुट-सिद्धान्त, मास्कर प्रथम कृत लघुमास्करीय तथा महा-भास्करीय, श्रीपित कृत सिद्धान्तशेखर तथा मास्कर द्वितीय कृत सिद्धान्त-शिरोमणि, आर्यमट द्वितीय कृत महासिद्धान्त, मुंजाल कृत लघुमानस इस काल की उत्कृष्ट कृतियां हैं।

उत्तरकाल (१२००--१८०० ई०)

भास्कर की मृत्यु (११६३ ई०) के साथ-साथ हिन्दू-गणित का उत्कर्ष युग समाप्त हो जाता है। अब उसमें मौलिक कृतियों की रचना बहुत कम हो गई। प्राचीन ग्रन्थों पर टीकायें तथा कुछेक ग्रंथ भी लिखे गए किन्तु विषय-विस्तार की दृष्टि से ये अविक महत्वपूर्ण नहीं थे। मुस्लिम विजय के साथ-साथ उत्तर मारत में गणित की प्रगति प्राय: स्तव्य हो जाती है ग्रीर दक्षिण भारत अब सांस्कृतिक तथा वैज्ञानिक कार्यकलापों का केन्द्र बन जाता है। १३५० ई० के आसपास महेन्द्र सूद्ि ने अपने फारसी से अनूदित ग्रन्थ में क्रान्ति-वृत्त की तिर्यक्ता २३°.३०' बतायी तथा विपुवअयन की वार्षिक गित ४५ विकला बताई। नक्षत्रों के शर एवं भोग भी निकाले। केरल के नीलकण्ठ ने १५०० ई० के आसपास एक पुस्तक लिखी, जिसमें निम्न त्रिकोणमितीय फल दिया हुआ है:—

स्पन्या ऋ=ऋ
$$-\frac{\pi^3}{3}+\frac{\pi^4}{4}$$
.....

मलयालम पाण्डुलेख युक्तिमास में भी यह सूत्र दिया हुआ है। इसको वृथा अब ग्रेगरीश्रेणी के नाम से पुकारते हैं जबिक वह बहुत परवर्ती गणितज्ञ हैं। शंकर वर्मन् कृत सद्रत्ममाला (१५३० ई०) में पाई का १२ स्थानों तक गुद्ध मान दिया हुआ है। इसी युग में कमलाकर (१६०८ ई०) ने सिद्धान्त-तत्व-विवेक तथा नारायण ने गणित-कौमुदी की रचना का एवं नीलकंठ (१५८७ ई०) ने ताजिक नीलकण्ठी नामक वर्षफल-पद्धति का एक सुन्दर ग्रंथ लिखा। उन्होंने इस पारसीक पद्धति का मारत में प्रचार किया। इसमें अरबी-फारसी के शब्द भी बाहुल्य रूप से ग्रहण किए गए हैं।

#### सम्राट जगन्नाय:

सम्राट जगन्नाय ने सन् १७३१ ई० में टाल्मी के बल्मेजिस्ट तथा युक्लिड

मास्कर द्वितीय:

मध्यष्टुग के अंतिम तथा अहितीय गणितम हिनीय भास्कराचार्य ही ये जिन्होंने वीजगणित तथा लीलावती की लिखकर मंगार का बड़ा उपकार किया। संमार की अनेक भाषाओं में इन ग्रंथों का अनुवाद भी ही चुका है। प्राचीन वीजगणित पर अब केवल मास्कर का बीजगणित ही उपलब्ध है। भास्कराचार्य ने लीलावर्ती में अंक-गणित को अतीव मुन्दर तथा साहित्यिक भाषा में ममसाया था। मास्कराचार्य ने जून्यपरिकर्म में ब्रह्मगुप्त तथा महावीराचार्य की अगुद्धियों को ठीक किया। ई का मान बताया। चहर (Infinity) राजि का मान अनन्त बताया, त्रिमुज तथा चतुर्मुं ज के क्षेत्रकल की अगुद्धियों को भी ठीक किया, गीने के क्षेत्रकल तथा घनकल से यथार्य मूत्र निकाने।

अनिर्घायं समीकरणों का व्यापक साधन:

श्रितवार्य समीकरणों का जितना इन्होंने विकास किया उतना किसी अन्य गणितज्ञ ने नहीं किया। उन्होंने उनके व्यापक साधन निकाले। समीकरण न र³ं ं- १ = य³ के साधन की चक्रवाल-विधि के बताने के कारण हैंकल, कैंटर श्रादि पारचात्य गणितज्ञ इनको लगरांज के पूर्व संख्यानिद्धांत विषय का सबसे वड़ा अन्वेषक मानते हैं। इनकी मुलझाई हुई समस्याओं पर योग्गीय वैज्ञानिक ५०० साल बाद तक उनको रहे।

यज्ञात राशियों के संकेताक्षरों का विकास:

मास्करावार्य ने अध्यक्त राशियों को वर्णमाला के अअरों से घोतित करके वीजगणित को बहुन कुछ अग्रमर किया। इनने पूर्व अध्यक्तराशियों को वर्णों के नामों, कालक, नीलक, पीतक, हरितक आदि से अयवा उनके संक्षिप्त रूप का०, नी०, पी० आदि मे घोतित किया जाता था। इन्होंने कहा ऐसी राशियों अनेक हो सकती हैं और उनको वर्णों (रंगों) के नाम से कहाँ तक घोतित किया जाय, क्यों न वर्णमाला के अकरों से उनको घोतित कर लिया जाय। उन्होंने नियम बना दिया 'अयवा कादी-यकराणि अध्यक्तानां संज्ञा असंकरायं कल्प्याः'।

#### ग्रवकलन :

वे जलन-कलन (Differential Calculus) के आदिष्कार के अग्रहत बने । सिद्धान्त शिरोमणि के गोलाध्याय में वे कहते हैं :—

"त्रिम्त्रार्थस्य कोटिज्यागुणास्त्रिज्याहरः फलं दोर्ज्यायोरन्तरम्"

अर्घात किसी भी गोलाई में दोज्याओं का बन्तर, कोटिज्या के बराबर होता है अर्यात्,

च्या ऋ'—च्या क्र= कोज्या ऋ

पहिले स्थान का कोणांक ऋ है तथा अत्यल्प दूरी के उपरांत कोणांक ऋ' है अताप्य ज्या ऋ'—ज्या ऋ, ज्या का अत्यस्पुचलन ही हुआ, इस चलन का कलन जन्होंने कांज्या ऋ से व्यक्त किया। आजकल के नियम के अनुसार

यहाँ जि में र कोगा है, ति तिज्या है, कोगा को तिज्या से भाग देकर रेडियन माप

में परिणत कर लिया गया है । यदि र को ऋ (रेडियन माप घोटा) से द्योतित करें

तो उपन मास्कर का नियम का जाता है। यि से माग इसलिए दिया गया है नयोंकि पहिने ज्या आदि अनुपात नहीं थे, उनको अनुपात करने के लिए जिसे भाग दिया है पहिने पा ही जिज्या थी। "इसी को यदि जिज्या में भाग दे देवें तो आजकत की ज्या ही जानी है।

मारकर के उन्त जबरण में अंग्रेजी (dSin  $\theta$ = Cos  $\theta$  d $\theta$ ) नियम प्रति-पादित किया गया है। उन्होंने पत्त्र की सामाजिक गति के सम्बन्ध में उन्त नियम यनाया था। गित दो प्रतार की यनाई भी पहिली रचूल दूसरी तारकालिकी (सुरम)। ये करने ि वराहमिहिर ने उक्त संशोधनों का पंचितिद्धांतिका के दूसरे श्लोक में उल्लेख किया है—

पूर्वाचार्यमतेभ्यो यद्यच्छ्रेष्ठं लघुस्फुटं वीजम् । तत्तदिहाविकलमहं रहस्यमभ्युद्यतो ववतुम् ॥

वराहिमिहिर मी जनसाघारण से इतने डरते थे कि अपने इन संशोधनों को उन्हें पूर्वाचार्यों के मतों के नाम पर कहना पड़ा। सिद्धान्त-प्रन्थों में आर्यमटीय, ब्रह्मापुष्त कृत ब्राह्मस्फुट-सिद्धान्त, भास्कर प्रथम कृत लघुभास्करीय तथा महा-भास्करीय, श्रीपित कृत सिद्धान्तशेखर तथा भास्कर द्वितीय कृत सिद्धान्त-शिरोमिण, श्रायमट द्वितीय कृत महासिद्धान्त, मुंजाल कृत लघुमानस इस काल की उत्कृष्ट कृतियां हैं।

उत्तरकाल (१२००---१८०० ई०)

भास्कर की मृत्यु (११६३ ई०) के साथ-साथ हिन्दू-गणित का उत्कर्प युग समाप्त हो जाता है। अब उसमें मीलिक कृतियों की रचना बहुत कम हो गई। प्राचीन ग्रन्थों पर टीकायें तथा कुछेक ग्रंथ भी लिखे गए किन्तु विषय-विस्तार की दिण्ट से ये अधिक महत्वपूर्ण नहीं थे। मुस्लिम विजय के साथ-साथ उत्तर मारत में गणित की प्रगति प्रायः स्तब्ध हो जाती है श्रीर दक्षिण भारत अब सांस्कृतिक तथा वैज्ञानिक कार्यकलीपों का केन्द्र बन जाता है। १३५० ई० के आसपास महेन्द्र, सूरि ने अपने फारसी से अनूदित ग्रन्थ में फ्रान्ति-वृत्त की तिर्यक्ता २३°.३०' बतायी तथा विपुवन्नयन की वार्षिक गति ४५ विकला बताई। नक्षत्रों के घर एवं भोग भी निकाले। फेरल के नीलकण्ठ ने १५०० ई० के आसपास एक पुस्तक लिखी, जिसमें निम्न त्रिकोणमितीय फल दिया हुआ है:—

स्पच्या ऋ=ऋ
$$-\frac{ऋ^3}{3}+\frac{ऋ^4}{4}$$
.....

गलयालम पाण्हुलेख युनितमास में भी यह सूत्र दिया हुआ है। इसको वृथा अब ग्रेगरीश्रेणी के नाम से पुकारते हैं जविक यह बहुत परवर्ती गणितज्ञ हैं। यंकर वर्मन् गृत सद्रत्नमाला (१५३० ई०) में पाई का १२ स्थानों तक शुद्ध मान दिया हुआ है। इसी गुग में कमलाकर (१६०८ ई०) ने सिद्धान्त-तत्व-विवेक तथा नारायण ने गणित-कोमुदी की रचना का एवं नीलकंठ (१५८७ ई०) ने ताजिक नीलकंठी नामक वर्षकल-पद्धति का एक सुन्दर ग्रंथ लिखा। उन्होंने इस पारसीक पद्धति का मारत में प्रचार किया। इसमें अरबी-फारसी के शब्द भी बाहुत्य रूप से ग्रहण किए गए है।

#### सम्राट जगन्नाथ:

सम्राट जगन्नाथ ने सन् १७३१ ६० में टाल्मी के लल्मेजिस्ट तथा युविलंड

के ऐलीमेन्ट्स का फारसी से संस्कृत में अनुवाद किया जिनके नाम सम्राट्सिद्धान्त तथा रेखागणित रखे। रेखागणित की वर्तमान हिंदी-शब्दावली बहुत कुछ इसी ग्रंथ पर आश्रित हैं।

# वर्तमान काल (१८०० ई०-- श्रद्यावधि)

वर्तमान बुग में नृसिंह वापूदेव शास्त्री (१८२१ ई०) तथा सुद्याकर द्विवेदी ने अनेक पाश्चात्य विषयों पर हिंदी गणित की पुस्तकों का मुजन किया और हिंदी के वर्तमान गणितीय साहित्य की नींव डाली। वापूदेव ने रेखागणित, त्रिकोणिमिति, सायनवाद, अंकगणित आदि अनेक ग्रन्थ लिखे एवं पूज्य द्विवेदी जी ने दीर्घवृत्त-लक्षण, गोलीय रेखागिणित, समीकरण-मीमांसा, चलन-कलन आदि अनेक ग्रंथ तथा ब्रह्मगुष्त एवं मास्कर के ग्रन्थों की टीकायें रचकर प्राचीन गिणित को पुन: जनता के सम्मुख रखा। शंकर वालकृष्ण दीक्षित (१८५३ ई०) ने प्रसिद्ध ज्योतिपशास्त्र के इतिहास की रचना की। वर्तमान ग्रुग में डॉ० विभूतिभूषण दत्त तथा डॉ० अववेश नारायणींसह ने हिंदू-गणित-शास्त्र के इतिहास को लिखकर अपना नाम अमर कर लिया। इस समय डा० कृपाणंकर मी हिंदू-गिणित पर अत्यन्त महत्वपूर्णं कार्य कर रहे हैं। उन्होंने लुप्तप्राय शीघर के पाटीगिणित को स्वचरित टीका सहित प्रकाशित किया है तथा इस समय मास्कर प्रथम की कृतियों का मी इसी प्रकार प्रकाशन कर रहे हैं।

#### अच्याय २

# गणितीय शव्दावली का ऐतिहासिक अध्ययन

प्राचीन भारतीय गणित के संक्षिप्त इतिहास को लिखने के उपरान्त अब मैं अपने मुख्य विषय प्राचीन गणितीय शब्दावली के अध्ययन पर आता हूँ। गणितीय शब्दावली का विशाल भवन कैसे तैयार हुआ, इसका मैं ग्रव विश्व विवेचन कर रहा हूँ। हमारी हिंदी की वर्तमान गणितीय शब्दावली की पृष्ठभूमि प्राचीन भारतीय गिरात ने तैयार कर रखी है तथा प्राचीन भारत की गिरातीय शब्दावली का सुजन वैदिक काल से ही प्रारम्म हो जाता है।

वैदिक साहित्य की गणितीय शब्दावली को देन :

वर्तमान संस्थाओं के १ से लेकर सहस्र तक के हिंदी नाम तथा अरव शब्द साक्षात् वेदों से उद्भूत हैं। शून्य शब्द भी वैदिक है यह अञ्चन्य के साथ ऋग्वेदीय खिलसूनत (२।११।२) में आता है यद्यपि इसका अर्थ खाली आदि था। १६, २६, २६, ४६, ४६.....६६ इन संख्याओं के वाचक शब्द वैदिक साहित्य में ही दो प्रकार के थे। एकवे जो आगे की दश की गुणज संस्था से १ कम कहकर वोधित किए थे तया दूसरी वह जो पिछली दश की गुणज संस्था में ६ जोड़ने से व्यवत किए थे। वर्तमान जनीस, जन्तीस.....जनहत्तर यह शब्द प्रथम कम से सम्वित्तत हैं और नवासी तथा निक्तयानवे द्वितीय अप के स्मारक हैं। संस्कृत में इनकी उनाशीति तथा नवनवित कहते हैं। मिन्नों के वर्तमान शब्द पड़आ, तीन पाय वैदिक पाद तथा त्रिपाद से यने हैं। अन्य उन वैदिक शब्दों की सूची नीचे दी जा रही है जो वाद में गिएत ने अपना लिए—

वस ऋ ३।४३।१६ वंग ऋ १।१६२, १३ वसु काठक १२।१३ मीनक ११.६.१० मैत्रायसी संहितायें

वप्यधं धी २०1१३१।२२

अनन्त पिनमूक ७१३११ अन्तर घर ११३१११३ अन्तरिक्ष मा ४१७ का, तै अब्द मा १२१७४ का १३१४११३ अपनरणी (नरगी नस्त्र)

अजून्य ऋ खिलसूक्त २'.११.२ अभिजित तै० ३।५२, काठ २२।३ अमावास्या तै ७,५ अयन ऋ ३, ३३,७ अवकाश मैं ४, १, काठ अधिवनी ऋ ५।४६। प अशुन्य ऋ खिल सूक्त २।११।२ आश्विन मा १८।१६ अपाढ़, अपाढ़ा ऋ ३।१५ अप्टाश्रि (अप्टभुज) मै ३।६।३ अश्रि मैं ४,७ का अप्टमी मा २५।४।५ अंश ऋ २।१,४,२७,१ असंख्यात काठक २५,८ शौ असंख्येय शी १०,८ ग्रस्पिर में ३,१० आयतन १,६ तै काठ ६,११ बाद्री काठ २६,७ मै ३,६ आवर्तक तै २।४,७ आवृतम् तै २।३६,७ इष्ट मा १८।५६, काठ इष्टका (ईश) तै ५,२८ उत्क्रम मा श्रापाद उत्तम ऋ ३,५ उदाहृत मै २,१ उल्काऋ ४,४ उल्कानिहत शो १६।६ कक्ष ऋ ४।४६,३ ऋजु ऋ १०।६७।२ ऋण ६।१२.५ ऋतु ऋ १।१६२।१६ ऋतु ग्रहा तै ४।७ ऋतुपति ऋ १०।२।१ ऋषयः,ऋ १।४८।१४

एकक शी २०।१३२ ऋ१०।६६।६ एकतिशद अरित मै ३,६ एकादशी मा २५।४ एकान्नचस्वारिशत ते ७,२ एकन्निश्चत का ७।३४,१७ एकान्नविशति ते ७,२ एकान्नविशिति, एकान्नशत ते ७,२ एकान्नपिट एकोनविशति

ककुद ऋ ८।४४ कक्ष ऋ ६।४५ कक्षा ऋ ४१४४ कलातै ६,१ शौ १६,२७ ऋ ८।४७।७ काल मा २४ ऋ १०।४२।६ केतु ऋ १।२७।१२ कूर्म ऋ १।३१।८ कृति पै २० मै ३।७ कृत्तिका तै ४।४ कृषि पै ६।१= मा १४।१६ क्षय पै १०।५ ऋ ८।६४ ख (अन्तरिक्षार्थक) ऋ ४।११ ग्रह मै १।११ ग्रहनक्षत्रमाला खि ४।२ खर्व तै २।४, ६ गण ऋ १।८७ गरापति ऋ २।२३ गणक मा ३०।२० गण्या ऋ ३।७ गवेषण ऋ च्क ऋ १।३०।१६ चऋवृतम् मै १,८ चतुरिश्र ऋ १,१५२,

चतुर्भुज खिसा ३३।२२ चन्द्र ऋ ६।६ चिति तै ४. २ चित्रा ऋ ८।४६ चित्रापूर्णमासः तै ७१४ ज्या ऋ १०।१६६।३, ६।७५।३ ज्योतिर्विद तै १।४ ज्येष्ठा ऋ ४,३३ ऋ १।१०० तपस्यः (फाल्गुन मास)मा १५।५७ तारक मै, तै तिष्य मै २. १ न्यव्द खिल ४,११ न्यून तै ५,१ नयस्त्रिशद् देवतामि काठ त्रयोदशी मा २५।४ त्रयोदशमासः (संवत्सरः) त्रिभुज शी ८, ८ में १६।१८ द्वादशमासः (संवत्सरः) घन ऋ १।३६. घूमकेत् ऋ = 1४३ नक्षत्र ऋ ६।६७ नक्षत्रदर्भ मा ३०।१० नवस्रक्ति ऋ ८।७६ नामिऋ १।१३६ पक्ष ऋ ६।४७, १६ ऋ १०।११६, ११ पंक्ति ऋ १०।११७, इ पथ ऋ १,४२।२ पद ऋ १।१६४।३४ परम ऋ १।२२।२० परास ऋ ४।२।१६,१०।१५।१ परिवि ऋ शा ३।६ ११११४१७, १०११३०१३

परिवत्सर ऋ १०।६२।२ परिवृत ऋ २।१७।१ पर्व ऋ श६श।१२,४।१६।६ पात ऋ १।१३६।५ पाद ऋ ७।३२।२ पूर्ण ऋ १।5२।४ पृथिवी ऋ १।२२।१३ प्रावृषि ऋ ७।१०३।३ बीज ऋ ४।४२।१३ वृहस्पति ऋ १।६२।३ भद्राऋ शददाइ भाग ऋ १।२०।८ म्गु ऋ ३।२।४ यन्त्र ऋ १।३४।१ युग ऋ १।१४४।४,१८४।३,२।२।२ योग ऋ १।४।३, ।२७।११ रेवती ऋ ।६१।६, १०।३५।४ वज्र ऋ जादा३ बाराणि ऋ हाइ७।४ वासर ऋ ना४ना७ वृत ऋ १।१:५५।६ वृद्धि ऋ १११०१२ . शुक्र ऋ १।१०।४, ७।१।५ शर ऋ ना७०।१४ शुद्ध ऋ १।१६४।४० शेष ऋ १।६३।४ श्रेंग्रिक्ट १०।६१।१२० श्रेगायः ऋ १०।१४२।५ संवत्सर ऋ १।११०।४,१०।१६०।२ समा ऋ १०।१२४।४ समान ऋ १।११३।३ सहस्य ऋ ७।४२।६ सिन्घु ऋ शा६४।३

सूर्यं ऋ १।७।३ सोम ऋ १।६१।६ स्थिर ऋ १।१०१।४ हस्त ऋ ६।५४।१०

वैदिक शब्दावली की इस सूची में ऊर्जा, एकक, प्रतिदर्ग, परास तथा आय-तन गद्द विशेष उल्लेखनीय है जो अब अंगरेजी के क्रमशः इनर्जी, यूनिट, सैंपल, रॅज तथा बोल्यूम शब्दों के लिए प्रयुक्त किए जाते हैं। देखने में ये नए शब्द लगते हैं तथा बहुतों ने इनको नया समझकर रक्खा मी होगा किन्तु उनको यह जानकर आश्चयं होगा कि कम से कम ये शब्द नए नहीं हैं, चाहे अर्थ नए हो सकते हैं।

#### ब्राह्मण ग्रंथों की शब्दावली:

वेदों के उपरांत ब्राह्मण प्रंथों के भी कुछ शब्द गिणतीय शब्दावली ने अपना लिए हैं। यथा—

अक्ष्ण्या श ३,४५ अघर तै आ० ४.३८.१ अभिमुख ऐ ५,१० अभ्यास सा शापा४ ग्रयूत तै २, ७ व्यवलम्य जै १३७ अन्यक्त तै आ ४ भाडक सा १, ८, १३ ग्रादि गो १, १२८ अस्र तै २।७१३ श्रायत ऐ ४।४ शां २२८ उत्तर ऐ ४।१५ कब्बं ऐ शारर एकशत (एक सी) कर्ण ऐ ४।२२ ज्योतिप आ १।५७२ कय शा ४।६ क्षय, वृद्धि श ४।६ क्षेत्र ऐ ५।५० गुणित गो २, ३, ७ ग्रीष्म शा ३,४ चैत्र शाक्षातै तिर्यक् श १

त्वरमाण श ६, ३ दर्श पुर्शामास ऐ ३, ४० घ्वश ३, ४, २ नवस्रवित ऐ आ २, ३ परिमण्डल श ६. ७ पिण्ड श ४।४ मूल ऐ २।३२ प्रष्ठ तां २२, १, ३ प्रतिदर्श का १, ३, ४ प्रतिमान तै २, ५, ८ प्रधिश १४.४ प्रमेय जै ११५ फलक ऐ आ १।२. ३ फाल्ग्न का ११६ परिवि शा १, ३ ऐ १, २८ बूघ तां २४ जै १४६ माजन श १, ८ मृगव्याव ऐ ३,३३ मृगशिर का १, १, २ मृगशीपं श २, २ वर्ग शां था ४।७ सा १, ४ वर्ष ऐ आ वर्षा शरद श ८, ३

विकर्ण ऐ ४, १६ तै १, २ विज्ञान ऐ आ २, ३ विमित श ३, १ विमा तै आ ४।५ वियुत्त श ८।५ विप्वत् (वियुवत्) ऐ ५, ७ इत्त तै १, २ मेप श ३, ३४ वृप जै १८० व्यास तै अ १, ६ राशि सा ३, ४ राहगण श १ शिशुमार जै १५०, १६४
शिशिर श २, १
शून्य श २।३
संख्या श द्रा ७।३१।४३
संवत् शां १६।६
संतत शां आ ४, ५
सप्तऋषि श ६, ४, ३
समंक श ३, ६
समण्ट श १४, ६
सामान्य गो २, २
हायन श ४, ३

इनमें अव्यक्त, आयत, परिमंडल, प्रमेय, फलक, विकर्ण विमित, व्यास, शून्य, संख्या, पृष्ठ, भाजन तथा समिष्टि शव्द विशेष उल्लेखनीय हैं। अव्यक्त बाद को अव्यक्त गणित तथा अव्यक्त राशि के साथ बहुत प्रयुक्त हुआ। परिमंडल को बौद्ध तथा जैन काल में दीर्घंवृत्त के अर्थ में प्रयुक्त किया। आयत, शून्य, व्यास, फलक, तथा संख्या शव्द तो गणित के प्रसिद्ध शव्द आज मी हैं। विकर्ण, भूमिति में डायगनल के लिए तथा पृष्ठ शव्द सरफेस के लिए प्रयुक्त किया गया। समिष्ट, यूनि-वर्स तथा पौपूलेशन सम्बन्धी सांकिशीय भावों में प्रयुक्त किया जाता है। पाठक सम्भवतः यह पूछ सकते हैं कि वेद तथा बाह्मण ग्रंथ तो धार्मिक ग्रंथ हैं इनमें गणि-तीय शव्दावली की खोज क्यों की जा रही है किन्तु इसके उत्तर में में सर ब्रजेन्द्र 'सील' की निम्न उक्त पर्याप्त समकता हैं:—

"प्राचीन मारत में ज्ञान को एक समिष्ट रूप में देखा जाता थां। प्राचीन हिन्दू घमं, दर्शन, साहित्य तथा प्राकृतिक विज्ञाव में कोई विभाग-रेखा नहीं खींचते थे। फलतः उनके वैज्ञानिक विचार विधिविज्ञान, उनके अनुभव तथा औद्योगिक क्षेत्रों में उनके प्रयोग वेदों, ब्राह्मणों तथा उपनिपद् आदि घामिक ग्रंथों में इतस्ततः विकीणं हैं।"

### गुल्व-सूत्र :

ब्राह्मण-ग्रंथों के उपरांत शुल्व-सूत्र आते हैं। इनका भी गणितीय शब्दावर्शी में पर्याप्त भाग है। रेखागणित की शब्दावली का यहीं से प्रारम्भ होता है। शुल्ब-सूत्रों की शब्दावली नीचे दी जा रही है—

अन्तराल आप० पृ० १८३ अंश (माग, भिन्न) ं अंस (कोण) आप० पृ० ७२ अक्षण्या रज्जु बौ० गृ० अनित्या (अयथातथ) आप० ७।११ अम्यास १ (द्विग्णीकरण) का० १।१२ २ गुणा) आप० ग्र० ४।३ अर्घक (समद्विभाजक) अर्धव्यायाम (त्रिज्या) डप् (शीर्पलम्ब) का० पृ० ३३ उमयत: प्रीग (समभूज चतुर्भृज) ऋजु रेखा वी शु० २।३२ करगाी (वर्गमूल) आप० पृ० ३५ कर्एा (कोण) का० शु० कला (मिन्त) आप० वृ० ५६ कोटि (किनारा) आप० पृ० ५६ खण्ड आप० पृ० ४६ क्षेत्र (आकृति) का० गु० सूत्र ३।११ चतुरस (समचतुर्भु ज) का० शु० ४।७ नियंक तियंग्मानी (अ।यत की एक भुजा) आप० पृ० ३४ तृतीय = - १ आप० पृ० ३६ त्रिक्र्म (त्रिभुज) का० शु०

त्रक्सा (त्रभुज) का० थु०
प्रयांस (,,) का० ३३
दक्षिणावतं बी० शु० २।३२
दीघं (आयत) आप० पृ० २१
दीघं चतुरस (आयत)
दिकरसी (विकसं) आप० पृ० २६
दिगुण, त्रिगुण का० पृ० २६
नवमाग १ का० १६
नवमी , आप० पृ० १४
पंत्रकर्सा (घटाना) आप० पृ० १४
पंत्रकर्सा (पंचभुज)
पचदश
।रिणाह

परिमंडल, परिमंडला परिलिख पाद पार्श्व पाञ पृष्ठया (समिमात रेखा) आ० गु० ए० प्रजग (समद्विवाहु विभुज) का० पृ० २ प्रकम आप० ५० ५६ प्रस्तार आप० पृ० १८८ प्रघि (वृत्त-शकल)बी० शु० २।७१ फलक आप० पृ० २६८ भाग भूमि (क्षेत्रफल) वौ० शु० मण्डल (वृत्त) का० गु० रा१३ मध्य (केन्द्र) का० गु० ४।२ योग का० गु० २।४ रज्जुसमास (रेखागणितीय नियम) का० १।१

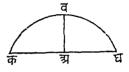
रेला
लेला आप० पृ० २५८
वर्ग (पंकित) का० शु० ३।७
विमिता आ० पृ० १०१
विष्कंम (व्यास) आ० ३।१४
व्यायाम (व्यास) आप पृ० ११२
व्यायाम (वौड़ाई) आप० पृ० ११२
काकटमुख (त्रिभुजाकार) का० १।११६
मंजु का० १।२
शुल्व (रज्जु)
शुल्व-विज्ञान (मानव शु०)

शेप बौ शु० १।५८ संस्था का० शु० १।५ सम (वर्ग) आप० पृ० २६ समास (योग)

उपरोक्त सूची में इपु शब्द विशेष उल्लेखनीय है। इपु समिद्ध बाहू त्रिभुज के शीपलंब के लिए आया है जो वाण जैसा ही लगता है। बाद को उमास्वाति ने भी आकृति साम्य के कारण वृत्त की थ व रेखा को इपु शब्द से बाबित किया। दोनों की एतत-सम्बन्धी पंक्तियाँ नीचे दी जा रही हैं—

ख घ ग

'यावत्त्रमाणानि समचतुरस्राण्येकीकर्तु चिकी-पेंदेकोनानि तानि भवन्ति तिर्यक् द्विगुणान्येकत एका-विकानि त्र्यस्रेमेवति तस्येपुरतं तस्करोति का० शु० ६।७



क घ<sup>2</sup>=क ग<sup>2</sup>—ग घ<sup>2</sup>=
$$\frac{(q+\xi)^2}{2} \times \pi^2$$
— $(q-\xi)^2$ 

यहाँ प वर्गो की संख्या तथा भ उसकी एक भुजा है। उमास्वाति ने कहा है—

विष्कंभस्य चतुर्गु गांमूलंज्या । ज्याविष्कंभयोर्वगंविशेषमूलं विष्कंभाच्छोध्यं। शेषाधंमिपुः । इपुवर्गस्य पड्गुणस्य ज्यावगंयुतस्य मूलं घनुःकाष्ठम् ।

अर्थात्

$$\mathbf{g} = \frac{\ell}{2} (\mathbf{a} - \sqrt{\mathbf{a} - \mathbf{m}^2})$$

यहाँ इ=इप्, वि=विष्कंम तथा जी=जीवा

वाद को सूर्य-सिद्धान्त में यही इपु, उत्क्रमज्या अथवा शर कहलाने लगा। अन्तर केवल यही है कि वाद को व्यासांश के स्थान पर चाप क घ की उत्क्रमज्या अथवा शर कहलाया।

#### वेदांगज्योतिय:

शुल्व सूत्रों के उपरांत वेदांग ज्योतिप ने गणित की मूलभूत प्रतिक्रियाओं के शब्द प्रदान किए। गणित शब्द स्वयं वेदांग ज्योतिप का है:—

अवम (हर) आवाप (जोड़) अविमास उत्तम (अंश) ग्रम्यास (गुणा) कुडुव (मार-प्रमाण) अयन गणित अयुज (विषम) गुण, गुणित

ञ्यंश (१।३)	मुहूर्त
द्रोण (भार प्रमाण)	युत (घन, जुड़ा हुआ)
द्वादशक (१२ के गुणज)	रूप (एक)
नाडिका (घटी)	विभाजन (माग)
पल (भार-प्रमाण)	शोधन (घटाना)
<b>मिन्न</b>	संख्याय (गणना करके)
भूगोल	स्तृ (नक्षत्र)
मण्डल	हृत (माजित)
मास	

यहां उत्तम और अघम जो क्रमशः अंश और हर के लिए प्रयुक्त किए गए हैं, विशेष उल्लेखनीय शब्द हैं। इनके देखने मात्र से यह प्रतीत होता है कि ये ऊपर और नीचे लिखे जाते थे। इससे यह अनुमान होता है कि भिन्नों की लेखन-प्रणाली वेदांग ज्योतिष काल में ज्ञात थी। रूप शब्द भी महत्वपूर्ण है। यह यहां एक के अर्थ में प्रयुक्त हुआ है। इसी अर्थ में इसका परवर्ती गिण्ति के ग्रंथों में बाहुत्य रूप से प्रयोग हुआ है। गिण्ति शब्द मी सर्वप्रथम वेदांग ज्योतिष में ही प्रयुक्त हुआ था।

#### सूत्र ग्रंथ:

तैत्तिरीय संहिता (प्रपाठक २, अनुवाक ११-२०) तथा वाजसनेयि संहित। एवं गृह्मश्रीतसूत्र तथा आश्वलायन श्रीतसूत्र में युग्म तथा अयुग्म शब्द सम विषय के अर्थ में प्रयुक्त हुए हैं। इडि, सरल इडि तथा चक्रदृद्धि शब्द व्याज, साधारण व्याज, तथा चक्रदृद्धि व्याज के अर्थ में गीतम धर्म-सूत्र में प्रयुक्त हुए हैं।

शैशव काल (४०० ई० पू०—४०*०* ई०)

#### बौद्ध साहित्य की गणितीय शब्दावली को देन :

दशगुणोत्तर संख्याओं की वर्तमान शब्दावली में हजार के ऊपर एक एक नया नाम छोड़ के पूर्व नाम के पहिले दस लगा देते हैं जिससे कि १ स्थान मान भी बढ़ जाता है और नया नाम भी नहीं लेना पड़ता है। इस प्रकार दस हज़ार, दस लाख, दस करोड़ आदि अनेक संख्याओं के नाम बचा लिए हैं। यह प्रवृत्ति हमने वौद्ध साहित्य से ग्रहण की। हमारे यहां तो अयुत, नियुत, प्रयुत, अर्बुद, न्युर्बुद, समुद्र, मध्य, अंत और पराघें प्रत्येक स्थान के प्रथक्-पृथक् नाम थे। इन वैदिक नामों में से ग्राधे तो उक्त प्रवृत्ति के कारण व्यर्थ हो गए और आधे में से ग्रवुद को छोड़कर श्रेप परिवर्तित कर दिए गए। अर्बुद (ग्ररब) का भी मान वदत । इसके लिए अब कोटि शब्द प्रयुवत होने लगा। बौद्ध साहित्य

काच्चायन कृत पालि व्याकरण में से संख्याओं की एक मनोरंजक सूची नीचे दी जा रही है:—

 $? \circ \times दस = स त$ 

 $१ \circ \times सत = सहस्स$ 

१०×सहस्स=दस सहस्स

 ${\circ \times}$ दस सहस्स=सत सहस्स

१० × सत सहस्स = दस सत सहस्स

१० × दस सत सहस्स = कोटि

इनमें से भी जनता ने केवल दस सहस्स ही लिया। शेप सत सहस्स, दस सत सहस्स ग्रहण न किए क्योंकि अधिक नाम छोड़ना यह भी सुविधाजनक नहीं या । सुविवा के लिए ही नाम रक्ले जाते हैं । वैदिक काल की संज्ञायें अधुत, नियुत, प्रयत बादि यद्यपि छोटी थीं किन्तु बिचक विद्वत्तामय शब्द थे। उपसर्गो की मरमार यी. जिनमें से उच्चारण साम्य के कारण अर्थभेद करना कठिन हो जाता था। तांड्य बाह्मण में नियत के लिए प्रयुत और प्रयुत के लिए नियुत प्रयुक्त किया गया है। इयर बीद्ध साहित्य ने भी इनके अर्थ गड़बड़ कर दिये। अर्जुन के पूछने पर क्या नवयुवक तुम कोटिगुणोत्तर संख्याओं को जानते हो। बोघिसत्व ने कहा 'सी कोटि अयुत कहलाता है, सौ अयुत नियुत, सौ नियुत कंकर.....। यहाँ अयुत नियुत के अर्थ कितने बदल दिए गये। अतएव ये शब्द छोड़ दिये गए। लाख शब्द बौद्ध साहित्य में चर्यापिटक में १०० कोटिवर्ष के ग्रर्थ में प्रयुक्त हुआ। पून: यह दाथावंस में वर्तमान वर्ष में ही प्रयुवत हुआ है। संस्कृत-साहित्य में याजवल्वय स्मृति, हरिवंशपुराण तथा ब्रह्मांडपुराएा में यह शब्द आया है। हो सकता है बीद्ध साहित्य से ही यह शब्द संस्कृत साहित्य में आ गया हो। संस्कृत गणितज्ञों ने संभवतः इसको इसी कारण से बहुत दिनों तक नहीं अपनाया । अंत में जैन गिएतज्ञ श्री महावीराचार्य (५५० ई०) ने इसका प्रचार किया, श्रीर तव से हमारी गिनती में इसका प्रयोग होना प्रारंभ हो गया। परवर्ती श्रीधराचार्य ने भी इसको अपना लिया। कोटि शब्द वाल्मीकि रामायण, मनुस्मृति तथा याज्ञवलक्य स्मृति में प्रयुक्त हुआ है। बौद्ध साहित्य में जातकों तथा कुल्लिनिदेश में इसका प्रयोग हथा है। वाल्मीिक रामायण के निम्न श्लोक में इसका प्रयोग देखिये:---

शतै:शतसहस्रैश्च वर्तन्ते कोटिभिस्तया । अयुतैश्चावृता वीर शंकुभिश्च परंतप ।।

यदि यह वाल्मीकि रामायण का मूल श्लोक है तब तो कोटि शब्द संस्कृत साहित्य का है, नहीं तो यह वीद्ध साहित्य से आया है। कोटि शब्द आर्यभटीय में भी मिलता है, किन्तु लक्ष नहीं। दूसरे कोटि पालि के अविकृत रूप में मी मिलता है, खतः प्रमाण दोनों पक्षों में समान मिलते हूं।

बीद्ध साहित्य में गणित के स्यान पर 'संख्यान' शब्द चलता था। स्थानांग-सूत्र (३५० ई०पू०) तथा कौटिल्य अर्थणास्त्र (३२२ ई०पू०) में मी इसी शब्द का प्रचार है। यथा:—

वृतचीलकर्मा लिपि संख्यानंचोपयुंजीत् ।। (को०अ०)

श्रशित् भूड़ाकमं के बाद लेखन-कला तथा गणित सिखाये जायें। कौटित्य अर्थशास्त्र में गणितज के स्थान पर गाणिनिक्य शब्द प्रयुक्त हुआ है, जो गणना से बना है। गणना शब्द का भी बीद्ध साहित्य में प्रतुर प्रयोग है। प्राचीन बीद्ध साहित्य में प्रतुर प्रयोग है। प्राचीन बीद्ध साहित्य में प्रतुर (मुद्दा) गणना और मन्यान जीन प्रकार का गणित बताया गया है। मुद्रा उंगिलयों पर तगाये जाने वाले गणित को, गणना साधारण गणित को जो मन में ही लगाया जा नकता है तथा सहयान उच्च गणित को कहते थे। विनयपिटक, दिव्यावदान, मिलिदणक्टों तथा दीर्घनिकायं में इनका उत्लेख है। वीद्ध साहित्य में लेखा का अर्थ लेखन कला अथवा चित्रकला था। पूज्य मुद्धाकर द्विवेदी जी के मत में लेखा का 'हिसाय' अर्थ भी बीद्धकाल से चला आता है। हुप शब्द वितयपिटक (१७७) में चित्रकला के श्रथ में आया है। यम्म-संगती में इलिप्स के लिए परिमंडल सब्द आया है, जिसको टीकाकार बुद्धपोप ने कुक्कटांड-संयान तथा पीतवत्य टीका में आयतवृत कहा था। आयतवृत से ही वर्तमान दीर्यवृत्त शब्द का जन्म हुआ है। जैन साहित्य की गणितीय शब्दावलो को देन:

सूर्यप्रज्ञप्ति (१०० ई०पू०) में निम्नलिखित रेखागणित के शब्द आये हैं (सूत्र ११, १६,२५,१००)।

तिकोण Triangle विषम चतुरकोण Oblique parallelogram समचतुरस्र Square समचकवाल Circle पंत्रकोण Pentagon विषम चकवाल Ellipse

विपमचतुरम Oblique square चन्नार्य चन्नवाल Semi-ellipse

समचतुरकोण Even Parallelogram चक्राकार Segment of a sphere

वर्तमान शब्द, कोण, त्रिकोण तथा चतुष्कोण सर्वप्रज्ञष्ति की देन हैं। हिन्दी में कोण से विगड़ कर कोना शब्द भी बना है किन्तु इसका अर्थ अंग्रेजी के 'कौनर' का है न कि 'ऍगिल' का। हिन्दी की यह विशेषता है कि संस्कृत का मूल शब्द भी इसमें है और उसका त्रिकृत रूप भी इसमें प्रयुक्त होता है। दोनों के अर्थ किन्तु विभिन्न होते हैं। इसी प्रकार इस मापा की शब्दावली त्रिकसित हुई है। स्थानांगसूत्र:

स्यानांगसूत्र में निम्नलिखित गणितीय सब्द प्रयुक्त हुए हैं :— परिकम्म (संख्यान) (परिकम्म) ववहार (संख्यान) (ब्यवहार)

१. दीविनिकास १, पृ० ४१, विनयिपटक ४, पृ० ७, दिब्सावदान ई०वी० कावेल तथा आर ए नील द्वारा संपादित कैम्ब्रिज १८८६, पृ० २,२६,८८, मिलिंद पञ्हो, राइसडेविस कृत अनुवाद, आक्सफीर्ड १८६० ई०,५० ६१।

२. विनयपिटक ४।७,१२८ ।

# गणितीय शब्दावली का ऐतिहासिक अध्ययन

एकतोऽऽनन्त ववहार (संख्यान) (व्यवहार) द्विविद्यानन्त रज्जू ( ,, ) (रज्जु संख्यान) देशविस्तारानन्त रासी संख्यान (राश्चि संख्यान) सर्वविस्तारामस्त कलासवन्न (कलासवर्ण) जावंतावति (यावत्तावत्) शाइवतानन्त भंग (स्थान-भंग और कम-भंग) वग्गो (वर्ग) ओज (विपम संख्या) वगगवागो (वर्गवर्ग) गणिय (गणित) युग्म (सम संख्या) सुहुम (सूक्ष्म) विकल्पगणित (क्रमचय तथा संचय)

इन शब्दों में से यावत्तावत् शब्द विशेष उल्लेखनीय है। यह परवर्ती बी गणित की पुस्तकों में प्रथम अज्ञात राशि के लिए प्रयुक्त किया गया है। वर्ग, वर्ग आदि शब्द भी बीजगणितीय अर्थी में प्रथम बार यहाँ प्रयुक्त हुए हैं। इससे ज्यामितीय अर्थ में यह प्रयुक्त होते थे। गणित शब्द का प्राकृत रूप गणिय भी वि उल्लेखनीय है। गणित स्वतंत्र आधुनिक विषय के रूप में प्रथम बार यहीं देखने मिलता है। यद्यपि इससे पूर्व गणितानुयोग में भी यह शब्द प्रयुक्त हुआ है वि गणितानुयोग स्वयं कालविषान जैसे अर्थ में ही प्रयुक्त होता था। अतएव उसका प्रयोग वेदांग-ज्योतिष के गिणत शब्द से बहुत कुछ मिलता है अर्थात् गणित एक प्रकार से उस समय ज्योतिष अर्थ था।

#### भगवती सूत्र के शब्द :

संख्येय घन (ठोस) असंख्येय धनत्र्यस्र (त्रिभुजाधार सूचीस्तंभ) संयोग (सचय) घनचतुरस्र (घन वर्ग) व्यस्र घनायत (ग्रायत समांतर फलक) चतुरस धनवृत्त (गोला) आयत घनपरिमंडल (दीर्घवृत्तीय वेलन) वृत्त वलयवृत्त (वृत्तीय वलय) परिमंडल (दीर्घवृत्त) वलयन्यस (निभुजीय वलय) प्रतर (समतल) वलय चतुरस्र (चतुर्भुं जीय वलय)

यहाँ परिमंडल शब्द दीर्घवृत के अर्थ में प्रयुक्त किया गया है। पहिले चुके हैं कि इसका इस अर्थ में सर्वप्रथम प्रयोग घम्म-संगनी नामक बौद्ध ग्रं हुआ था।

```
उत्तराध्ययन सूत्र ३०० ई०पू० (सूत्र ३०।१०।११):
        इसमें निम्नलिखित बीजगणितीय घातों के नाम प्रयुक्त हुए हैं :-
        वगं
        घन
        वर्गवर्ग (४)
        धनवर्ग (६)
        धनवर्गवर्ग (१२)
        इन शब्दों के देखने से यह पता चलता है कि घातों के शब्द गुणा-प्रक्रम के हैं
न कि योग-प्रक्रम के, अर्थान् घनवर्गवर्ग का अर्थ १२ हैं न कि सात।
अनुयोगद्वार मुत्र (१५० ई०५०):
     स्थान (मध्या-स्थान मूत्र १४२)
                                          रसमान
      द्रव्य प्रमाण
                                          सुच्यंगुल (रैलिक माप)
     क्षेत्र प्रमाण
                                          प्रतरांगुल (क्षेत्रफलीय माप)
                                          घनांगुल (बायतनीय माप)
      कालप्रमाण
      माव प्रमाण
                                          प्रथम वर्ग == (क<sup>२</sup>)
                                          द्वितीय वर्ग=(4^2)^2=4^8
      मान
                                          न्तीय वर्ग=(a^x)^2 = a^x
      रन्मान
      अवमान (रेखिकमान)
                                           प वां वर्ग=(कः)प=कःप
                                          प्रथम वर्गमूल=क<sup>ई</sup>
      गिग्म (संख्या-मान
                                           दितीयवर्ग मूल=क<sup>रे</sup>
      प्रतिमान
                                           तृतीय वगंमूल=क<sup>र्दे</sup>
      वान्यमान
                                           प वां वर्गं मूल =क
       इन शब्दों में स्थान शब्द तथा विभिन्न प्रकार के मापों के नाम जैसे रैखिक
  माप तथा क्षेत्रफलीय मापों के शब्द विणेप उल्लेखनीय है।
  चमास्वाति शब्दावली :
          वृत्त परिक्षेप (परिधि)
                                           बाहु (त्रिज्या)
```

ज्या (जीवा) भेद-गुणन (खण्ड-गुरान) विष्कंभाधं (तत्वार्थंचिगम सूत्र माप्य इपु (शर)

> विष्यंम (ग्यास) 8128

व्यासार्ध (जम्बुद्वीप समास ४) यनुकाष्ट (चाप)

यहाँ व्यासार्घ तथा विष्कं भार्घ शब्द तिष्या के अर्थ में विशेष उल्लेखनीय हैं। व्यासार्घ शब्द जम्बूद्वीप समास में सर्व प्रथम प्रयुक्त प्रतीत होता है। इस सम्बन्ध में यह स्मरणीय है कि शुल्व सूत्रों में व्यास के अर्थ में व्यायाम तथा अर्घव्यास के अर्थ में अर्घ व्यायाम शब्द प्रयुक्त किए गए हैं। विष्कंभ शब्द का भी व्यास के अर्थ में शुल्व सूत्रों में प्रयोग मिलता है।

# प्राकृत भाषा के शब्द :

उपर्युक्त विवरण से प्रतीत होता है कि वर्ग, वर्गमूल तथा घन शब्दों का वीजगणितीय अर्थ तथा घन का ठोस अर्थ एवं स्थान (संस्थास्थान) शब्द, मान, वलय (annuli), अनन्त, व्यःसार्घ ये शब्द पहले प्राकृत में ही प्रयुक्त हुए । यद्यपि उपरोक्त शब्द संस्कृत में पहले से ही थे किंतु गिएतीय अर्थों में प्राकृत साहित्य में ही प्रयुक्त हुए। कोण, त्रिकोण, चतुष्कोरा गाटी (अंकगणित) श्रेढ़ी, गच्छ (अन्तिम पद, करसा-गाथा) कलासवर्ण तथा जीवा शब्द प्राकृत से ही संस्कृत में प्रविष्ट हुए। हिन्दी के नील तथा पद्म शब्द कमल सम्बन्धी नाम हैं। कमल सम्बन्धी अनेक संस्था नाम जैसे उत्पल, निलन, पद्म, कुमुद, जम्बुद्दीप प्रज्ञप्ति (५०० ई० पू०), सूर्य प्रज्ञप्ति, जीव समास आदि जैन जन्यों में आये हैं तथा काच्चायन कृत पालि व्याकरण में भी सौगंधिक उप्पल (उत्पल) कुमुद, पुण्डरीक, पदुम आदि नाम नाये हैं। इधर नव-निधियों के संस्कृत नामों में पद्म, राह्व, नील तया खर्व शब्द आते हैं। वाल्मीकि रामायण में भी पद्म तथा बह्माण्ड पुराण में खर्व, पद्म और शङ्ख शब्द संस्था के अर्थ में आये हैं। किन्तु नैदिक नाम अयुत, नियुत, प्रयुत, अर्बुद न्यर्बुद तथा परार्घ थे अतः इनको छोड़कर अन्य नाम किसी अन्य घर्मावलम्वी ने ही रक्खे होंगे । अतः सम्मव है कि नील तथा पद्म नाम जैन अथवा बौद्ध साहित्य के हों। शहुः शब्द वाल्मीकि रामायण में प्रयुक्त हुआ है तथा जैन एवं बौद्ध साहित्य में यह नहीं मिला है अतः गणितीय अर्थ में यह संस्कृत का ही शब्द है।

जोड़ना भी जुड घातु से बना है। यह भी संस्कृत युज् घातु का प्राकृत रूप प्रतीत होता है। इसी प्रकार घटाना शब्द भी संस्कृत घाटयाति से बना है जो घातयित का प्राकृत रूप प्रतीत होता है। जैन साहित्य तथा कौटित्य वर्षशास्त्र एवं परवर्ती गणित की पुस्तकों में बोज शब्द विषम-संस्था के अर्थ में आया है। वेदांग-ज्योतिष में इसको 'श्रयुज' शब्द आया था। हो सकता है अयुज से ही विगड़कर प्राकृत में पिहले अउज तथा बाद में श्रोज हो गया हो और पाटी शब्द की माँति पुन: संस्कृत में प्रविष्ट हो गया हो, वर्णोकि यदि ओज शब्द स्वतन्त्र संस्कृत शब्द होता तो इसके जोड़ का युग्म का भी कोई दूसरा होता। बोज और युग्म का जोड़ा ही इस बात को बताता है कि ओज अयुज् से विगड़कर बना है।

# मुण्डा भाषा के शब्द:

मारत की आदिम जातियों जैसे कोल, किरात आदि की भाषाओं से मी कुछ शब्द हिंदी में आये हैं जैसे मयूर, कदली ग्रादि। इनमें से गणितीय शब्द कारी (२०) भी एक है। मारत की प्राचीन जातियों में २०-२० करके गिनने की प्रया थी। अतएव उनकी मापा में उसका वाचक कोरी शब्द मी था। जिस प्रकार कि रोमन जाति में १२-१२ करके गिनने की प्रया थी। अतएव उनकी मापा में डजन शब्द है। जिससे हिन्दी में विगड़कर दर्जन शब्द हो गया। हिन्दी में दर्जन का कोई अपना शब्द नहीं है वयों कि यहां १२-१२ करके गिनने की कमी प्रया नहीं रही है थी। यहां यह भी स्मरणीय है कि भारत की प्राचीन जातियों की भाषा मारत से लेकर आस्ट्रे लिया तक एक समान पाई जाती है। इस भाषा का नाम विद्वानों ने अव आस्ट्रो-एशियाटिक भाषा रखा है। ऐसा प्रतीत होता है कि भारत से लेकर आस्ट्रे लिया तक पहले स्थल भी था अतएव इनका मापा समान थी। समुद्र का प्रादुर्भाव वाद में हुआ।

#### कोटित्य ग्रयंशास्त्र की गणितीय शब्दावली :

कौटिल्य अर्थशास्त्र में निम्नलिखित गणितीय शब्द प्रयुक्त हुए हैं :-

संकलन (जोड़ना) चतुस्र (चौकोर) दीर्घ (ग्रायताकार) निर्वतंन (घटाना) अनुमान वृद्धि (व्याज) संख्यायक उदाहरण अक्षपटल (ए॰ जी॰ -- कार्यालय) लिपि वर्ग (समूह) तल संख्यान (गिग्ति) गणना (गिनती) गांग्निक्य (एकाउण्टेण्ट) नीवी (प्जी, घनराशि) लेखक (क्लर्क): अग्र (वृहद्योग) रूपदर्शक (रुपया परखने वाला) व्याजी (क्षतिपूरक एक कर) त्रिमाग (तिहाई) ओज (विपम) जून्य (सूना) युग्म (सम) प्रमाण (मारमान) वृत्त

कौटित्य अर्थशास्त्र ने मी संकलन श्रीर व्याज का पूर्वज व्याजी शब्द प्रदान किया। इसके उपरान्त भिगल छन्दःशास्त्र (२०० ई० पू०)ने गणितीय शून्य शब्द प्रदान किया। शून्यसूचक विन्दु शब्द ५वीं शती के वासवदत्ता नामक ग्रन्थ में मिलता है। कौटित्य अर्थशास्त्र में विन्दु का प्रयोग नष्ट-प्रसूति स्त्री के लिए किया है। उसमें कहा है कि "वन्ध्यां ग्रष्टवर्षाण आकांक्षेत, विन्दु दश, द्वादश कन्या-प्रस-विनीम्" की० अ० शा० २, पृ० १६४।

अर्थात् वन्ध्या स्त्री की आठ वर्ष तक पुत्र प्राप्ति की प्रतीक्षा करे, बिन्दु की १० वर्ष तक तथा कन्या-प्रसिवनी की १२ वर्ष तक प्रतीक्षा करे। विशाली-शब्दावली :

ईसंबी तृतीय शती में भाग्यवश पेशावर के पास वक्षले ग्राम में गणित की एक पुस्तक के केवल ५०, ५२ जीएां शीर्ण पन्ने मिले हैं, जिनसे यह प्रतीत होता है कि गिरात की प्रगति ५०० ई० पू० से ३०० ई० तक निर्वाध रूप से सतत चलती रही। स्थानांग सूत्र (३५० ई० पू०) का कलासवर्ण शब्द, वक्षाली में भी मिलता है तथा इसके वाद महावीर एवं श्रीधर की रचनाओं में भी यह पाया जाता है। इसमें जोड़ के लिए सङ्कलित शब्द भी आता है जो बाद में ब्रह्मगुप्त, महावीर आदि की कृतियों में भी वाहुल्यरूप से पाया जाता है। अलवरूनी इस शब्द को अपने साथ अरब ले गया। जमा के लिए धन शब्द का भी प्रयोग मिलता है। आधारभूत प्रक्रियाओं के माब्द योग, वियोग, गुणा, माग शब्द भी इसमें प्रयुक्त हुए हैं। तल, त्रैराशिक तथा मानी हुई राशि के लिए यादच्छ, कामिक शब्द तथा पिड भी अव-लोकनीय हैं। जून्य तथा मूलघन शब्द भी वर्तमान अर्थों में प्रयुक्त मिलते हैं। हिंदी के हंडी शब्द का पूर्वज 'हंडिका-समानयनसूत्र' शब्द व्याज सम्बन्धी नियमों के संग्रह के लिए आया है। सम्मिश्रण तथा ऋय, विऋय शब्द भी अंकगिएत के प्रश्न-विषयों के द्योतक हैं। वर्ष्य शब्द काटने योग्य के अर्थ में अवलोकनीय शब्द है। इसी ने समापर्वत्य शब्द की नींव डाली । शुल्वकाल का करणी शब्द अभी तक चला आ रहा है। यहाँ यह भी उल्लेखनीय है कि न्यास के स्थान पर न्यासस्थापन शब्द प्रयुक्त किया है तथा श्रेढ़ी के स्थान पर वर्ग शब्द का प्रयोग किया गया है। नीचे वक्षालीगणित-शब्दावली दी जा रही है।

अनुक्रम पृ० १६७
अभ्यास पृ० १६७
अश (भाग) पृ० १६५
इच्छा पृ० १६३
उत्तर पृ० १६२ भाग ३
उदाहरण पृ० २२
करण पृ० २२
करणो पृ० १७८
कलासवर्ण पृ० २०७, भाग ३

Multiplication

Assumed number

Example Solution Surd

Arbitrary Quantity

# मुण्डा भाषा के शब्द :

मारत की बादिम जातियों जैसे कोल, किरात बादि की भाषाओं से भी कुछ शब्द हिंदी में बाये हैं जैसे मयूर, कदली ब्रादि। इनमें से गणितीय शब्द कोरी (२०) भी एक है। मारत की प्राचीन जातियों में २०-२० करके गिनने की प्रया थी। अतएव उनकी मापा में उसका बावक कोरी शब्द मी था। जिस प्रकार कि रोमन जाति में १२-१२ करके गिनने की प्रया थी। अतएव उनकी मापा में इजन शब्द है। जिससे हिन्दी में विगड़कर दर्जन शब्द हो गया। हिन्दी में दर्जन का कोई अपना शब्द नहीं है क्योंकि यहाँ १२-१२ करके गिनने की कभी प्रया नहीं रहीं वी। यहाँ यह मी स्मरणीय है कि मारत की प्राचीन जातियों की भाषा मारत से लेकर आस्ट्रे लिया तक एक समान पाई जाती है। इस मापा का नाम विद्वानों ने अब आस्ट्रो-एशियादिक भाषा रखा है। ऐसा प्रतीत होता है कि भारत से लेकर आस्ट्रे लिया तक पहले स्थल भी था अतएब इनका मापा समान थी। समुद्र का प्रादुर्भाव वाद में हुआ।

#### कौटित्य श्रवंशास्त्र को गित्तिय शब्दावली :

कौटिल्य अर्थशास्त्र में निम्नलिखित गिएतीय शब्द प्रयुक्त हुए हैं :-

वत्स्र (चौकोर) संकलन (जोड़ना) निर्वर्तन (घटाना) दीर्घ (ग्रायताकार) वृद्धि (व्याज) अनुमान संख्यायक उदाहरण अक्षपटल (ए० जी० —कार्यालय) लिपि वर्ग (समूह) तल संख्यान (गणित) गणना (गिनती) गाग्निक्य (एकाउण्टेण्ट) नीवी (पुँजी, घनराशि) लेखक (क्लर्क): अग्र (वृहद्योग) ह्रपदर्शक (ह्पया परखने वाला) व्याजी (क्षतिपूरक एक कर) ओज (विपम) त्रिमाग (तिहाई) युग्म (सम) जून्य (सूना) प्रमाण (नारमान) वृत्त

कीटिल्य अर्थशास्त्र ने मी संकलन ग्रीर व्याज का पूर्वज व्याजी शब्द प्रदान किया। इसके उपरान्त मिगल छन्द:शास्त्र (२०० ई० पू०)ने गणितीय शून्य शब्द प्रदान किया। शून्यसूचक बिन्दु शब्द ५वीं शती के वासवदत्ता नामक ग्रन्थ में मिलता है। कोटिल्य अर्थशास्त्र में बिन्दु का प्रयोग नष्ट-प्रसूति स्त्री के लिए किया है। उसमें कहा है कि "वन्घ्यां ग्रष्टवर्षाणि आकांक्षेत, बिन्दु दश, द्वादश कन्या-प्रस-विनीम्" कौ० अ० शा० २, पृ० १६५।

अर्थात् वन्ध्या स्त्री की आठ वर्ष तक पुत्र प्राप्ति की प्रतीक्षा करे, विन्दु की १० वर्ष तक तथा कन्या-प्रसिवनी की १२ वर्ष तक प्रतीक्षा करे। वक्षाली-शब्दावली :

ईसंवी तृतीय शती में भाग्यवश पेशावर के पास वक्षले ग्राम में गणित की एक पुस्तक के केवल ५०, ५२ जीएां शीर्ण पन्ने मिले हैं, जिनसे यह प्रतीत होता है कि गिएत की प्रगति ५०० ई० पू० से ३०० ई० तक निर्वाघ रूप से सतत चलती रही । स्थानांग सूत्र (३५० ई० पू०) का कलासवर्ण शब्द, वक्षाली में भी मिलता है तया इसके वाद महावीर एवं श्रीघर की रचनाओं में भी यह पाया जाता है। इसमें जोड़ के लिए सङ्कलित शब्द भी छाता है जो बाद में ब्रह्मगुप्त, महाबीर आदि की कृतियों में मी वाहल्यरूप से पाया जाता है। अलवरूनी इस शब्द को अपने साथ अरव ले गया। जमा के लिए धन शब्द का मी प्रयोग मिलता है। आधारभूत प्रिक्रियाओं के शब्द योग, वियोग, गुणा, माग शब्द भी इसमें प्रयुक्त हुए हैं। तल, त्रैराशिक तथा मानी हुई राशि के लिए यादच्छ, कामिक शब्द तथा पिंड भी अव-लोकनीय हैं। जून्य तथा मूलघन शब्द भी वर्तमान अर्थों में प्रयुक्त मिलते हैं। हिंदी के हुंडी शब्द का पूर्वज 'हुंडिका-समानयनसूत्र' शब्द व्याज सम्बन्धी नियमों के संग्रह के लिए आया है। सिम्मश्रण तथा ऋय, विऋय शब्द भी अंकगिए।त के प्रश्न-विषयों के द्योतक हैं। वर्त्य शब्द काटने योग्य के अर्थ में अवलोकनीय शब्द है। इसी ने समापर्वत्य शब्द की नींव डाली । शूल्वकाल का करणी शब्द अभी तक चला आ रहा है। यहाँ यह भी उल्लेखनीय है कि न्यास के स्थान पर न्यासस्थापन शब्द प्रयुक्त किया है तथा श्रेढ़ी के स्थान पर वर्ग शब्द का प्रयोग किया गया है। नीचे वक्षालीगणित-शब्दावली दी जा रही है।

अनुकम पृ० १६७
अभ्यास पृ० १६७
अंश (भाग) पृ० १६५
इच्छा पृ० १६३
उत्तर पृ० १६२ भाग ३
उदाहरण पृ० २२
करण पृ० २२
करणी पृ० १७६
कलासवर्ण पृ० २०७, माग ३

Multiplication

Assumed number

Example Solution Surd

Arbitrary, Quantity

भाग

कय गु० १६६ क्षम (गण अथवा वर्ण) धोग १६१ ग्गाकार पृ० १८७ गंगित परिका पुर १६० मन (अकगरिएतीय) १० १७= समयु० १७६ विद (भाग) पृ० ५४ जाति ए० १६५ ताल प्रत १६६ लोबा (भारमान) पु० १६४ भैशाशिक विघान पु० १=६ **भैशाशिक** दल (अर्ज्ञ) पु० २१५ द्रश्य (यी हुई संख्या) प्० १६३ भन (जमा) पु० १६१ तीति (पंजी) पृ० २२० रशास स्थापन पू० २३३ पद पर १७६-१८६ परावर्ष (परिभ्रमण) पृ० २२४ पिस प्रधीप पुर १६३ प्रस्थय पुरु ४ प्रत्यानग पाल पुर २२, भाग १ (उत्तर)

C.P. Quality Multiplied Cube Operation of Division Surface Measure of weight Rule of three Arithmetical proportion Half Day Given number Plus Capital Putting down the statement of data Revolution

Interpolation

Verification

Answer Division

Proof, Verification

# गणितीय शब्दावली का ऐतिहासिक अध्ययन

राशि पु० २११ रूप (एक) पृ० १६८-१७६ लाभ स्व ११ लिप्ता पु० २२ वर्ग (श्रेढ़ी) पृ० १६३ (वर्ग) वत्यं (काटने योग्य) पृ० १६३ वल प्० १२५ विकय सूत्र ४ पृ० ६१ वियोग (घटाना) १६२ विलिप्ता प्० २२ वेग पृ० २२५ वेगवल पु० २२५ वैथ्लय (चौड़ाई) प्० १४६ जून्य पु० १६३ पृ० २२ गृद्धि पृ० १७७ शेप पु० २२ शोल्किक पु० २२१ सहशीकरण सम्मिश्रण पु० २१० सूत्र पु० २२ संकलित पु० १७६, भाग ३ स्यापन हरसाम्यकरण हस्तंगतं (हाय आया १) हुंटिका समानयन सूत्र

Quantity, number

Unity Gain

Minute

Series Square

To be cancelled

Force S. P.

Subtraction

Second Velocity

Force of velocity

Width

Zero or empty place

Remainder Tax Cupdt.

Alligation Rule

Summation

Statement

The rule dealing with interest

# यक्षाली गणित में प्रयुक्त संकेताकर :

भा०	भाग	न-	गुत
शे०	घेष		ऋण चिद्र
मू०	मूल	द्रे०	देव

দ্যত वि० विलिप्ता फल उदा ० লি৹ **डदाहर**ग् लिप्ता

मध्यकाल अथवा स्वर्णयुग (५०० ई०--१२०० ई०)

वक्षानी गणित के बाद पाँचवी सताब्दी के अंत में ज्योतिष शिरोमणि बार्यभट ने निम्नलिबिन गणितीय शस्द प्रयुक्त किए :---

अब ऊर्ब (ऊर्बाबर से मिलना हुया) गुलिका (रंगीन गोंनी, अब्यक्त रागि बक्षांग के लिए) बनल (स्थिर) गोत ग्रंनपद गोलावं वननाम घनफल अपक्रम (कान्ति) चतुभं ज अपमंडल (ऋान्ति वत) जीवा अयनादि বিশ্ব अामन्न Approximate परिणाह (जुल्बकाल ने आया हुआ) ऋग Minus परिवि कब्या Orbit प्रतिलोम कर्ग Hypotenuse पात Node कोटि Perpendicular भगण Revolution क्षितिज भूगोल क्षय

मेपादि First point of aries

क्षेत्रफल ं लंबक

गति विपरीत शैराशिक

सर्वग्रास होरा

### वराहमिहिर:

आर्यमट के उपरांत आयुनिक फलित ज्योतिप के जन्मदाता वराहमिहिर ने भी निम्नलिखित गणितीय शब्द प्रयुक्त किए हैं । ये पंचसिद्धांतिका से लिए गए हैं—

अनुपात पृ० ५७ देशान्तर पृ० १, ४१ बर्पमान्तर (अपक्रमान्तर) पृ०४६ घ्रुव (अर्बच्यास) पृ०११ करणी (वर्ग) पृ० ११-१२ मुज (आबार) पृ०४ २ केन्द्र पु० ६ भूमध्य (पृथिवी केन्द्र) पृ० ३६ समध्य पृ० ३४ मध्यम पु० ४८ त्रिज्या पु० ११ मध्यममान प्० २४

दिनवार (बार) पुठ ४५ वलन

:

# गणितीय शब्दावली का ऐतिहासिक अध्ययन

विलेप पृ० २६-४१ वेय पृ० ३८ समांतर रेखा पृ० २१ संगुद्धि पृ० ४५ हरिज पृ० ३०-४६

वराहिमिहिर ने भारतीय तथा यवन ज्योतिप के सिद्धांतों का पंचसिद्धांतिका नामक स्वग्नंथ में संग्रह किया। ग्रतएव आपीवलम, यामित्र, मेपूरण, केन्द्र, हरिज जादि कुछ ग्रुनानी शब्दों का भी प्रयोग करना उनके लिए स्वामाविक या। बह्मगुप्त:

वराहिमिहिर के बाद मारत के महान् गिरातज्ञ ब्रह्मगुप्त ने निम्नलिखित गणितीय शब्द प्रयुक्त किए—

अंश

वपवर्तन (सामान्य भाजक से काटकर लघु करना)

अवलम्ब (साहुलसूत्र)

ह्य (Absolute term)

श्रव्यक्त (अज्ञातराशि)

लदिव

वीत्र (निकटतर आसन्नमान)

वज्रवच (वज्राम्यास)

कृट्टक गणित (बीजगणित)

वर्ण (जैसे बीजगणित में क, ख, ग)

गोमुत्रिका (गुणन की एक विवि)

विषमविभुज (Scalene triangle)

घात (गुणनफल)

व्यवकलित (शोधन)

तद्गत (Raised to that power)

व्यस्त (Inverse) व्यावहारिक (स्यून)

तात्कालिक

द्यावह।।रक (स्पूल) द्यावन (न्यवकलन)

दिसमत्रिमुज (समदिवाहु त्रिभुज)

सम (समीकरण)

नतकाल (Hour angle)

समकरण (समीकरण)

निरपवतं (Reduced to least terms)

समखात (समपादर्व)

माज्य

स्पष्टीकरण

मानित (Terms like x y) भेद (Factor)

सूची (सूचीस्तम्भ)

याम्योत्तर (Meridian)

ह्रदय, हृदयरज्जु (कोणस्पृग्हत की निज्या)

यद स्मरण रहे कि ब्रह्मगुप्त ने सबसे पहिले बाद्युनिक समीकरण शब्दावली को जन्म दिया। इन्होंने बीजगिएत को कुट्टकगिणत कहा या तथा कुट्टक अनिर्धार्ध समीकरण के अर्थ में प्रयुक्त किया। इन्हों के सम अववा समकरण शब्द से सरव में अल्बेबा शब्द की उत्पत्ति हुई। इनके 'वच, हनन तथा 'घात' शब्दों से अरव में गुणा के निए जरव मन्द की उत्पत्ति हुई।

#### नास्कर प्रथम :

ब्रह्मगुष्त के समसामयिक मास्कर प्रथम थे जिन्होंने आर्थमटीय की टीका में वीज-चतुष्टय शब्द का प्रयोग किया है जिसको मास्कर द्वितीय ने भी प्रयुक्त किया था। वीज-चतुष्टय ४ प्रकार के समीकरणों को कहते थे और समीकरण-सावन इतना महत्वपूर्ण था कि उसी के नाम पर परवर्ती पद्मनाभ तथा भास्कर द्वितीय ने अल्जेबा का नाम वीजगणित रक्खा। इसके अतिरिक्त महाभास्करीय में निम्न शब्द और प्रयुक्त किये जो आज की शब्दावनी के लिए परम उपयोगी हैं—

अनुदिश पृ० ६३ चक्रांश (अंश) पृ० १६ दशलव (दशवां भाग) पृ० १० विन्दु पृ० २२ संपात पृ० ६२ स्पर्शन पृ० ७६ हार पृ० ४५, ४६ क्षोन लघुमास्करीय

# महावीराचार्यः

व्रह्मगुप्त और मास्कर के उपरांत दक्षिण के प्रसिद्ध जैन गणितज्ञ महावीरा-चार्य (८५० ई०) हैं। इनकी गणितसार-संग्रह अंकगिणत की अद्वितीय पुस्तक है। आज के संख्यावाचक शब्द बहुत कुछ उसी के आधार पर हैं। यथा—

एकं तु प्रथमस्यानं दितीयं दशसंज्ञिकम् ।
तृतीयं शतमित्याहुः चतुर्यं तु सहस्रकम् ।।
पंचमं दशसहस्रं पष्ठं दृस्यात्नक्षमेव च ।
सप्तमं दश सहस्रं लक्षं तु अष्टमं कोटिक्च्यते ।।
नवमं दशकोट्यस्तु दशमं शतकोट्यः ।
अर्बुंदं रुद्रसंयुक्तं न्यर्बुंदं द्वादशं भवेत् ।
खवं त्रयोदशस्यानं महाखवं चतुर्दशम् ।
पद्यं पचदशं चैव महापद्यं तु पोडशम् ।।
क्षोगी सप्तदशं चैव महाक्षोणी दशाष्टकम् ।
शंखम् नवदशं स्थानं महाशंखम् तु विशकम् ।

(ग०सा० स०, प० ७, ५)

इसमें नील को छोड़ कर शेप सब आधुनिक संख्यावाचक नाम आ गये हैं। उनके मानों में गत ११०० वर्षों में थोड़ा-बहुत अन्तर पड़ जाना तो विल्कुल स्वा-माविक है। संख्यावाचक इन शब्दों के अतिरिक्त महावीराश्चार्य ने निम्न अन्य गणि-तीय शब्द प्रयुक्त किये हैं जो इष्टब्य हैं—

जन्नत (जन्नतोदर)	निम्न (नतोदर)
एकीकरण (अनेकों को एक करना)	निरुद्ध (ल०स०प०)
करणसूत्र (कार्यकारी सूत्र)	पृष्ठ
गुण (सामान्य अनुपात)	प्रचय (सामान्य अन्तर)
गुणोत्तर (सामान्य अनुपात)	मासिक गृद्धि
गुणसंकलित (गुर्गोत्तर श्रेणी)	मिश्रधन
घनीकृत (Cubbed)	वृत्त (Curvilinear figure)
चय (सामान्य अन्तर)	शतगृद्धि (प्रतिशत)
	समरत (वृत्त)

कोटित्य अर्थशास्त्र में मासिक वृद्धि के स्थान पर मासवृद्धि शब्द प्रयुक्त हुआ था।

# पृथ्दक् स्वामी:

आर्यभट तथा ब्रह्मगुष्त के प्रसिद्ध टीकाकार पृथ्रूदक् स्वामी (५६० ई०) से हमको द्विपद (Binomial), त्रिपद (Trinomial) आदि शब्द मिले।

# श्रीघराचार्य :

इसके उपरान्त श्रीधराचार्य के निम्न शब्द अवलोकनीय हैं :-

चय संकलित (समांतर श्रेणी)	संस्थानक (Configuration)
संकलित ( ")	संस्थान ( ,, )
वृद्धयुत्तर (वर्द्धमान)	आय (घन)
होनोत्तर (होयमान )	व्यय (ऋण)
अर्घवृत्त	सम (Even)
निम्न	विषम (Odd)

#### श्रीपति :

श्रीघराचार्य के उपरांत अंकगणित की प्रसिद्ध पुस्तक गणितिलक तथा सिद्धांन्तग्रंथ सिद्धांतशेखर के रचिता श्रीपित (१०३६ ई०) द्वारा प्रयुक्त कुछ विशिष्ट शब्द नीचे दिये जा रहे हैं।

अतुल्यबाहु सि०शे०व्य० ३२	करणीपद पृ० १२
मभिघात (गुणा) ३	क्क (आघार) व्य० २६
अवधा (Segments) पृ० २.६	कृतिज (वर्गमूल) व्य० २२
अन्यक्तवर्ण (अज्ञात राशि) पृ० १ अन्य०	कृतिजसंकलित सि॰शे॰व्य० २४
एकक सि॰शे॰व्य॰ २१	कोटि (लंब) " " गृ ४०

खहर (अनंत) अव्य० ६ माजक व्यक्त २५ १ (गुरानखण्ड) व्य० १३ गुण भाज्य , ३ भूजसमास (a+b+c) ,, २५ २ गुणांक->अव्य० ३२ लव्यि गुग्गक गुण्य व्य० २ वहिर्हत (Circumcircle) ३२ विषमकर्म निम्न यूगपत् समीकरण: --घनज (धनमूल) व्य० २२ घनज संकलित (घनमूल योग) व्य० २२ कर-खर=ग घनपाणि (घनहस्त) व्य० ४५ क-ख=घ अव्यक्त १३ चरम (अंतिम) विपम चतुर्भू ज व्यक्त ३४ छेद (हर) पृ० ३६ व्यक्त गणित (अंकगणित) व्यक्त २ तक्षण (अपवर्तन) व्य० १५ शतफल (प्रतिशत) ग०ति० ताडन (गुणा) संक्रमण (निम्न युगपत् समीकरण) द्वितुल्यवाहु (समद्विवाहु) ,, ३३ क + ख = ग निकट (आसन्न) क-ख=घ अन्यक्त १३ निरग्रक (Completely divisible), २३ समीपमूल (आसन्तमूल), '३६ पक्ष (Side) सवर्णन प्रकृति (गुणांक) अव्य ५६ सुसूहम (Well accurate) ,, ३५

उपरोक्त श्रीपित द्वारा प्रयुक्त शब्दावली के अध्ययन से ज्ञात होता है कि भास्कर के गणित तथा उनकी शब्दावली पर श्रीपित का गहन प्रभाव है। इसमें व्यक्त गणित, अव्यक्त गणित खहर तथा गुणांक के लिए गुणक एवं पर्सेंटेज के लिए शतफल शब्द का प्रयोग विशेष उल्लेखनीय है। महावीराचार्य ने शतफल के स्थान पर शतवृद्धि शब्द का प्रयोग किया था।

#### भास्कर द्वितीय:

इसके उपरांत प्रसिद्ध गणितज्ञ भास्कर द्वितीय (१११४ ई०) की शब्दावली नीचे प्रस्तुत की जा रही है जो अवलोकनीय है:-अकरणीगत लीलावती १४०पृ० Rational करणीगत (अपरिमेय) लीला०पृ० १७६ अनेकवर्णसमीकरण बीजगणित १७६ कल्पना बी०ग०पृ० ६३ मिनन (पूर्णाकीय) लीलावती पृ० १०० गाणितिक (गणितज्ञ) लीला० पृ० १६४ भानन्त्य (Infinity) बी०ग०पृ० ५३ तल (आधार), (तल्ला) ,, ,, ,, २२१ **आसन्न** लीलावती पृ० १८६ तिर्यक् छेद (अनुप्रस्थकाट) ,, इप्टकर्म ,, ५० हड़ (Reduced to least terms). थापन बी०ग०पृ० ७० नवभुज लोला० पृ० २१२ हवर्णं समीकरण बी०ग०पृतः ५८ पक्षनयन (पक्षांतरण) पृठ ७६

भावित बी॰ग॰ वज्जाम्यास बी॰ग॰ मध्यमाहर्गा ,, (Elimination of विनिमय लीला॰ पृ॰ ६६ middle term)

उत्तर काल (१२०० ई० १८०० ई०—)]

मास्कर द्वितीय के उपरांत सम्राट जगन्नाथ (१७वीं शती) ने रेखांगणित नामक ग्रंथ रच कर रेखांगणित की बहुत कुछ नवीन शब्दावली का मुजन किया। जिसको अधिकतः हिन्दी भाषा ने अपना लिया। यथा:—

अधिककोण अधिककोण त्रिभुज अन्तर्गत कोण (Included angle) अन्तर्गृत (Incircle) अर्घकरण (Bisection) अष्टफलक उपपत्ति Proof

उपरिवृत्त Circum Circle एककेन्द्रक वृत Concentric Circle कोदण्ड Segment of the circle

गोल क्षेत्र Sphere घन क्षेत्र Solid घनफल Volume

घनहस्त क्षेत्र Parallelepiped

घनकोण Solid angle चापकणं Chord चिह्न Point

घरातन Plane, Plane surface

घरातल क्षेत्र Plane area

निष्पत्ति Ratio

नि:शेष Without remainder

न्यूनकोण त्रिभुज समत्रिवाहुक समद्विबाहुक

समघरातल क्षेत्र Plane surface

रेखागणित

परिमाषा Termonology पालि Circumference

पूर्णाक (जो अपने गुणनखण्डों का योग हो।

फलक Face

बहिर्गत कोण External angle

भ्रमण Rotation

मूल Foot of the perpendicular योगांक Composite number लंबरेखा Perpendicular line

वकरेखा

विषमकोण Scalene angle

विषम Odd शंकु Cone

सजातीय Homogeneous सजातीय क्षेत्र Similar figure

समकोण

समकोण त्रिभुज

समत्रिभुज

सूची-फलक घनक्षेत्र Pyramid

इन प्राचीन उद्धरणों से यह स्पष्ट है कि भारतीय गणित शब्दावली इतनी ही प्राचीन है जितना कि भारतवर्ष। इसका एक अपना सुसंबद्ध तथा सुश्लिष्ट इतिहास है। सहस्रों वर्षी तक की हुई निरन्तर कठोर तपस्या तथा सुदीर्घ चितन का यह परिलाम है। वह किसी एक व्यक्ति की निजी मस्तिष्क की उपज नहीं है। शब्दों को एक दीर्वकाल तक उन्पृत्त प्रतियोगिता करने का मध्य अवसर मिला है तया योग्यतमावशेप के सिद्धांत से जो सबसे सरल संक्षिप्त तया सुन्दर थ, वहीं जीवित रहे वेष सब कालकवित हो गये। फिर भी जो बच्चे उन में प्रवानतिया संस्कृत तथा गौग रूप से प्राकृत पालि तथा अन्य प्राचीन एवं प्रादेशिक मापाओं का वपना २ एक निजी भाग है। इस में सभी प्रांतीं तथा वर्मी का समान हाय है। शब्दों का इतिहास भी मानव-वंशपरंपरा के इतिहास के समान होता है। कोई शब्द-परिवार आदि काल से अब तक चला आ रहा है, कोई कुछ काल तक चल कर समाप्त हो गया और किसी दूसरे को अपने स्थान पर छोड़ गया। जो कुछ भी ही, हमें अपनी इस सन्वावली पर गर्व है। यह हमारे अतीत गीरव की स्मारक है। क्या कोई देश ऐसा है जिसकी गणितीय शब्दावली इतनी प्राचीन हो। नक्षत्रदावक तया संवत्, वर्षे, ऋतुमास, युग्म तया अयुग्म शब्द वैदिक काल के अर्थात् ५००० वर्ष से भी अविक प्राचीन हैं। संख्या, वृत्त तथा शून्य शब्द ब्राह्मण काल के अर्थात् ४००० वर्ष प्राचीन हैं, करणी, वर्ग, फलक, व्यास, रेखा, शंकु तया विज्ञान गड़द जुल्ब काल के वर्धात् ३२०० वर्ष प्राचीन हैं । गणित, भिन्न, मुहुर्त, विमाजन, गोवन, गुरा, गुणित, भूगोल, युत बादि शब्द वैद्यांग ज्योतिष के बर्यात् २५००-२००७ देषे प्राचीन हैं । कोसा, त्रिकोसा, चतुष्कोण, शब्द सूर्यप्रज्ञप्ति के अर्थात् २५०० वर्ष पुराने हैं। संकलन, वृद्धि, ब्याजी (व्याज का पूर्वज) कीटिल्य अर्थेशास्त्र के अर्थात् २२८५ वर्ष प्राचीन हैं। चक्रवृद्धि, गीतम धर्म-मूत्र का तथा गणितीय शून्य शब्द पिंगल-छंद: दास्त्र का अर्थात् २१६० वर्ष प्राचीन हैं। उत्क्रमण्या ज्या, कोटिज्या थव्द मूर्य-सिद्धांत के अर्थात् २ हजार वर्ष प्राचीन हैं। अस्तु, निर्वन भारत की ग्रही तो एक निवि है। हमारा कर्ताच्य है कि हम इसकी सदा सुरक्षित रखें।

#### अध्याय ३

# भारतीय गणित शब्दावली का सांस्कृतिक अध्ययन

गणितीय शब्दावली के ऐतिहासिक श्रव्ययन के उपरांत अब इस अध्ययन के क्रिलस्वरूप जो-जो ऐतिहासिक तथा सांस्कृतिक तत्व दृष्टिगोचर हुए हैं उनका यहाँ अक्षेप में उल्लेख किया जा रहा है।

धन शब्द के ग्रध्ययन से पता चला कि वैदिक काल में बड़े-बड़े खेल तथा रौड़ें हुआ करती थीं। घन शब्द किसी दौड़ तथा अन्य खेलों में विजेता को पारितोषिक के रूप में मिलने वाली वस्तु के लिए प्रयुक्त किया जाता था। शत्रु से जीते हुए सामान के अर्थ में भी यह शब्द प्रयुक्त किया जाता था। इन दोनों तथ्यों के द्योतक 'हितंघनं' अर्थात् प्रस्तावित घन तथा 'घनंजित' और 'घनंजय' शब्द हैं। मोनियर विलियम्स शब्द कोप घन शब्द 'घन् घातु से वना बताता है जिसका अर्थ है दौड़ना तथा डा० सिद्धेश्वर वर्मा इसे 'घा' घातु से वना बताते हैं जिसका अर्थ है रखना। अतएव उनके मत में पारितोपिक के रूप में रक्खे जाने से यह धन कहलाया।

ऋण शब्द निम्नलिखित ऋग्वेद के मंत्र में आया है:--

जाया तप्यते कितवस्य हीना माता पुत्रस्य चरतः क्वस्वित् । ऋणावा विभ्यद्धनमिच्छमानोऽन्येपामस्तमुपनक्तमेति ।।

त्रर्थात् इघर-उघर मारे फिरते हुए जुआरी पुत्र की हीनावस्था को प्राप्त माता संतप्त हो रही है और उघर ऋगाग्रस्त जुआरी सब से डरता हुआ, घन की इच्छा करता हुआ रात को चोरी करने के लिए घर में घूसता है।

इससे भारत में अति प्राचीन काल से चूत-प्रया तथा ऋण लेने की प्रया का पता चलता है। सूर्य-सिद्धांत के अनुवादक श्री बाजिस के मतानुसार किलयुग तथा कृतयुग शब्दों में किल तथा कृत कमशः अक्ष (पासा) के एक और चार विंदी वाले पहलुओं के नाम है। इसी प्रकार द्वापर तथा त्रेता शब्द भी पासे के दो विन्दी वाले तथा तीन विन्दी वाले पहलुओं के नाम हैं।

द्रान्य णव्द से प्राचीन भारतवासियों की ब्रह्मांड के नितांत बढ़ते जाने तथा उसके फटने से श्राकाण की उत्पत्तिविषयक आस्था का पता चलता है।

"तस्माद् एतस्माद् वा आकाशः संभूतः आकाशाहायुः । वायोरिनः । अग्ने-रापः । अद्म्यः पृथिवी । पृथिव्या ओपध्यः । ओपधीभ्योरन्नम् । अन्नात् पुरुषः ।" (तैत्तिरीयोपनिषद् प्रह्मबल्ली-खण्ड)। शून्य 'शून' शब्द की भाववाचक संज्ञा है तथा शून का अर्थ है 'अत्यन्त सूजा हुआ' अथवा वढ़ा हुआ।

अमरकोप में जून्य शब्द के पर्यायवाची विशिक, तुच्छ तथा रिक्तक शब्द हैं। यथा:—

"शून्यं तु वशिकं तुच्छ रिक्तके" — अमरकोप

इन में से जून्यार्थक तुच्छय और रिक्त शब्द ऋग्वेद में भी मिलते हैं। वशी शब्द कात्यायन श्रीतसूत्र में भी इसी अर्थ में मिलता है। ऋग्वेदीय खिलसूक्त तथा ब्राह्मण ग्रन्थों में जून्य शब्द रिक्त के अर्थ में प्रयुक्त हुआ है। संसार की अन्य भाषाओं में इन्हीं चारों से मिलते-जुलते शब्द पाये जाते हैं। यथा:—

यूनानी ऐलिक	केनोस, केन्योस केन्नोस	}	शून्य से मिलते हुए, शका कहो जाता है
लैटिन इटैलियन	वेक्युअस	ĺ	वशिक से मिलते हैं।
र्पेनिश है निस	व्यूटो वेशिओ 	ĺ	पासमा सामागा ए
ड ।नस लियूनियन लैटिक	तोम तुन्छियस	ļ	तुच्छ से मिलते हैं।
स्लैविक	तुक्स तुक्ती रोज्डनी	}	रिक्त से मिलते हैं।
वोहीमियन जैक पोलिश	राज्डना रोजनी	}	

उपरोक्त शब्दमाला के अवलोकन मात्र से ज्ञात होता है कि हो न हो इन सव जातियों का मूल स्थान कभी एक ही न हो और यह सव एक ही वृक्ष की शाखायं न हो। भारोपीय (इंडोयूरोपियन) तथा अवेस्तन भापा में ऐसे एक नहीं अने का शब्द मिलते हैं और इन सबसे इतिहासवेत्ता आर्य जातियों के एक मूल स्थान होने की संमावना करते हैं। अरवी मापा इस मापा-परिवार से पृथक् है लेकिन किस प्रकार अरव ने भारतीय ज्ञान विज्ञान पूर्व से लेकर पश्चिम पहुँचाया था यह मी शून्य शब्द के अध्ययन से पता चलता है। गिएतिय अर्थ में शून्य शब्द मारत में २०० ई० पू० में ज्ञात कर लिया था। दशमिक अंक-प्रणाली में संख्याओं को लिखते समय शून्य का सांकेतिक चिल्ल आविष्कृत न होने से पहिले उस स्थान को संमवत: रिक्त छोड़ देते ये अतएव मारत में इस संख्या को शून्य शब्द से व्यक्त किया गया। इस व्युत्पित्त से तथा यहां शून्य के २०० ई० पू० प्रयोग मिलने से पता चलता है कि इसका मारत में आविष्कार हुआ। जब किसी नवीन विदेशी वैज्ञानिक भाव को किसी अन्य देशीय भाषा में अनूदित करना होता है तो उस शब्द के अन्य साधारए अर्थों में उस देशीय भाषा में अनूदित करना होता है तो उस शब्द के अन्य साधारए अर्थों में उस देशीय भाषा के शब्द चलता है इसी शब्द के अर्थों में उस वैज्ञानिक अर्थ को

मी बढ़ा देते हैं जैसे अरबी (जीवा) जेव, शब्द की जब लेटिन में अनूदित करना पड़ा तो जैव का साधारण अर्थ या कपड़े की जैव (अथवा Bosom of the garment) उस अर्थ में वहाँ साइनस शब्द था। अतएव जेव शब्द को साइनस शब्द से अनूदित कर लिया। इसी प्रकार यून्य का अन्य साधारण अर्थ या खाली, खाली के अर्थ में बरवी में 'सिफ' शब्द या अतएव गणितीय शून्य को वहाँ सिफ शब्द से अनूदित किया गया और अरव से दो भिन्न मार्गो से चल कर यह 'सिफ' शब्द यूरोप पहुँचा बतएव वहाँ इसके दो शब्द मिलते हैं, (१) साइफर (२) ज़ीरो । दोनों मार्ग ये हैं :— नई फ़ैंच इंगलिश प्रथम मार्ग पूरानी फेंच अरबी स्पेनिश सिफ शिफे साइफर श्नय सिप्रा सिफ्रे फ़ैंच • इंगलिश द्वितीय मार्ग अरवी लैं टिन **डटालियन** जीरो जीरो शुन्य जैकीरो सिफ जैफ्रम जैकीरम ज्यूरो

करणी शब्द से पता चलता है कि मारतवर्ष में कभी बहुत यज्ञ होते थे। करणी उस रज्जु को कहते थे जिससे यज्ञों की वेदियां बनाते थे। आजकल करणी अंगरेजी के 'सर्ड' शब्द के लिए प्रयुक्त होती है। करणी का अर्थ ही है करने वाली श्रयात रचना करने वाली। कात्यायन शुल्वसूत्र में कहा है:— ''करणी तत्करणी, तियंङ्मानी, पार्श्वमान्यक्ष्ण्या चेति रज्जवः'' अर्थात् रज्जु पाँच प्रकार की होती है—करणी, तत्करणी, तियंङ्मानी, पार्श्वमानी तथा अर्थण्या। विश्व ने अंकगणित तथा रेखागणित के प्रथम पाठ भारत से ही पढ़े थे और भारतवर्ष में यज्ञों को उचित काल में करने की ग्रावश्यकता से गिणत शास्त्र की उत्पत्ति हुई जिससे ग्रह-गित-गणना द्वारा पर्वों का ठीक ज्ञान हो सके। देखिए वेदांग ज्योतिष का निम्न इलोक:—

वेदा हि यज्ञार्यमभिप्रवृत्ताः कालानुपूर्व्याविहिताश्च यज्ञाः । तस्मादिदं कालविधानशास्त्रयोज्योतिषं वेद स वेद यज्ञान् ।।

अर्थात् वेदों की उत्पत्ति यज्ञों के निमित्त हुई और यज्ञ विहित काल पर करने चाहिए अतएव जो इस काल-विधान-शास्त्र ज्योतिष को जानता है वहीं यज्ञ को समझता है।

यज्ञ-व्यवस्था जो भ्रव केवल प्राचीन धार्मिक रूढ़ि के रूप में मानी जाती है विश्व में समस्त ज्ञान के भ्रादि-स्थान वेदों की उत्पादक हुई। इसी के निमित्त समुचित काल जानने के लिए प्रह्मणित की उत्पत्ति तथा वेदियाँ समुचित क्षेत्र तथा आकार की वर्ने श्रतएव रेखागणित के जन्मदाता शुक्व-सूत्रों की उत्पत्ति हुई। धन्य है उस यज्ञ-व्यवस्था को जिसने गणित को जन्म दिया और जिससे समस्त विज्ञान की उत्पत्ति हुई।

व्यक्तगिरात और अव्यक्त गणित के देखने मात्र से पता चलता है कि यह उसी जाति के मस्तिष्क की खोज है जो व्यक्त तथा अव्यक्त के विचार में दिन-रात हूवी रहती थी। भारतवासियों ने जिस प्रकार व्यक्त लोक को उस अव्यक्त शक्ति परव्रह्म सच्चिदानंद परमात्मा से उत्पन्न माना था उसी प्रकार व्यक्तगिरात के समस्त नियम अव्यक्तगणित से निस्सृत हो जाते हैं ऐसी उनकी बास्या थी। देखिये मास्कर की उक्ति:—

> उत्पादकं यत्प्रवदन्ति बुद्धेरिविष्ठितं सत्पुरुपेण सांस्याः । कृत्स्नस्य लोकस्य तदेकवीनमन्यक्तमीशं गणितं च वन्दे ॥

> > (भाविवी ०ग०)

अर्थात् जिसको सांख्य शास्त्र के रिचियता बुद्धि तस्त्र का उत्पादक तथा पुरुष तस्त्र से अविष्ठित मानते हैं और जो समस्त व्यक्त जगत का बीज है उस परमात्मा की मैं सादर बन्दना करता हूँ। (गणित पक्ष में) जो बुद्धि को बढ़ाने वाला है, जिसका ऊँचे २ विद्वानों ने परिशीलन किया, जो व्यक्तगणित का मूल है, उस बीजगणित को मूं बन्दना करता हूँ। मारतवासियों की प्रवृत्ति व्यमूर्तिचतन की थी उसी प्रवृत्ति के वशीभूत होकर उन्होंने वीजगणित को जन्म दिया। संसार में संसार से बिल्कुल विरक्त रहने वाले विषयों में वध्यात्म-विद्या (Metaphysics) के उपरांत गणित का ही स्थान है। वत्तप्व बच्यात्म-विद्या का परिशीलन करते-करते उन्होंने ही गणितशास्त्र को जन्म दिया। उचर वाद को बूनानी लोग दर्शनशास्त्र (Philosophy) के बढ़े पंडित हुए। वत्तप्व उन्होंने भी गणित का पर्याप्त विकास किया। गिणित कोर दर्शनशास्त्र के संबंध के सूचक हमारे संस्थाधास्त्र तथा सांख्यशास्त्र शब्द ही हैं। जब एक बार गणित का विकास हो गया तो अब कोई भी उन मूल सिद्धान्तों का आश्रय लेकर उसका अग्निम विकास कर सकता है। उसमें अब बब्धात्म-विद्या जानने का प्रश्न उत्पन्न नहीं होता।

कई एक यूनानी और अरबी ज़ब्द मारतीय ज्योतिय में मिलते हैं जैसे केन्द्र (Centre, anomaly) आपीक्लिम, मेपूरण, ताजिक, ईसराफ मुयशिल आदि, जिनसे प्रतीत होता है कि इन विभिन्न संस्कृतियों में ज्ञान-विज्ञान के क्षेत्र में किस प्रकार परस्पर सहयोग या और इन देशों के विद्वान किस प्रकार एक दूसरे देश में आते जाते रहते थे। बराहमिहिर ज्योतिप विषयक यूनानी ज्ञान को निम्न रलोक में स्वीकार करता है:—

म्लेच्छा हि ववनास्तेषु सम्यक्शास्त्रमिदं स्थितम्। ऋषिवत्तेऽपि पूज्यन्ते कि पुनर्देवविद हिजाः ॥ वृहत्संहिता । अर्थात् यूनानी लोग यद्यपि म्लेच्छ हैं किंतु वे ज्योतिष के अच्छे वेत्ता हैं। उनका भी ऋषियों के समान श्रादर होता है, तो फिर ज्योतिषी यदि ब्राह्मण हो तो उसके तो आदर का कहना ही क्या।

वाज के वातावरण में 'म्लेच्छ' शब्द का प्रयोग मले ही अखरे किन्तु इसमें एक ऐतिहासिक तत्व अन्तिनिहित है कि इसी प्रकार अपने ग्राचार व्यवहार पर गर्व करते हुए हमारे पूर्वजों ने शिवतशाली विदेशी आक्रमणों से अपने धर्म, संस्कृति, सम्यता तथा देश को उनसे सुरक्षित रक्षा नहीं तो,

> यूनान मिस्र रोमां सब मिट गए जहाँ से । बाकी रहा है अब तक नामोनिशां हमारा ।। —इकबाल ।

हमको अपनी प्राचीन सत्ता पर गर्व करने का अवसर न मिलता। इस प्रकार हमारे पूर्वजों ने अनन्त काल से चली आई हुई इस संस्कृति को सुरक्षित रक्खा और किसी प्रकार संजोकर इस थाती को हमें अपित कर दिया। इस संबन्ध में यह मी उल्लेखनीय है कि हमने ही नहीं और लोगों ने भी इसी प्रकार विदेशियों से घृणा की जिसके द्योतक काफिर तथा देव शब्द हैं।

मारत में प्राचीन समय में वर्तमान प्रगाली पर इतिहास लिखने की प्रया नहीं थी। वे लोग नदवर मानव जीवन के इत्तांत को लिखने में विद्वास नहीं करते थे। अतएव आज प्राचीन विद्वानों तथा सम्राटों आदि के तिथि-निर्वारण करने में वड़ी कठिनता अनुमव होती है। हमारे बहुत से गिणितीय शब्दों का समय मुनिश्चित हो गया है जैसे केन्द्र, जामित्र, हरिज आदि यूनानी शब्द वराहमिहिर काल (४५० ई०) के शब्द हैं। इस तथ्य से हम अन्य कालिदास ब्रह्मगुष्त आदि अनेक विद्वानों का समय निर्वारण कर सकते हैं। ईसवी की प्रथम शताब्दी तक संख्यान तथा गणना शब्दों का गिणित अर्थ में प्रचार कम हो गया ग्रीर गणित शब्द का प्रयोग बढ़ गया था। अतएव कीटिल्य अर्थशास्त्र जिसमें इनका प्रयोग अधिक है निरुच्य ही ईमर्थी पूर्व का ग्रन्थ है।

कुसीद शब्द व्याज पर न्यया देने के वर्ष में तैतिरीयसंहिता में आता है। वृद्धि शब्द व्याज के वर्थ में पाणिनीय व्याकरण तथा कौटित्य अर्थशास्त्र में भी आता है अतः यह स्पष्ट है कि व्याज लेने की प्रथा भारतवर्ष में अत्यंत प्राचीन है। परन्तु

१. म्लेच्छ स्वयं यवनों (यूनानियों) से पूर्व की एक विदेशी जाति का नाम है। अतएय यूनानियों की म्लेच्छ कहा। बाद को जब मुसलमानों का आक्रमण हुआ तो उसी प्रकार उनको यवन कहने लगे। म्लेच्छ और यवन शब्द स्वयं चुरे नहीं हैं किन्तु विदेशी और प्राकामक जातियों के नाम होने से घृणास्पद वन गए।

अर्थात् दो भ्रमर कमल पर पराग रंजित हो रहे हैं, श्रेप के आधे सप्तम माग सिंहत किसी गजराज के गण्डस्थल पर मद का आनंद ले रहे हैं, यूथ का चौथाई भाग गुंजारता हुआ नवमिल्लका पर पहुँच गया। श्रेप केवल भ्रमरों का एक जोड़ा देखा गया। वताओ कुल कितने भीरे थे।

ये निर्भरा दिनदिनार्थतृतीयपष्ठैः

संपूरयन्ति हि पृयक् पृयगेवमुक्ताः ।

वापीं यदा यूगपदेव सखे विमुक्ताः

ते केन वासरलवेन तदा वदाशु॥ (लीला०)

वर्यात् एक भरना किसी वावली को एक दिन में, दूसरा आधे दिन में, तीसरा तिहाई दिन में और चौथा चौथाई दिन में पृथक्-पृथक् पूरा भर देता है तो यदि चारों निर्भर एक साथ चलें तो दिन के कितने भाग में वावली को भर देंगे।

आज अनैसांगक नागरिक जीवन हो जाने के कारण यही प्रश्न नल तथा होज के हो गए हैं।

त्रिभिः पारावताः पंच पंचिभः सप्त सारसाः

सप्तिमिनवहंसाश्च नवभिवेहिणस्त्रयः। राजपुत्रविनोदार्थे ज्ञात्वा मृल्यं यथोदितम्

शतेनैकेन रूपाणां जीवानां शतमानय ।। (पाटीगणित)

अर्थात् यदि पांच कवूतरों के दाम ३ रु०, ७ सारसों के दाम ५ रुपये, ६ हंसों के दाम ७ रुपये, ३ मोरों के दाम ६ रुपये तो राजकुमार के मनोविनोद के लिए १०० रुपयों में १०० पक्षी ले आइये।

अस्ति स्तंभतले विलं तदुपरि क्रीडाशिखण्डी स्थितः

ं स्तंभे हस्तनबोच्चिते त्रिगुणिते स्तंभप्रमाणान्तरम् । हण्ट्वाहि विलमाग्रजन्तमपतत् तियंक् स तस्योपरि ।

क्षित्रं ब्रूहि तयोविलात्कित करै: साम्येन गत्योर्यु ति: ।। (लीला०) अर्थात् एक लट्ठे के नीचे एक छेद हैं। लट्ठे की चोटी पर एक मोर बैठा हैं। लट्ठे की जंबाई ह हाथ है। एक सांप को लट्ठे की श्रोर लट्ठे से उसकी लंबाई की तिगुनी दूरी पर आते हुए देखकर मोर तियंगति से उसके ऊपर कूद पड़ा। उस की बीर सप की गित समान थी। बताओ लट्ठे से कितनी दूरी पर उसने सांप को पकड़ा।

यदि आज का युग होता तो मोर के स्थान पर जैट वायुयान और सांप के स्थान पर रिपुसैन्य होता । इससे पिछले प्रदन में भी आज के युग में राजकुमार न मालूम किन आधुनिक खिलौनों से खेलता ।

उपरोक्त वर्णन से ओसवाल्ड स्पैंग्लर की निम्न उनित सत्य ही प्रतीत होती है:— The type of mathematics found in any major culture

is a clus or key to the distinctive character of the culture taken as a whole.

अयित् गणित के प्रकार को देशकर किसी संस्कृति का प्रकार समझ में का जाता है अंगरेजी वैज्ञानिक वैत ने भी ठीक ही कहा है—

Mathematics affects and to some extent determines our civilization. The history of Mathematical thought is inter-related with the history of civilization.

बर्यात् गणित हमारी सम्यता का निदेशक है बतएव गणितीय विवासी का इतिहास मानव सम्पता के इतिहास से सह-संबद्ध है।

किसी ने सत्य ही कहा है:-- Mathematics is a mirror of civilization. अर्थान् गणित किसी सम्बद्धा का दर्गम होता है ।

जूत्स ब्लाक नामक एक फ्रेंच लेखक ने कहा था कि भारतीय शकावती की सब्दे बड़ी विशेषता यह है कि एसमें एक अंडि प्रार्थान काल से सातत्व वर्ता का रहा है। मैं केवल इसमें इतना और बढ़ाना चाहता है कि न केवल एसकी शक्यान वर्ती की यह विशेषता है वरन उस संस्कृति की मी यह विशेषता है।

#### अध्याय ४

# गणितीय श्ब्दावली का भाषाशास्त्रीय अध्ययन

प्रकरण १. गणितीय शब्दों की व्युत्पत्तियाँ

ब्युत्पित्त को संस्कृत में निरुचित, ब्युत्पित्त करने को निर्वचन तथा ब्युत्पित्त विषयक शास्त्र को निरुचत कहते हैं। यद्यपि यह छः वेदांगों में से एक वेदांग हैं किन्तु इस विषय पर प्राचीन काल से लेकर अभी तक बहुत थोड़ा-सा कार्य हुआ है। वास्तव में यह विषय भी बड़ा क्लिण्ट है। हम ही से यदि कोई पूछे कि आज से २००० वर्ष पूर्व के हमारे पूर्वज का क्या नाम था जिसकी वंश-परंपरा में हम उत्पन्न हुए हैं तो इस प्रश्न का उत्तर देना प्रायः असंमव है। जिस प्रकार हमारी वंश-परंपरा का इतिहास नहीं लिखा है, उसी प्रकार शब्दों का भी कोई कमबद्ध इतिहास नहीं लिखा है। फिर भी इस शास्त्र के प्रति अपनी रुचि बहुतों ने दिखाई है। कौटिल्य कहते हैं:—

"गुणतः शब्दनिष्पत्तिनिर्वचनम् — व्यस्यत्येनं श्रेयस इति व्यसनम्" (कौ० अर्थशास्त्र, पृ०, ४२६)

अर्थात् शब्द की इस प्रकार व्याख्या करना जिससे उसका अन्तर्गत भाव फिलक पड़े निर्वचन कहलाता है जैसे श्रेय अर्थात् कल्याण् से जो दूर हटाता है उसको व्यसन कहते हैं।

गरतनाट्यशास्त्र के पृष्ठ ३ पर 'शास्त्र' की ब्युत्पत्ति का उल्लेख है-- 'शास्त्रं पासनीपायात्' अर्थात् शासनीपाय होने के कारण शास्त्र शब्द बना ।

होरा शब्द को व्युत्पति वताने की वराहमिहिर की भी इच्छा हुई। वे महते हैं:--

होरेत्यहोरात्रविकल्पमेके वांछन्ति पूर्वापरवर्णनोपात् । कर्माजितं पूर्वभवे सदादि यत्तस्य पवितं समभिव्यनिकत ॥

वर्षात् अनेक आचार्यों के मत में होरा शब्द अहोरात्र शब्द से बादिम और

शिक्षा कल्पोऽय व्याकरणं निरुक्तं छन्दसां चयः ।
 व्योतिषामयनं चैव वेदांगानि पर्टंच तु ।।

२. बढ़ीदा प्रकादान ।

कि अंगरेजी का बाल शब्द दीवाल से बना है। मैंने पूछा 'दी' कहां चला गया उन्होंने कहां कि वह तो केवल आर्टीकिल था अतएव निकल गया। एक सज्जन अमृतवान को मृद-भांड का विकृत रूप कहने लगे। उन्हें यह पता नहीं था कि यह पहिले बंगाल के मर्तवान नामक नगर से आने के कारण उनत नाम से बोधित किया गया है।

अव गिएत के कुछेक शब्दों की व्युत्पत्तियों पर प्रकाश डाला जाता है। उत्कमज्या, शर:

अंगरेजी में जिसे हम वर्ष्ड साइन कहते हैं। संस्कृत में उसे हम उत्कमज्या अथवा शर कहते हैं। अंगरेजी के शब्द का वाच्यार्थ उल्टा साइन अर्थात है साइन अथवा कोसीकैट किंतु अर्थ है '१— कोसाइन'। इस उलटफेर को समक्षाने के लिए उनके पास कोई व्याख्या नहीं है, क्योंकि यह उत्कमज्या का अनूदित शब्द है, सतएव यह हमारा कर्तव्य है कि हम बतायें कि उत्कमज्या में क्या उत्कमता है। सूर्यसिद्धांत में बताया है कि राशि के अध्दम माग की ज्या अथवा जीवा का लगभग वही मान होता है जो चाप का। इसके उपरांत ६०° में २— रें अंश के अंतर पर २४ ज्याओं के मान निकाले हैं। ज्याओं के मान निकालने के उपरांत उसमें कहा है कि अंत की दो २ राशियों का अंतर लेकर उत्कम से रक्वे अर्थात् संतिम अंतर का मान ही प्रथम २ रें अंश की उत्कमज्या का मान होता है। इसी प्रकार अन्य उत्कमज्यायों भी निकाली जाती हैं। सूर्य-सिद्धांत के वे क्लोक निम्मलिखित हैं:—

राशिलिप्ताष्टमो भागः प्रथमं ज्यार्घमुच्येत । ततद्विभक्तलब्बोनिमिश्रितं तद्द्वततीयकम् ॥ रूपान्नि सागरगुणा वस्त्रान्निकृत बह्नयः।

प्रोज्भ्योत्कमेरा व्यासार्घादुत्कमच्यार्घपण्डकाः ॥

(स्पष्टाधिकार १५-२२।)

उक्त व्याख्या से उत्क्रमज्या शब्द अन्वयंक हो जाता है और अपनी संतित वर्म् इ साइन को भी अन्वयंक कर देता है। इस का आकार शर के समान होने के कारण इसको शर भी कहते हैं, देखिए आसन्त चित्र शर अ वाण जैसा ही लगता है। उत्क्रम- ज्याओं की सारणी दितीय माग में ज्या शब्द के संतर्गत दी हुई है।

### दिन, वार:

प्रारम्भ में दिन और वार दो दिनवाची पृथक् शब्द नहीं थे विल्क अकेले वार के स्थान पर दिनवार शब्द प्रयुक्त होता था। दिन का अर्थ है 'प्रकाश'। प्रकाश के वाद प्रस्वकार और अंघकार के वाद प्रकाश आता है इस प्रकार इस अनन्त कम में कालविशेष को जानने के लिए सात कमानुगत प्रकाशों के नाम ग्रहों के नाम पर रख लिये। ज्योतिष की माषा में ये शह दिनाधिषति देवता माने गए। अतएव सोमवार का अर्थ है उस दिन की वारी जिसका अधिषति सोमदेव है। इसी प्रकार इतवार का अर्थ है वह दिन जिसका अधिषति आदित्यदेव है। दिनवार शब्द का वराहमिहिर कृत प्रयोग निम्न इलोक में देखिये:—

दिनवार प्रतिपत्ति नं समा सर्वत्र कारणां कथितम् । नेहापि भवति यस्माद्विप्रवदन्तेऽत्र देवताः ॥ चुगणाद्विनवाराप्तिः चुगणोऽपि देशकाल संबंधात् ।

पुन: दिनवार के दो टुकड़े हो गए एक दिन और दूसरा वार । दोनों स्वतन्त्र रूप में मूल वर्ष के घोतक हो गए जैसे अधिवनीकुमार के दो टुकड़े होकर आश्विन और कुवार दोनों मूल वर्ष के घोतक स्वतन्त्र शब्द वन गए । इसी प्रकार वलीवर्द शब्द से वैल और वर्द दो पृथक् शब्द वन गए । हिन्दी के इन 'डविलट' शब्दों का एक वपना निजी इतिहास है ।

अंश शब्द चक्रांश का संक्षिप्त रूप है। राशिचक के ३६० भाग किये गए जोर प्रत्येक भाग को अतएव चक्रांश कहा गया जिसका संक्षिप्त होकर अंश रह गया। देखिये चक्रांश का प्रयोग:—

चकांशकैस्तद्नैरनुवकं तदिधकोनभागकला:।
मण्डलभागैस्तदूनै: प्राक् राक्षिपु चतुर्पृ वकम् ॥ (व्रा० स्फु० सिद्धान्त)।
'चकाशैरपहृतयोजनानि कोटि:'
(महाभास्करीय, पृ० १६)।

घात:

घात का अर्थ अव 'पावर' है पहिले इसका अर्थ था गुणा। पावर भी गुणा-संद्या की ही चांतक होती है। गुणा के पर्याय थे हनन, वध तथा घात और उस समय गुणा करने से वास्तव में गुण्य के एक-एक अंक का वब ही हो जाता था अर्थात् वे मिटा दिये जाते थे, अतएव गुगा को हनन, वध तथा घात शब्दों से व्यक्त करने लगे। पूर्ण प्रणाली-ज्ञान के लिये छुपया द्वितीय माग में गुणा शब्द का अवलोकन कीजिये। हिन्दी में इस परिवार के शब्दों में अब घात ही बचा है श्रेप भुला दिये गये। किन्तु ये शब्द प्रस्व पहुँच कर जरव (चांट पहुँचना) शब्द से अनूदित कर लिये गये और अरवी का यह शब्द आज भी अरव तथा भारतवर्ष में प्रचलित है। बटाना:

ब्युत्यत्ति की दृष्टि में बटाना' शब्द बहुन हिन्छ है क्योंकि यह बहु बातु से वना मानूम होता है जिममें घटन, मघटन आदि बब्द बनते हैं। किन्तु उनमें से किमी में बटाने का मजातीय अर्थ तक नहीं है। अन्वेषण् करने पर पता जला कि यह बहु बानु की प्रेर्णायंक (ग्लिजन्त) किया घाटयति से बना है। बाटयित का अर्थ हाति पहुंचाना है, इमी में हिन्दी शब्द 'बाटा' बना जिमका अर्थ है हानि। बाटे अयवा हानि में कमी होती है अत्युव बाटन का अर्थ 'कम होना' हो गया। संस्थ्य बाटन में हिन्दी में बटाना बना क्योंकि संस्थ्य में जिजन्त में प्राय: बा पहिले अवस्थ के बाद में किन्तु हिन्दी में किसी बाद के अबर के उपरांत लगता है जैंडे पातन (मंद) तथा गिराना (हिंद)। ऐसा प्रतीन होता है कि बादन मंस्थ्य बातन का प्राकृत कप होगा को बाद में संस्थ्यत ने अपना लिया। कोड्ना कप होगा को बाद में संस्थ्यत ने अपना लिया।

यह शक भी जुड बातु से बना है जुड का अर्थ है बांबना। जुड़ से जांडन बना। जोडन का पूर्व का पोजन था। साधारण जनना की मापा में 'योजन' का 'जोडन' बन गया। अतः जोड़ना रूप हिन्दी में प्रचलित हुआ और योजन इस अर्थ में नहीं जला। योजन' का सर्व प्राचीन अर्थ था रय बादि में बैन, बोड़े बादि का चोरना। जिनमें बैन जोते जाने थे उमको युग कहते थे जिसको आडकल 'जुजर' या 'जुआ' कहते हैं। बोनचान की मापा में प्राचीन 'योजन' को जोरना या जोड़ना आजनक कहते हैं। जैसे हम और बैन को जोड़ते हैं उसी प्रकार दो संस्थाओं को जोड़ने में भी उनको एक में दूसरे को मिलाने हैं। इस प्रकार कृषीय अयवा बाहन शब्दावती से गणित का यह प्रसिद्ध शब्द निस्मृत हुआ है।

देशांतर :

यह शब्द 'देश कालान्तर' शब्द से मध्यम पट लोगी समास होकर बना है। काल शब्द का लोग हो गया। एक निविष्ट देश के काल से अन्य देशों (स्थानों) का कालों का अन्तर करके ही हम अन्य देशों का देशों नर निकालते हैं। इंगलैंड के ग्रीनिव नगर को निविष्ट देश (स्थान) मानकर अन्य स्थानों के देशों तर (Longitude) निकालते हैं। श्रीनीन काल में उच्जियनी को निविष्ट देश मानते हैं। र्वांग में काशों के मापेश अन्य स्थानों का देशांतर दिया रहता है। देखिये:—

र्लकामात्स्यपुरावन्तिस्यानेश्वरमुरालयान् । अवगाह्य स्थिता रेवा देवान्तरविद्यायिनी ॥ (तबुमास्करीय, पृ॰ म)

थोजन दूरों का भी एकक या । बैल या बोड़े एक पुण में जुत कर बिना खोले हुए जितनी दूर बले जाते थे, उनको योजन कहते थे ।

ग्रयात् गून्य देशान्तर वाली रेखा पहिले लंका, उज्जैन तथा थानेश्वर से होकर जाती थी। देशान्तर के लिए महामास्करीय, (पृ० २१३६ ई०) में देशकाल विवर शब्द ग्राया है, विवर का अर्थ 'अन्तर' होता है। अतएव उक्त ब्युत्पित्त की पृष्टि होती है।

इस प्रकार गणितीय शब्दों की व्युत्पत्तिविषयक अव्ययन सम्भवतः यह प्रथम ही है। इस प्रकार की रोचक व्युत्पत्तियों से यह ग्रंथ ओतप्रोत है। अतः और अधिक उदाहरण देने से क्या लाम। पाठकगण स्वयं ही ग्रंथ में यथास्थल इन व्युत्पत्तियों को देखने की कृपा करेंगे।

# प्रकरण २. गणितीय शब्दों के प्राचीन प्रयोग

गणित भारत के प्राचीनतम शास्त्रों में से एक है अतएव उसके प्रयोग भी प्राचीनतम क्यों न हों। नीचे कुछ प्राचीन प्रयोग दिखाये जा रहे हैं:—-

संख्यावाचक शब्द — संख्यावाचक शब्द ऋग्वेद में ही मिलते हैं। देखिए:— द्वादश प्रधयश्चक्रमेकं त्रीणि नम्यानि क उत्तिचिकेता तस्मिन्साकं त्रिशता न शंकवोऽपिताः पश्टिनं चलाचलासः ॥४८॥

इस मन्त्र में वारह के लिये द्वादण तथा तीन सी के लिये त्रिशत् तथा साठ के लिये पिट्ट शब्द आये हैं। यजुर्वेद के निम्नलिखित मंत्र में दस खरव तक की संख्याओं का उल्लेख है। यथा:—

इमा मे अग्न इप्टका धेनव: सान्त्वेका च दश च दश च शतं च शतं च सहस्रं च सहस्रं चायुतं चायुतं च नियुतं च नियुतं च प्रयुतं चार्युदं च न्यवुदं च समुद्रश्च मध्यं चान्तश्च परार्वंश्चैता मे अग्न इप्टका धेनव: सन्त्वमुत्रास्मिंल्लोके।

(यजु० १७।२)

#### संस्या :

संख्या शब्द का प्रयोग भी अत्यन्त प्राचीन है। यह सबसे पहले शतपथ ब्राह्मण में मिलता है। यथा :—'कैतासामसंख्यातानां संख्येति' अर्थात् ब्रह्मा के उस ग्रनन्त रेत की संख्या क्या है ?

# गणित:

गणित शब्द निम्नलिखित वेदांग ज्योतिष के श्लोक में सर्वप्रथम प्रयुक्त हुआ है:—

यथा शिखा मयूराणां नागानां मणयो यथा तहद्, येदांगशास्त्राणां गणितं मूह्ति वर्तते । ज्ञून्य :

गणितीय अर्थ में जून्य जब्द का प्रयोग सर्वप्रयम पिंगल छन्दःशास्त्र में हुआ है। यथा:—'रूपे जून्यं' रूपे अर्थात् एक घटाने पर जून्यं अर्थात् जून्य चिह्न लगायें। 'हि: जून्ये' अर्थात् जहाँ-जहाँ सून्य चिह्न हो वहाँ दो से गुणा करें। सिन्तः

भिन्न बद्द का गणितीय अर्थ में प्रथम प्रयोग देदांग ज्योतिप के निम्नलिखित इनोक में हुआ है:---

त्र्यंशो मशेषो दिवसांशमागश्चतुर्दशस्याष्यपनीय मिन्नम् भार्षेऽविके चाविगते परेशे बृतमैकं नवकरवेत्य ।२७॥

वंश :

च्या :

अंश शब्द भी वर्तमान वर्ष में उक्त श्लोक में सर्वप्रयम आया है। वर्ग :

वर्ग झब्द पंक्ति के अर्थ में गिएतिय प्रसंग में झुल्व सूत्रों में सर्वप्रयम देखने को मिलता है:—

यावस्त्रमाणा रज्जुर्मवित तावन्तस्तावन्तो वर्गा भवन्ति । यहाँ वर्गका अर्थ पंक्ति तया किन्हीं के मत में एकक वर्गमी है।

त्रिकोणमितीय ज्या के अर्थ में ज्या का प्रथम प्रयोग सूर्यसिखान्त के निम्न-लिखित इलोक में आया है:---

राजिलिप्ताष्टमी मागः प्रयमं ज्यार्धमुख्यते ।

इसी ज्यार्ध शब्द का संक्षिप्त होकर ज्या शब्द वन गया। वैसे ज्या शब्द वैदिक है। वहाँ इसका अर्थ प्रत्यंचा है। बाद को उसका अर्थ जीवा और पुन: अंत में निकोणमितीय ज्या हो गया। ऋण, धन:

ऋण और वन बब्द सर्वप्रयम ऋग्वेद में मिलते हैं :— जाया तप्यते कितवस्य हीना माता पुत्रस्य चरत: क्वस्वित् ऋगावा विम्यद्धनमिच्छमानोऽन्येषामस्तमुपनक्तमेति ।

ये ही साबारण वन ऋण शब्द बाद में गणित के पारिमापिक शब्द वन गये।

इस प्रकार के प्राचीन प्रयोगों का इस ग्रंथ के द्वितीय भाग में सर्वत उल्लेख किया गया है। आजा है पाठकगण इसको देखकर अपने गिएत तथा अपनी सम्यता की प्राचीनता का असुमान लगाकर आनन्दिवसोर हो जायेंगे। प्रकरण ३'. गणितीय शब्दों के अर्थ विकास की एक झलक गणित:

गणितीय शब्दों के अर्थ विकास का इतिहास बड़ा रोचक है। इसका विशद वर्णन द्वितीय भाग में है। नीचे उदाहरणार्थ कुछ, शब्दों का अर्थ विकास दिखाया • गया है:—

गणित राज्य वेदों में नहीं आया और न गण धातु का कोई प्रयोग वेदों में मितता है। किन्तु गण शब्द समूह अयवा कवीले के अर्थ में वेदों में वाहुल्य रूप से निलता है। केवल गण चालु से बना हुआ गण्या मही के विशेषण के अर्थ में आता है जिसका अर्थ सामण ने पूजाई किया है। हो सकता है कि यह गण घात से ही निस्सत हो। किन्तु गण राज्य कवीले का वावक होने से गराना से पहले के भाव का छोतक है बत: सम्भव है बाद में गणों के गिनने की आवश्यकता पड़ी हो, अतएव गण घानु की कल्पना की गई हो। बाजसनेयि संहिता में गराक राज्य मितता है। अतएव उस काल तक की गण धातु की कल्पना अवस्य हो चूकी घी। फिर भी क्त प्रत्ययान्त रूप 'गिएत' देदांग ज्योतिष में ही सर्वप्रथम देखने को मिलता है, जहाँ इसना अर्थ ज्योतिष है। इस गणित का आदिन रूप नक्षत्र-विद्या ही रही होगी जिसका उल्लेख द्यान्दोग्दोगितपद् वाली नारद सनत्क्रमार कथा में आया है। बाद को गणित तथा ज्योतिप तब्द नक्षत्र विद्या के स्थान पर प्रयुक्त होने लगे। यद्यपि संहिता-काल में गणक शब्द के मिलने से यह प्रतीत होता है कि कुछ साधारण गणना ज्योतिषी लोग कर निकले होंगे किन्तु शास्त्र के रूप में वेदांगज्यीतिष काल में ही इसका प्रयोग देखने को मिलता है। देदांगच्योतिय में भी गणित का अर्थ ग्रह-गणित अपना ज्योतिष ही था। विरुद्ध गणित के अर्थ में संख्यान सब्द का प्रयोग होता था। दैनियों के घानिक पंघों में गणितानुयोग नामक एक अनुयोग था। जैन काल में ही ३०० ई० पूर्व के लासपास गणित विजुद्ध गणित के अर्द में प्रयुक्त होने लगा। बझाली पांडुलिपि में, आर्यभटी के गणितपाद शब्द में गणित विश्व गणित के अर्थ में आया है। यद्यपि क्षेत्रगणित इसमें सम्मिलित था। स्पष्ट है गणित अब ज्योतिय से पृयक् सत्ता रखने लगा ।

# करणी:

शुत्वकाल में करणी राब्द का अयं था करने वाली अर्थात् वेदी की रकता करने वाली। रचना करने वाली रस्ती हुआ करती थी। इसी को अक्ष्या रज्जु अथवा अध्याकरणी कहते थे। बाद को करणी का अयं रज्जु हो गया। इससे वर्गाकार वेदी की भुजा बनती थी अतएव उसका अर्थ वर्ग की एक भुजा हो गया। पुनः वर्ग बनाते-बनाते करणी का अर्थ वर्ग मी हो गया। इसके उपरान्त उस संख्या के लिये यह अब्द अपुनत होने लगा जिसका वर्ग-मूल पूरा न निकल सके। किन्तु जो बर्ग की एक भुजा द्वारा निरूपित किया जा सके। घर्ग :

वर्ग शब्द शुल्व काल में पंक्ति के प्रथं में या तथा आधुनिक वर्ग के अर्थ में समचतुरस्र शब्द चलता था। जहाँ कोई भ्रम न हो वहाँ अकेला चतुरस्र शब्द भी वर्ग के अर्थ में प्रयुक्त किया जाता था। वर्ग की भुजाओं में एकक मान की दूरी पर उतने वर्ग वन जाते थे जितनी एकक लम्बी वर्ग की एक भुजा हो। इन्हीं एकक वर्गों से वाद में वर्ग शब्द सम-चतुरस्र के स्थान में प्रयुक्त होने लगा। इसके उपरान्त संख्यात्मक वर्ग मी किसी संख्या को उसी संख्या से ही गुणा करने पर आता है। इसी प्रकार वर्ग का क्षेत्रफल भी भुजा को भुजा से ही गुणा करने पर आता है। अतएव मंख्यात्मक वर्ग के लिये वर्ग शब्द ही प्रयुक्त होने लगा। इसी प्रकार चन शब्द मी पहले ठोस के अर्थ में था बाद में अंकगिएतीय अर्थ में भी प्रयुक्त होने लगा। इसी प्रकार चन शब्द भी वहले ठोस के अर्थ में था बाद में अंकगिएतीय अर्थ में भी प्रयुक्त होने लगा। इसी प्रकार चन शब्द भी वहले ठोस के अर्थ में था बाद में अंकगिएतीय अर्थ में भी प्रयुक्त होने लगा।

सावारण मापा में इनका अर्थ वाण था। किन्तु कात्यायन गुल्व सूत्र में यह इपु शब्द समद्विवाहु त्रिभुज के शीर्प-लम्ब के लिये प्रयुक्त होने लगा। यह भी वारा

के आकार का ही होता है। बाद को जीवा के एक भाग के लिये प्रयुक्त होने लगा। यह भी वाण जैसा ही दृष्टिगोचर होता है जैसा कि आसन्न चित्र में दिखाया गया है। क ख बार है। जब ज्या सूर्य-सिद्धान्त में



विकोणिमतीय अर्थ में प्रयुक्त होने लगा तब शर शब्द उत्क्रम ज्या के अर्थ में आगया क्योंकि इसका मान क ख ही रहा।

#### चाप:

पहले चाप बनुप का विशेषणा था अर्थात् चाप नामक बांस विशेष से विनिर्मित, जैसे शाड्री का अर्थ था श्रृंग का बना हुआ । किन्तु वाद में चाप का अर्थ धनुप हो गया। धनुपाकार होने से वृत्त की परिधि के एक अंश को मी चाप कहने लगे। इसी प्रकार जीवा धनुप की प्रत्यंचा के आकार के होने के कारण जीवा कहलाने लगी। त्रिकोणिमतीय भाव में किन्तु जीवार्थ शब्द चला जिसका संक्षिप्त रूप ज्या ही रह गया।

#### दगाज :

व्याज शब्द प्रारम्भ में छल के अर्थ में था। पुन: छल करने के निमित्त राजा को अन्नादि के लेने में जो हानि होती थी उसकी पूर्ति करने के लिये जो ऊपर से और मुद्वी भर अन्न डाल दिया जाता था उसको व्याजी कहते थे। इसी प्रकार राजा के लिए यदि गरम घी खरीदा जाता था तो तप्तव्याजी नामक एक क्षतिपूरक कर के रूप में राजा को थोड़ा और घी दे दिया जाता था। इसका उल्लेख कौटिल्य अर्थ-शास्त्र में मिलता है। बाद को यह शब्द इस अर्थ में संस्कृत साहित्य में प्रयुक्त नहीं हुआ। केवल प्रादेशिक बोलियों में गुजरात की तरफ व्याज शब्द सूद के अर्थ में प्रमुक्त होता रहा। गणित तिलक की टीका में पुन.सिहतिलक सूरि ने इसे संस्कृत में प्रविष्ट किया। इस प्रकार व्याज का अर्थ सूद हो गया। अब प्रायः सभी हिन्दी भाषी क्षेत्रों में इसका प्रयोग सूद के अर्थ में होता है। क्षेक:

यह शब्द सर्वप्रथम आंकड़ें (हुक) के अर्थ में प्रयुक्त होता था। आंकड़ा मी देखा होता है। देखिये ऋग्वेद का मंत्र:---

यन्नीक्षर्णं मास्पचन्या उखाया या पात्राणि यूष्ण आसेचनानि । ऊष्मण्या पिद्यानां चरूणामंकाः सूना परि भूषयन्तश्वम् । (अर्थ द्वितीय भाग में देखिये)

अंक से बना हुम्रा अंकस शब्द है जिसका अर्थ ऋग्वेद में (४।४०।४) में वक अथवा सड़क की मोड़ है। अंक का अर्थ वाद में चिह्न हो गया। पहले पशुओं के दागने के अर्थ में प्रयुक्त किया जाता था। कीटिल्य अर्थशास्त्र की निम्न पंक्ति अवलोकनीय है:—

मासिंद्वमासजातानंकयेत् । अंकं चिह्न' शृंगान्तरं च लक्षणमेवमुपजा निवन्चयेत्।

इस काल में चिह्न प्राकृतिक चिह्न को कहते थे तथा अंक दागने के चिह्न को कहते थे। अंक शब्द सील के अर्थ में भी प्रगुक्त हुआ। पथा:—

कृतनरेन्द्रांकं शस्त्रावररामायुवागारं प्रवेशयेत् । (कौटिल्य०)

सील में राजा के नाम के अक्षर होते हैं अतः उसके लिए अंक शब्द प्रयोग किया गया। संख्याओं के अंक संख्याओं के चिह्न ही होते हैं। अतः अंक आधुनिक अर्थ में प्रयुक्त हुआ। संख्याओं को चिह्नित करते-करते अंक का अर्थ संख्या भी हो गया। जैसे अंकगिएत तथा गुणांक शब्द में। अंक का एक अर्थ अक्षर मी है। अंक तथा अक्षर दोनों चिह्न विशेष हैं तथा वक्रों से ही बने हैं। तुलसीदास जी ने इस अर्थ में इसका निम्नलिखित चौपाई में प्रयोग किया है:—

जरत विलोकें जवहि कपाला। विधि के लिखे अंक निज माला।।

यदि देखा जाय तो अंक मोड़ों का ही एक शास्त्रीय तथा विशिष्ट विकास है। इसी प्रकार गणितीय शब्दों का क्रमिक अर्थ विकास को दिखाने का इस ग्रंथ में प्रयत्न किया गया है। पाठकगण इसे द्वितीय भाग में यथास्थल देखने का कष्ट करेंगे।

- १. शब्द जहां तक हों छोट तथा मुस्लिप्ट होने चाहिये। अतः उनको प्रायः मध्यम-पद-लोगी ममाम का आश्रय लेना पड़ा। जैसे देशान्तर शब्द देशकालात्तर में बना है जिसमें मध्यमगढ़ काल का लोग कर दिया। शब्द को यों भी संक्षिप्त कर देने ये जैसे कान्ति के लिये आयेमटू ने 'अपक्रम' शब्द प्रयुक्त किया अतए कान्ति-वृत्त के लिए अपक्रम मंडल होना चाहिए या, लेकिन उन्होंने इसको संक्षिप्त करके अपमण्डल कर दिया। चक्षांय को भी मंक्षिप्त करके अंग शब्द से व्यक्त करने लगे।
  - २. यथामम्मद शब्द अन्दर्यक होने चाहिये। प्राचीन शब्दों में यह गुण वहुन अधिक मात्रा में देखने को मिलना है। मिलन (ह्रदा हुआ), हर (माग देने दाला), अंक (चिह्नित करने दाला), दीजगिरान, समीकरण, देशांतर, अक्षांग, आदि शब्द अधिकतर अन्दर्यक हैं। कृपया उनकी अन्दर्यकता जानने के लिये इनकी ब्युल्याचियों को हिनीय माग में यथाम्यल देखिये।
  - ३. कमी-कमी जब माद बहुत क्लिप्ट हो तो उसको यों ही किसी याडिच्छिक शब्द से व्यक्त कर देते थे। जैसे महाबीराचार्य ने लघुत्तमसमापवस्य को निरुद्ध शब्द से व्यक्त किया।
  - ४. यदि कोई विषय विदेश में लिया हो तो उस विषय के वस्तु एवं नाम सम्बन्धी नाम नये बनाने की आवश्यकता नहीं। जैसे फलित ज्योतिष में वर्षफल पद्धति जब फारम में अपनाई गई तो नीलकोट जी ने ताजिक नीलकोटी में योगों के नाम नये नहीं बनाये बस्कि उन्हीं के शब्द ले लिये। उनके स्थान पर अपने नाम गढना व्यर्थ या।
  - ५. यदि विदेशी शब्द छोटे और मुन्दर ही तथा अपने जब्दों से मेल खाते हीं एवं वे किसी क्लिप्ट कल्पना के बाचक ही तो उनके लिए अपने शब्द बनाना ब्यर्थ है। उनकी अपना लेने में कोई हानि नहीं। जैसे केन्द्र तथा होरा शब्द प्राचीन भारतीय ज्योतिय ने प्रपना लिये।
  - ६. संदिखता दांप का निवारण करना चाहिए। संदिख्य और अथवार्य भवतों की अपेक्षा विदेशी शब्द अच्छे होते हैं। जैसे केन्द्र के लिए पहले मध्य शब्द प्रचलित या किन्तु मध्य शब्द में केन्द्र में सन्तिहित माग भी ममझा जा सकता था, अतएव मध्य के स्थान पर केन्द्र शब्द ग्रहण कर लिया। केन्द्र का मूल यूनानी शब्द केन्यान नुकीली परकार के अर्थ में था। परकार से छिदे हुए विन्दु को मी कैन्यान कहते थे। अतः वह मध्य की अपेक्षा केन्द्र के लिए अधिक उपयुक्त था।
    - ७. हम विदेशी शब्द आवश्यकतानुसार ग्रहण कर लें किन्तु उनका व्याकरण हीं । अलवस्त्री ने वैराशिक का राशिक शब्द तो ने लिया किन्तु उसका बहुवचन

राशिकात बनाया और इस प्रकार अपनी पुस्तक का नाम 'फीराशिकातअलिहन्द' रखा।

द. विदेशी शब्दों के अपनाने में अनुपात का घ्यान रखना अत्यन्त श्रावश्यक है। वराहमिहिर ने यूनानी विषय रोमक सिद्धान्त, पोलिश सिद्धान्त श्रादि भी प्रतिपादित किए। किन्तु पूरी पंच सिद्धान्तिका में १० शब्दों से अधिक यूनानी शब्द ग्रहण नहीं किए। इसी प्रकार नीलकण्ठ ने ताजिक नीलकंठी पारसीक पद्धति के आधार पर लिखी फिर भी फ़ारसी शब्द पचास से अधिक नहीं लिए होंगे। यदि उचित अनुपात में विदेशी शब्द अपनी भाषा में अपनाये जायें तो वे पच सकते हैं। किन्तु यदि दस हिन्दी शब्दों में तीस अंगरेजी शब्द मिला दिये जायें तो वे पचाये नहीं जा सकते। उनके योग से एक विचित्र माषा बनकर तैयार हो जाती है जिसको अपनी भाषा कहना किसी मी देश तथा जाति के लिए गौरवप्रद नहीं हो सकता। आजकल की हमारी वोलचाल की भाषा कुछ ऐसी ही है। यथा:—

"कल सिनेमा के सेकेंड शो में गए थे। इन टाइम पहुँचे। टिकट विण्डो पर वड़ा रश था। बड़ी डिफीकल्टी से टिकट लिया और हौल में एंटर हुए। स्मोकिंग की वजह से तमाम एटमास्फीयर खराब हो रहा था। उघर थर्डक्लास जैन्ट्री हूटिंग कर रही थी। हाल बुरी तरह पैक्ड था किन्तु जैसे ही न्यूच रील खत्म हुई और पिक्चर स्टार्ट हुई कि पिनड्राप साइलेंस हो गई।"

बहुत से लोग इसी प्रकार की वैज्ञानिक भाषा वनाना चाहते हैं।

६. प्राचीन परम्परावादी पुरुष नए शब्द बिल्कुल नहीं वनाना चाहते और यद्यपि नये भाव प्राचीन शब्दावली की अपेक्षा दूनी मात्रा में भी हों तो भी उन्हीं शब्दों के संयोगों से उन भावों को व्यक्त करना चाहते हैं और उनके लिए नए छोटे शब्द नहीं बनाना चाहते । इस प्रकार की लम्बी शब्दावली कभी समाद्रत नहीं होती और अतएव चिरस्थायी नहीं होती । देखिए सम्राट् जगन्नाथ के निम्नलिखित लम्बे शब्द अब नए छोटे शब्दों से प्रतिस्थापित कर दिये गये हैं:—

छेदित-घनक्षेत्र (समपार्व), सूचीफलकशंकुघनक्षेत्र (सूचीस्तम्भ), समानान्तर-धरातलघनक्षेत्र (समांतरफलक), समतलमस्तकपरिधि (वेलन), मस्तकपरिधि (शीर्षलंब), समकोणसमचतुर्भुं ज (वर्ग), चापकर्णं (जीवा)।

१०. शब्दावली को जनसाधारएा की माषा से बहुत दूर नहीं जाना चाहिए। कभी-कभी साधारण भाषा के शब्दों में ही विशिष्ट अर्थ निहित कर देने से वे ही पारिमापिक शब्द वन जाते हैं। जैसे शून्य, रेखा, विन्दु, खंड, गणना, समान्तर, अन्तर, योग, वियोग, भाग, भिन्न, वर्ग, घन आदि। वैदिक तथा ब्राह्मण शब्दों की

सूचियों को जो ऐतिहासिक अध्ययन के अध्याय में दी हुई हैं देखिए। इनके देखने से पता चलेगा कि गणित ने अनेक साधारण मापा के शब्दों को अपना रखा है।

- ११. प्राचीन शब्दावली के अध्ययन से पता चलता है कि प्रत्येक लेखक ने अपने समय से पूर्व की शब्दावली को पूर्णरूप से अपनाया है, तथा केवल नए भावों के लिये ही नए शब्द बनाए। यों ही विना आवश्यकता के नवीन शब्द सुजन करने का किसी को चाव नहीं था। बहुत से लोग यों ही नए शब्द गढ़कर पुत्रजन्य के सुख का अनुमव करते हैं।
- १२. शब्दावली व्याकरगा-सम्मत तथा कोश-सम्मत होनी चाहिए। इसी कारगा प्राचीन गणितीय शब्दावली इतनी अधिक चिरस्थायो तथा समाहत हुई।
- १३. केवल प्राचीन होने से ही शब्द ग्रहण योग्य नहीं हो जाते, जब तक कि वे उस समय की भाषा की प्रकृति के अनुरूप न हों। देखिए वैदिक काल तथा शुल्वकाल की कितनी शब्दावली वाद में वदल गई। भाषा को सामयिक होना आवश्यक है। अगुत, नियुत्त तथा प्रयुत वाली वैदिक संख्या-शब्दावली को जीवित रखने का हिन्दू गणितज्ञों ने अथक प्रयत्न किया किन्तु अन्त में सफल नहीं हुए और दस सहस्र, लक्ष, दस लक्ष तथा कोटि शब्द उनके स्थान पर आ ही गये। कवि-कुल गुरु कालिदास की निम्न उक्ति इस प्रसंग में स्मरणीय है:—

पुराणिमत्येव न साधु सर्वम्, न चापि सर्वं नविमत्यवद्यम्। सन्तः परीक्ष्यान्यतरद् मजन्ते, मूर्खाः पर प्रत्ययनेयवृद्धिः॥

१४. विदेशी शब्द को अपनाते समय यह देखते थे कि यदि शब्द छोटा हो और अपनी मापा में उच्चारणीय हो तो उससे मिलते-जुलते किसी अपने शब्द में उनत अर्थ लिख देते थे। जैसे अरव वालों ने जीवा के अर्थ को अपने जेव (कपड़े की) शब्द के आगे रख दिया। यदि कोई ऐसा शब्द न मिले तो द्विन साम्य पर अपनी भाषा में वैसा ही एक नया शब्द वना लेते थे और उसका अर्थ वही रख देते थे जो कि विदेशी शब्द का हो। जैसे कैंत्रान का केन्द्र, द्रावमे का द्रम्म तथा होराइजन का हिएज। यदि शब्द वहुत ही छोटा हो और अपनी भाषा से मिलान खाता हो तो ज्यों का त्यों भी ले लेते थे। जैसे यूनानी शब्द होरा ले लिया गया। यदि शब्द वित्कुल अग्रहणीय हो तो उस शब्द के मूर्त अर्थ अथवा विज्ञानेतर अर्थ का अनुवाद कर लेते थे। जैसे अरवी शब्द जेव का योरोपीय भाषाओं में साइनस शब्द से अनुवाद कर लिया। दोनों का मूर्त अर्थ (वृज्म आफ दो गारमेंट' था। यदि वैज्ञानिक अर्थ रल हो और अनुदित हो सकने योग्य हो तो अनुदित भी कर लेते थे। जैसे त्रैरीशिक

नियम शब्द को 'रूल आफ दी थ्री' से अनुदित कर लिया गया। हिन्दी की वर्तमान गणितीय शब्दावली का उक्त नियमों के अनुसार अगले प्रकरण में अध्ययन किया गमा है।

प्रकर्ण ५. वर्तमान गणितीय शन्दावली में विदेशी भाषाग्रों के शब्द समध्वनिक शब्द:

अंगरेजी तथा अन्य विदेशी भाषाओं के कुछ शब्दों का केवल ध्वित साम्य के आधार पर हिन्दी में अनुवाद किया गया है। अनुवाद कर लेने के पश्चात् उनमें सेकुछ शब्दों के संस्कृत के आधार पर अर्थ भी निकाल लिए गए हैं। इस प्रकार के कुछ शब्द नीचे दिए जा रहे हैं:—

अपेरण	Abberation	मितकेन्द्र	Meta Centre
लघुगणक (लघुरिक्य)	Logarithm	सर्पिल	Spiral
परवलय	Parabola	फलन	Function
दशमलव	Decimal	अन्वालोप	Envelope
ज्यामिति	Geometry	त्रिको एमिति	Trigonometry
निष्पत्ति (निस्वत)		सममिति	Symmetry
परिमिति	Perimeter	अन्तराल	Interval
केन्द्र	kentron	अन्तरि <b>म</b>	Interim

उपरोक्त शब्दों में से कुछ ध्वनिसाम्य तथा अर्थ साम्य दोनों पर ही आधरित हैं, जैसे परिमिति, समिति, अन्तराल तथा अन्तरिम शब्द ।

लघुगणक के लिये महामहोपाध्याय सुघाकर द्विवेदी ने अपने गणित के इतिहास में लघुरिक्य शब्द बनाया था। रिक्य पैतृक धन को कहते हैं इसका अर्थ नितान्त अप्रासंगिक समभकर बाद में इसे लघुगणक कर दिया, जिसका अर्थ है लघु रीति से गणना कर देने वाला अर्थात् शीघ्र वड़े-वड़े गुणा भाग तथा घात गणना कर देने वाला। वास्तव में इसकी सहायता से चक्रवृद्ध व्याज के लम्बे-लम्बे प्रश्न भी घीघ्र निकल आते हैं तथा इसी प्रकार अन्य लम्बी-लम्बी गणनार्थे भी। तिलोकसार में नेमिचन्द्र जैन ने अर्धच्छेद शब्द इससे कुछ मिलते-जुलते अर्थ में प्रयुक्त किया था जैसे आठ के तीन अर्धच्छेद हो सकते हैं। अर्धच्छेद का अर्थ प्रधियाना है अर्थात् आठ तीन बार अधियाये जा सकते हैं। डा० रघुवीर ने इसी आधार पर छेदा शब्द लघुगणक के लिये बताया था।

सममिति का अर्थ है समान मिति अथवा सम-मित का भाव । कोई वक तव किसी रेखा के प्रति सममित होता है जब इस रेखा के इधर-उधर के दोनों माग विलकुल एक से हों।

फंनशन का पर्याय फल ही पर्याप्त था। जैसे जनसंख्या-वृद्धि, जन्मदर, मृत्युदर तथा प्रव्रजन का फल है। ध्वनिसाम्य के कारण तथा फल के अनेकार्यक होने के कारण इसको फलन कर दिया गया।

त्रिकोणिमिति शब्द बापूदेव शास्त्री ने (सन् १८२१ ई०) बताया था। उन्होंने त्रिकोणिमिति नामक ग्रन्थ लिखा था। मिति किसी शब्द के आगे विद्या के अर्थ में लगाया जाता है। उर्दू में भी त्रिकोणिमिति को इल्मे मुसल्लस कहते हैं। त्रिगोन, त्रिकोण तथा मुसल्लस त्रिभुज के पर्यायवाची शब्द हैं।

कुछ समासयुक्त पदों का एक शब्द व्विन साम्य पर तथा दूसरा अर्थ साम्य पर वना है जैसे हाइपरवोला के लिये अतिपरवलय शब्द है। अति उपसर्ग का अर्थ अंगरेजी के हाई के समतुल्य है।

## कोरे शब्दानुवाद :

कुछ शब्द कोरे शब्दानुवाद हैं। जैसे अंगरेजी के एक्सप्रेशन के लिये हिन्दी का व्यंजक शब्द अथवा इनिश्या के लिये जड़त्व। इनिश्या का अर्थानुवाद अवस्थितित्व है। वयोंकि जड़ता में केवल जड़ रहने का ही अर्थ है किन्तु इनिश्या शब्द में यदि चल रहा हो तो चलता ही रहे और जड़ हो तो जड़ ही बना रहे, ये दोनों अर्थ सम्मिलत हैं। अंगरेजी के न्यूटरल का उदासीन, इंट्रिसिक का नैज तथा क्यूवाइड का घनाभ कोरे शब्दानुवाद हैं। नीचे इस प्रकार के कितपय और शब्द दिये जा रहे हैं:—

चिनकण बक Smooth curve प्राकृत (लघुगणक) Natural logarithm उचित भिन्न Proper fraction केशाकर्षण Capillary attraction सदिश त्रिज्या Radius vector

इसमें कोई संदेह नहीं कि विदेशों से भी भारत में कुछ शब्द फलित ज्योतिय के संवंघ में आए। यूनानी शब्द 'कैंत्रान' यहां आकर केंद्र वन गया। सबसे पिहले यह ज्योतिपीय शब्द ऐनामली के अर्थ में प्रयुक्त हुआ था। पुनः यह ज्यामितीय होने लगा। यूनानी शब्द 'आपो केंद्र के अर्थ में भी प्रयुक्त विलम' मेपूरण, हरिज, द्रोष्काण तथा फारसी अरबी के ईसराफ, ईक्कवाल, इंदुवार (अदवार), रह्योग, इत्थशाल, तम्बीर आदि अनेक शब्द ताजिक नीलकंठी में मिलते हैं। यूनानी शब्द वराहमिहिर ने तथा फ़ारसी एवं अरबी के शब्द नीलकंठ ने अपने ग्रंथ में ग्रहण कर लिए। हमारा वाम शब्द भी यूनानी शब्द'द्रावमे' है जिससे संस्कृत में द्रम्म शब्द बना तथा द्रम्म से हिंदी में दाम बना । यह चाँदी का एक सिक्का था जो कनिष्क तथा हविष्क के समय में बहुत चलता था। आर्यभट्ट ने भी दो एक यूनानी शब्द लिए जैसे शनैश्चर के लिए उनका कोण शब्द, तथा होरा शब्द । इस सम्बन्ध में यह ज्यान देने योग्य बात है कि जिन विदेशी शब्दों को मारतीय लेखकों ने अपनाया उनका मारतीयकरण अवश्य किया। मूल रूप में केवल वे ही शब्द लिए जो संस्कृत में चल सकते थे। जैसे यूनानी कैंत्रान शब्द केन्द्र बनाकर ही ग्रहण किया न कि कैंत्रान के रूप में। ज्ञान-विज्ञान के क्षेत्र में इस प्रकार का आदान-प्रदान चलता था और इसमें हमारे पूर्वज अपनी सानहानि नहीं समझते थे। भारतीयकरण करके विदेशी शब्द ऐसे रचपच जाते थे कि वे विदेशी लगते ही नहीं थे और इस प्रकार सुदीर्घकाल तक प्रयोग में चलते रहे, नहीं तो थोडे काल के उपरान्त ही दूसरे लेखक उन्हें ग्रहण नहीं करते थे। सम्राट जगन्नाथ ने फ़ारसी 'निस्वत' शब्द को निष्पत्ति वनाकर ग्रहण किया जिसे अब बहुत कम लोग विदेशी समझते हैं, विल्क उल्टे निस्वत को ही निष्पत्ति से निस्सृत मानते हैं। आजकल के बहुत से विद्वान विदेशी शब्दों को ज्यों का त्यों लेने के पक्ष में हैं। उन्हें इन प्राचीन विद्वानों से शब्दावली-रचना के नियम सीखने चाहिए। वे लोग विषय तथा माषा दोनों के ही विद्वान थे अतः उनका दिखाया हुआ मार्ग ही अधिक अनुसरगीय है।

भारतीय गणितीय शब्दावली का विदेशों पर प्रमाव

वियर का अर्थ रोछ है। संमव है 'वियर' ऋक्ष का ही अनुवाद हो। ऋक्ष का ऋग्वेदीय प्रयोग निम्नलिखित मंत्र में देखिए :---

> अमी य ऋक्षा निहितास उच्चा नग्तं दहशे । कुह चिहिनेयुः ॥ (१।२४।१०)

अर्थात् ये ऋस जो रात में चमकते हैं दिन में कहाँ चले जाते हैं। इातपथ बाह्यण में कहा है:---

सप्तर्यीनु हस्म व पुरक्षा इत्यावक्षते।

(शव बाव २. १. २. ४.)

नथीत् सप्तिपियों को ही पहिले ऋक्ष कहते थे।

भारतीय अंकगणितीय और बीजगणितीय शब्दावली ने अरव को बहुत अधिक प्रभावित किया। ज्योतिए में गणनाओं का बाचक शब्द धूलिकर्म था जिसको उन्होंने हिसाबअलगुवार तथा धूलिअकों को हरूफुलगुवार शब्दों से उत्तरी अफ्रीका (मिस्र देश) तथा स्पेन देश में अनूदित किया। अंकगणित के पर्यायवाची पाटीगणित शब्द को 'इत्म-हिसाब-अलतख्त' तथा 'हिसाबुलहिंद' शब्दों से अनूदित किया। योरूप में इन्हीं धूलिकर्म तथा पाटीगणित शब्दों को 'लाइबर एवेकी' तथा 'एवेकस' शब्दों से अनूदित किया। यंगरेजों का एवेकस शब्द यूनानी आवक्स (Abax) शब्द से निस्मृत है जो स्वयं सैमिटिक आवाक (Abaq) से बना है। आवाक का अर्थ है धूल, अतएब एवेकस का अर्थ है 'ऐसी पट्टी जिस पर धूल विद्धी हो। इस प्रकार 'लाइबर एवेकी, का वहीं अर्थ हो जाता है जो धूलिकर्म तथा पाटीगणित शब्दों का होता है। पहिले मारत में ज्योतिषी लोग पट्टी पर धूल विद्धाकर गणना किया करते थे।

बीजगणित शब्द का लर्थ या बीजों अर्थात् चारों प्रकार के समीकरणों से संबन्धित गणित अर्थात् समीकरणगणित । समीकरणों के साधन में मिन्नों के हरों को गुणा करके उन्हें समहर कर लिया जाता या और पुनः हर को दोनों ओर से निकाल देते थे। इस क्रिया के करने के बाद दोनों पक्षों की तुलना की जाती थी। इस दोनों कियाओं के द्यीतक शब्द अरबी में क्रमशः जन्न और मुकाबला शब्द थे। अरबी लेखक अलख्वारिज्मी (८२५ ई०) ने अत्तएव अपनी बीजगणित की पुस्तक का नाम 'अल्जबृल मुकाबला' रक्खा। इसी अरबी पुस्तक का योख में इटली आदि देशों में इतना प्रचार हुआ कि इस शास्त्र का नाम ही वहाँ अल्जेना हो गया। वहाँ कोनाडों नामक इटली का एक व्यापारी उक्त पुस्तक को इटली ले गया था। वहाँ

१. देखिए बुलेटिन आफ मैथिमेटिकल एसोशियेशन, इलाहाबाद यूनि॰ १६२८-२६, पु० ३४।

लैटिन में सर्वप्रथम लूकस पेसिओलस (१४६४ ई०) ने लेओनार्डों के पुस्तक के ग्राघार पर प्रथम दीजगणित की पुस्तक लिखी। अस्जेब्रा को अंगरेजी में 'अनेलिसिज' मी कहते थे। डी एनेम्बर्ट कहते हैं:— Analysis is a method of resolving mathematical problems by reducing them to equations.

यह परिभाषा भी बीजगणित शब्द के मूल अर्थ से मिलान खाती है। जापानी भाषा का किगेनसीहो (Kigenseiho) शब्द जिसका अर्थ है अब्यक्त को व्यक्त करेना, समीकरए से ही संवन्धित है। अतः हमारे बीजगणित शब्द से ही बहुत से बीजगणित के पर्यायवाची शब्द ब्युत्पन्न हुए। बीजगणित से पूर्व कुट्टक शब्द इसके लिए ब्रह्मगुष्त द्वारा प्रयुक्त किया गया था, योह्त में भी इसको whet stone से अनुदित किया। कुट्टक भी पत्थर तोड़ने का लोड़ा जैसा एक उपकरण था।

ब्रह्मगुष्त का योग तथा श्रेढ़ीयोग के अर्थ का द्योतक शब्द संकलित से प्रमानित होकर अलवरूनी ने अपनी एतद्विपयक पुस्तक का नाम 'फी संकलित इल-अदद-जै निस्फ' रक्खा। त्रीराक्षिक शब्द से प्रभावित होकर उसने अपनी एक और पुस्तक का नाम 'फी-राणिकात-अल-हिंद' रक्खा । अंक के अनुवाद हिंदसा तथा अल अरकाम अल हिंद शब्द चोतित करते हैं कि अरवों ने अंक भारतवर्ष से ही सीखे थे । अतएव अंक को य्रतृदित करने के बजाय उन्होंने उक्त तथ्य के स्मारक उक्त शब्द रखे। त्रिकोण-मितीय जीवा, कोटिज्या, उत्क्रमज्या शब्दों का भी अरबों पर बहुत प्रमाव पड़ा। उन्होंने जीवा को तो ग्रहण ही कर लिया और उसका देशगत उच्चारण 'जेव' कर लिया। लैटिन का 'साइनस' तथा अंगरेजी का 'साइन' शब्द जेत्र के हो अनूदित शब्द हैं। सबका मूल अर्थ वही है जो अरबी के जेव शब्द का ग्रथीत् कपड़े की जेव (Bosom of the garment)। सूर्य सिद्धान्त में ज्या के अर्थ में क्रमज्या शब्द को अरव वालों ने करज तथा कर्दज गव्दों से अनूदित किया। लैटिन में इन्हीं शब्दों के करदज तथा गरदज विकृत रूप हुए । उत्क्रमज्या का भी वर्स् उसाइन अनूदित शब्द है । अरवी में इसके पर्यायवाची 'शर' शब्द का अनूदित शब्द 'सुहुम' है इसका भी अर्थ है वाण । शर शब्द का नी इंपु के रूप में मूल प्रयोग शुल्वसूत्र में मिलता है। यद्यपि वहाँ इसका अर्थ कुछ भिन्त है।

हमारे 'मूल' शब्द से ही अरबी का जज्ज नथा अंगरेजी का 'रूट' एवं लैटिन का 'रैडिक्स' अनुवाद मात्र हैं। क्योंकि इन सबका मूल अर्थ है पेड़ की जड़।

समीकरण के पर्यायवाची सम तथा समकरण एवं साम्य इन्दों से अरवी में मसामात तथा अंगरेजी में इसवेशन शब्द वने । अर्थ सबका एक ही है । हमारे यहां 'सम' तथा 'समकरण' शब्दों का ब्रह्मगुष्त ने सर्वप्रथम प्रयोग किया था। इससे

१. देखिये पृ० ५२।

२ अरबी के विद्वान इन व्युप्पत्तियों में मतभेद रखते हैं।

प्राचीन प्रयोग विदेशों में नहीं मिलता है। वास्तव में ब्रह्मगुप्त के ग्रंथों का अरव में बहुत प्रचार हुआ। ब्राह्मस्फुट सिद्धान्त को 'सिंदहिंद' तथा उनके खण्डखाद्यक ग्रंथ को 'अलअर्कंद' नाम से अनूदित किया गया। फहरिस्त के मत में याकूव इन्न-तारीक ने ७७० ई० में ब्रह्मगुप्त की क्रमज्या सारणी को प्रकाशित किया। अरव में आर्यमट्ट का नाम भी प्रसिद्ध हो गया था। उनको वहां 'अर्जभर' नाम से बोधित किया जाता था। ब्रह्मगुप्त को भेदगुणन रीति इटली में 'स्क्रैपीजो' तथा 'रैपीगो' विधि नाम से व्यक्त की जाती थी। श्रीधर की तस्थविधि साज भी तिर्यक्गुणन रीति में सुरक्षित है। अलनस्वी ने सन् १०२५ ई० नें दूसरी एक विधि को 'अल-समल-अल-हिंद' सथवा 'तरीका-अल-हिंद' नाम से व्यक्त किया। अरव और योख्य की भाग संम्बन्धी गैलीविधी भी भारतीय रीति थी साधुनिक भिन्न-लेखन-प्रणाली भी प्राचीन भारतीय रीति पर ही साधारित है केवल अंतर यह है कि पहिले यहाँ वीच में रेखा नहीं खींचते थे।

श्रेगी-संकतन विधि भी (रब बालों ने यहाँ से अपनाई। अतलरूनी ने इस विषय पर एक पुस्तक लिखी जिसका नाम था 'फी संकलित इल-अदद-जैनिस्फ'। अरब वालों ने अंकों को 'अलअकीम्-अल-हिंद' भी कहा था।

हमारे विषुवत रेखा शब्द के ही 'खते उस्तवा' तथा इन्तेटर अनुवाद हैं वयोंकि इन दोनों का वर्ष भी 'साम्य कर देने वाला' ही है विषु का अर्थ भी साम्य तथा विषुवत् का वर्ष साम्य कर देने वाला होता है। सूर्य जब इस रेखा पर आता है तो रात-दिन बराबर हो जाते हैं। विषुवत् शब्द वैदिक है अतएव ये दोनों हमारे शब्द के अनुवाद मान हैं।

करणी शब्द से बरव में वसम तथा संगरेजी में 'सर्ड' एवं लैटिन में सर्डंस शब्द बने । ये विदेशी शब्द हमारे ही शब्द के अनुवाद हैं। अरबी असम तथा संगरेजी सर्डं नोनों का अर्थ बहुरा है। ऐसा प्रतीव होता है कि हमारे करणी शब्द को भूल से 'अकर्णी समम्म लिया—अकर्णी का भी अर्थ बेंहरा है—या उन्होंने हमारे 'अकरणीगत' शब्द को कर्णी के अर्थ में समम्म लिया। हम भी विदेशी शब्द 'खालिस' को भूल से निखालिस कह देते हैं। हमारे यहाँ कर्णा शब्द को कई एक प्राचीन लेखकों ने करणी कर दिया। जब हमारे यहाँ ऐसी भूल हो सकती है तो विदेशों में ऐसी भूल होना कोई विचित्र बात नहीं है।

हमारे भिन्न सन्द के अंगरेजी सन्द फ़ैक्सन तथा बन्य योरोपीय शब्द फ़ैक्टियो, राज्य, रोटो बौर रोक्ट्रो सन्द केवल बनुवादमात्र है। ये लैटिन सन्द फ़ैक्टस (फ़ौन्तएर) जया रुप्टस (दूटा हुआ) से ब्युत्पन्न हुए हैं। हमारे सुन्य सन्द से अरबी का चिन्न तथा बरबी सिन्न से बोस्य के बन्य गन्द साइफर, दीरो हारि बने । यूच्य के पर्यायवाची रिक्न, बिनक तथा तुच्छ दान्दों से ही मिलते-जुलते मन्द मंसार की अनेक भाषाओं में पाये जाते हैं । इसके विवरण के लिए कृप्या दितीय भाग में यूच्य नक्त को देखिये । ब्रह्मगृप्त द्वारा प्रयुक्त क्ष्यक्त राशि सन्द का भी मृद्द देशों दक क्यानक प्रभाव पड़ा । मिन्न में इसको हो (Hou) कहते हैं जिसका अर्थ है राशि (Heap, mass) एत्तवर्यक यूनानी शन्द 'प्लीदो मोनेडोन अलोगोन' (Plethos mosadon alogon) है इसका अर्थ भी अन्यक्त है । चीन का भी एतवर्यक बन्न यूएम (yuen) है जिसका अर्थ है बीज (Element) ।

सारांश यह है कि सारतीय अंकािपतीय तथा बीजािस्तिय शब्दावर्ती का विदेशों पर बड़ा गहरा प्रभाव पड़ा। बहुत से शब्द जैसे वृत्तिकर्म तथा वब, हनने सादि जो हमने तो भुता विधे किन्तु विदेशो लोग उन्हें हत-पुलगुवार तथा जरव कहुकर अब मी जीवित किये हुए हैं।

# <sub>दितीय भाग</sub> विशिष्ट ऋध्ययन

# अध्याय १ गिर्गित

#### व्युत्पत्ति :

यह शब्द गण धातु से क्त प्रत्यय लगाकर बना है । गण् धातु का अर्थ है 'गिनना'। क्त प्रत्यय कई एक अर्थों में लगा करती है किन्तु इस शब्द के साथ जितने अर्थों में यह आई है वे निम्नलिखित हैं:—

१. भूतकालिक अर्थ अर्थात् गिना हुम्रा जैसे,

तस्माद्वित्रयः पण्यानां धृतो मितो गणितो वा कार्यः

(कौटिल्य अर्थशास्त्र, पृ० ११०)

अर्थात् विक्रयार्थं वस्तुओं को तोलकर, नाप कर अथवा गिनकर विक्रय करे। अमरकोप में मी कहा है 'संख्यातम् गणितम्' अर्थात् गणित का अर्थ है संख्या किया हुआ।

- २. गणना अथवा हिसाव जैसे, गणित करके बताओ । 'नपुंसके भावे क्तः' इस सूत्र से यहाँ क्त प्रत्यय संज्ञार्थ में लगी है । इस प्रकार के अन्य प्रयोग भी हैं जैसे गीत, हिसत बादि ।
- ३. शास्त्रवाचक अर्थ अर्थात् वह शास्त्र जिसमें गणना की प्रधानता हो। इस प्रकार के अन्य शब्द निरुक्त, संगीत आदि हैं।
- ४. ज्योतिप, जिसमें प्रारंमिक अंकगणित मी सम्मिलित था वयोंकि वह उसका साधन था देखिए:—

यथा शिखा मयूराणां नागानां मणयो यथा।

तद्वद्वेदांगशास्त्राणं गणितं मूध्नि स्थितम् ॥ (वेदांग ज्योतिप, इलोक ४)

- प्र. ग्रहगणित । ज्योतिप की तीन शाखायें मानी जाती हैं:—(१) गणित अर्थात् ग्रहगणित, (२) संहिता अर्थात् सामान्य फलित ज्योतिप, (३) होरा अर्थात् जातक-शास्त्र जिसमें जन्मकाल की ग्रह-स्थिति के फलों का विवरण दिया रहता है।
- ६. अंकगणित जिसमें क्षेत्र-गणित (Mensuration) भी सम्मिलित था। ज्योतिपशास्त्र इसमें सम्मिलित नहीं था। देखिये:—

गणितज्ञो गोलज्ञो गोलज्ञो ग्रहगति विजानाति ।

यो गणित-गोलवाह्यो जानाति ग्रह्गित स कथम् ॥ (न्ना० स्फू० सि०, गोलाध्याय)

१. अर्थ भूमिका के प्रारम्भ में दिया है।

वक्षाली पाण्डुलिपि , आर्यभटी के गणितपाद, ब्राह्मस्फुट-सिद्धान्त का गणि-ताध्याय गणित-सार-संग्रह तथा गणित कौमुदी आदि शब्दों में गिएत का यही अर्थ है।

७. बीजगणितसहित गणित । गिएत का विषय और दिकसित हुआ और गिएत के अन्तर्गत बीजगणित भी एक शाखा वन गई। निम्नलिखित ब्लोक में भास्कर ने इसी तथ्य की ओर संकेत किया है—

> त्रृट्यादिप्रलयान्तकः लकलनामानप्रभेदः क्रमात् । चारज्य बुसदां द्विया च गणितं प्रश्नास्तया सोत्तराः ।।

जिसी गणितीय श्रेणी का योग, देखिये ब्राह्मस्फुट सिद्धान्त १२, १७ ।

६. क्षेत्रफल । यथा :---

'गिणितं चतुरम्यन्तं दशपदमक्तं पदे भवेद्वयासः' गिणितसार-संग्रह, पृ०१३२। अर्थात् वृत्त के क्षेत्रफल को ४ से गुग्गा करे, १० से भाग दे फिर वर्गमूल लेने से व्यास प्राप्त होता है।

'विष्कंभ: पाटाम्यस्तः स गिंगतम्' तत्वार्याविगम-सूत्र-माप्य, १५०,३३। अर्थान् व्याम के बौबाई से परिधि को गुणा करे तो क्षेत्रफल प्राप्त होता है। 'कर्णो गणितेन समः समवनुरश्रस्य को भवेद्वाहु' गिंगत सार संग्रह, पृ० १२६। अर्थात् यदि किसी समचतुरश्र (वर्ग) का कर्ण उसके क्षेत्रफल की संस्था के वरावर हो तो उसकी भुजा क्या होगी।

१०. संस्था (तादाद) । जैसे, इप्टका-गणित अर्थात् ईटों की संस्था । देखिये ब्राह्मस्फुट सिद्धान्त (१२,४७) । शोलांक सूरि ने विकल्पगणित (Permutations and Combination) से सम्बन्धित तीन प्राचीन कारिकाओं को समझाते हुए लिखा है—
तर्यव १, २, ३, ४, ५, ६ पटपदानि स्थाप्यानि । एतेषां परस्परताडनेन सप्तज्ञानि विश्वस्तुल्तराणि गणितमुच्यते ।

यहाँ भी गणित का अर्थ विकल्पों की संख्या है।

१२. इस समय गणित उस विज्ञान को कहते हैं जिसमें सस्यासंबन्दी, परिमाण सम्बन्दी, राशि सम्बन्दी तथा दिक् सम्बन्दी वातों का विशद विवेचन किया जाता है। इसकी इस समय लगमग ५० आखायें मानी जाती हैं। मुख्यतः गणित के दो भेद माने जाते हैं। प्रथम अमूर्त्तगणित तथा द्वितीय अनुप्रयुक्त गणित। अमूर्तगणित में वीजगणित, कलन तथा संख्या-सिद्धान्त आदि विषय आते हैं तथा अनुप्रयुक्त गणित में गति-विज्ञान, स्थिति विज्ञान, द्रवगित विद्वान आदि अनेक विषय आते हैं। वस्तुतः गणित-विद्या आधुनिक सय विज्ञानों की जननी है।

१. सर्वेपामेव शास्त्राणां गणितं मूच्नि विष्ठति—वक्षाली पाण्ड्लिपि ।

मिक्षु जंगलों में रहते ये उनको नक्षत्रों की पहिचान तथा आकाश में दिशाओं की पहिचान करना श्रावश्यक कर दिया। 9

संख्याशास्त्र शब्द का प्रयोग गणिततिलक के निम्नलिखित ब्लोक में

देखिये:---

संख्याशास्त्रे यदि तवमति: स्फारमावं प्रपन्ना

वौद्ध साहित्य में गणना तथा संख्यान में कुछ अर्थ भेद भी था। गणना मन के भीतर हिसाव लगाने को अथवा साधारण गणित को कहते थे एवं संख्यान उच्च प्रकार के हिसाव को कहते थे।

पाणिनि के 'गण संस्थाने' अर्थात् गणधातु का अर्थ है संस्थान इस उनित से ही यह प्रतीत होता है कि संस्थान शब्द प्राचीन समय में गणना या गणित से अधिक प्रचलित था। बौद्धकाल में तथा कौटिल्य अर्थशास्त्र में इसका बाहुल्य रूप से प्रयोग हुआ। कौटिल्य अर्थशास्त्र में एकाउण्टैंट के लिए संस्थायक<sup>3</sup> शब्द आया है। परवर्ती काल में संस्थान शब्द केवल गणना के अर्थ में प्रयुक्त हुआ। जैसे—

लौकिके वैदिके वापि तथा सामयिकेऽपि यः।

व्यापारस्तत्र सर्वत्र संख्यानमुपयुज्यते ॥ (गणित सार० सं०) ।

गणित की प्रशंसा में यह वचन महावीराचार्य का है। वह कहते हैं कि लीकिक, वैदिक तथा अन्य सब प्रकार के सामयिक कृत्यों में संस्थान (गणना) का प्रयोग किया जाता है।

गणना और गणित के शब्दार्थ मात्र से यह प्रतीत होता है कि गराना गिनने की किया तथा गणित उसका फल है। गिनने वाले ने २० आम गिने और कह दिया २०, यहाँ गिनने की किया गणना से तथा २० गणित शब्द का वाच्यार्थ है अतएव गणित शब्द का क वां, नववां और दसवां अर्थ उसका वाच्यार्थ है। पूछने वाला पूछता है 'माई गिन चुके।' हाँ। कितना हुआ ? वीस। कितना हुआ प्रयोग में क्त प्रत्यय की अलक है।

गराना श्रीर गणित का भेद:

गणना का प्रारंभिक अर्थ गिनना अथवा गिनती ही था बाद में उसका 'गिएत की प्रक्रियाओं द्वारा हिसाव लगाना' अर्थ मी हो गया। अब मी जनगणना, पशुगणना आदि शब्दों में गणना का प्रारंभिक अर्थ सुरक्षित है। कौटिल्य अर्थशास्त्र में आया है 'विव्यस्त गएानां च कुर्यात्' अर्थात् हुटे हुए हिथयारों का हिमाब रक्खें,

राइस देविस कृत 'डाइलोग आफ दो बुद्ध', खण्ड-४, पृ० २०; 'विनय टैक्स्ट 'कृत्ल बग्ग' ८, ६, ३।

२. वैज्ञानिक विकास की मारतीय परंपरा, पृ० ३८ ।

३. की०स०सा०, पृ० ६६।

इसमें भी गणना का उपरोक्त अर्थ ही है। गराना, गणित और संख्यान शब्दों के प्राचीन प्रयोगों में भी अत: इतना अन्तर है कि गराना से गराित की साधारण किया तथा गणित और संस्थान शब्दों से गराित की विशिष्ट तथा उच्च कियायें अभिनिष्ठित होती हैं।

गणितशास्त्र की प्राचीनता—वैदिक काल:

भारतवर्ष का प्राचीनतम उपलब्ध साहित्य वैदिक साहित्य है जिसमें उस काल के गणित के ज्ञान का पर्याप्त परिचय मिलता है, यद्यपि इतिहासकार वैदिक सभ्यता से पूर्व भी यहाँ द्रविड़-सभ्यता की सत्ता स्वीकार करते हैं। मोहनजोदड़ो तथा हड़प्पा की खुदाइयों के फलस्वरूप पता चला है कि उस समय भी मारत के निवासी किस प्रकार उच्च और सुव्यवस्थित नागरिक जीवन व्यतीत करते थे जिससे हम केवल अनुमान ही कर सकते हैं कि नागरिक जीवन के लिए परम अपेक्षित गणित के ज्ञान का भी प्रचार रहा होगा किंतु उस काल की संज्ञालिप (Code) का जब तक भली-भांति अभिज्ञान नहीं होता तब तक प्रामाणिक रूप से इस विषय में कुछ नहीं कहा जा सकता।

वैदिक साहित्य में ऋग्वेद सबसे प्राचीन है। ऋग्वेद में हमको संख्याओं के उल्लेख मिले हैं। यथा:—

द्वादशप्रधयश्यक्रमेकं त्रीणि नभ्यानिक उ तिच्चकेत

तस्मिन्त्साकं त्रिशता न शंकवोऽपिताः पष्टिनं चलाचलासः

इसमें द्वादश (१२), त्रिशत (३००), पिष्ट (६०) संख्याओं का उल्लेख है। दस के बाद की संख्या १२ और सौ से ऊपर की संख्या २०० के लिए उसमें नवीन शब्द नहीं बिल्क पूर्व संख्याओं के यौगिक शब्द द्वादश तथा त्रिशत ही प्रयुक्त किए गए हैं। द्वादश में द्वि तथा दश का योग है तथा त्रिशत में शत शब्द से पूर्व त्रि शब्द का योग है। इसके विपरीत अंगरेजी संख्यावाचक १-१२° तक के शब्द स्वतंत्र हैं और १३ से एक प्रकार के यौगिक शब्द चलते हैं अतः इससे इस बात का पता चलता है कि वैदिक काल में ही भारतवर्ष में संख्याओं की दशमिक प्रणाली का ज्ञान था जबिक रोमन लोगों को इसका पता नहीं था। वे लोग १२, १२ की ढेरियों में वस्तुओं को गिनते थे। हमारे यहाँ कोल सम्यता में २०, २० करके चीजों के गिनने की प्रथा थी। मुंडा भाषा का कोरी (२०) शब्द इस तथ्य का चोतक है।

यद्यि अंगरेजी के इलेविन और ट्वेल्व के भी अयं हैं दस तथा एक एवं दस तथा दो; फिर भी राव्द गठन वैसा नहीं जैसा कि आगे का अर्थात् टीन पर समाप्त होने वाला। अत्तएव यह प्रतीत होता है कि यह नाम वाद के हैं।

ऋग्वेद में उक्त संख्याओं के अतिरिक्त विशति (२०), त्रिशति (३०),चत्वा-रिशत (४०), पश्चाशत (५०), सप्तित (७०) और सप्तशतानि विशति (७२०) का भी उल्लेख है। यथा:—

द्वादशारं निह तज्जराय वर्षेतिचकं परिद्यामृतस्य । आपुत्रा अग्ने मिथुनासोअत्र सप्तशतानि विशतिश्च तस्युः ॥११

अर्थात् द्यौ लोक में परिभ्रमण करने वाले इस काल चक्र में १२ ग्ररे लगे हैं जो कभी क्षीए। नहीं होते (बारह राशियां या १२ मास ही १२ अरे बताए हैं)। इस में मिथुन भाव से अर्थात् दो-दो के जोड़े में ७२० पुत्र स्थित हैं (३६० दिन और ३६० रात)।

यजुर्वेद की याज्ञवल्क्य वाजसनेय कृत वाजसनेयी संहिता के निम्नलिखित मंत्र में एक से लेकर परार्ध (दस खरव) तक की संख्याओं का उल्लेख हैं:—

एका च दश च, दशच शतंच, शतंच सहस्त्रंच, सहस्रंचायुतं च, अयुतंच नियुतंच, नियुतं च प्रयुतं च, प्रयुतं च त्रयुदं च, अर्युदं च न्युर्वुदं च, समुद्रश्च मध्यं च, अंतश्च परार्घश्च। (वाजसनेयी संहिता १७.२)।

सांख्यायन श्रोतसूत्र (१५.११.४) में अनन्त (नील) तक संख्यायें दी हुई हैं। यजुर्वेद की तैत्तिरीय संहिता (अनुवाक् ११-२०) में युग्म और अयुग्म संख्याओं का उल्लेख है उसमें १०० तक की निम्नलिखित सारणियाँ भी हैं:—

तैत्तरीय संहिता में निम्नलिखित परिभाषाएँ भी हैं :-

१० <sup>२</sup> ==शत	१० <sup>६</sup> = प्रयुत	१० <sup>१०</sup> == मध्य	१० <sup>९४</sup> =व्युस्ति
१०³=सहस्र	१०°=अर्बुद	१० <sup>३३</sup> =:अन्त	१० <sup>९५</sup> = देश्यत्

१ चतस्रश्च मेऽप्टौ च मे द्वादश च मे द्वादश च में पोडश च मे पोडश च मे विदशतिश्च मे विशतिश्च मे चतुर्विशतिश्च मे चतुर्विशतिश्च मेऽप्टा-विशतिश्च मे प्टाविशतिश्च मे द्वार्विशतिश्च मे द्वार्विशतिश्च मे ऽप्टाचत्वारि शच्च मे पज्ञेन कल्पताम्।

१० <sup>४</sup> =अयुत १० <sup>४</sup> =नियुत	१० <sup>८</sup> ≕त्यचु <sup>°</sup> द १० <sup>६</sup> ≕समुद्र	१० <sup>९२</sup>	१० <sup>९६</sup> — उद्यत् १० <sup>९७</sup> — उदित <b>१०<sup>९८</sup> —</b> सवर्ग
		:	१० <sup>9E</sup> ==लोक

इससे यह स्पष्ट है कि संहिता काल (३००० ई० पूर्व) से आयं लोग योग, गुणा, घात आदि गणित की मूलभूत कियाओं से भलीभाँति अवगत थे।

वाजसनेयि-संहिता की एक उक्ति है :---

'प्रज्ञानाय नक्षत्रदर्श यादसे गणकं'

अर्थात् विशेष ज्ञान के लिए नक्षत्रदर्श गणक के पास जाओ, नक्षत्रदर्श का अर्थ है नक्षत्र देखने वाला तथा गणक का अर्थ है गणना करने वाला ज्यातिया। इससे प्रतीत होता है कि गणित ज्योतिय के विशेषज्ञ भी उस काल में वर्तमान थे। वे न केवल नक्षत्रों का वेघ ही कर लेते थे अपितु गणना करके उनकी गति, तिथि, मास, वर्ष आदि भी निकाल लेते थे।

छान्दोग्य उपनिषद् (७,१,२,४) में एक कथानक आता है—नारद ऋषि सनतकुमार ऋषि के पास जाते हैं, उनसे ब्रह्मविद्या पढ़ने की प्रार्थना करते हैं। सनतकुमार जी के पूछने पर कि उन्होंने कीन-कीन विद्यायें पढ़ रवखी हैं, नारद जी बताते हैं कि वे नक्षत्र-विद्या और राशिविद्या पढ़ चुके हैं। इस कथानक से यह ज्ञान होता है कि राशि-विद्या (अंकगणित) उपनिषत्काल में ज्योतिष से प्रयक् सत्ता रखती थी। ब्रह्मविद्या सीखने से पूर्व ही प्राय: ऋषि गणित को सीख लेते थे।

गणित शब्द यद्यपि वैदिक काल में अपने मूलरूप में नहीं पाया जाता किन्तु उसके सन्युत्पत्तिक शन्द गणक, गण और गण्या ऋग्वेद तक में मिलते हैं। उस समय गिरात नक्षत्रविद्या (ज्योतिष) के अन्तर्गत आता था। गणित-ज्योतिष का माग वयों या इसका प्रमुख कारण यह था कि आर्यजाति एक धमंपरायरण जाति थी, वे यज्ञ करने के बहुत प्रेमी थे। यज्ञों के फल के लिए आवश्यक था कि वे यथाकाल किए जाएं। काल जानने के लिए ज्योतिष की आवश्यकता पड़ी तथा उसका सम्यक् ज्ञान नक्षत्र वेद्य तथा ग्रहगणित द्वारा ही हो सकता था। अतएव गरित, ज्योतिष के अन्तर्गत ही था। जैनियों में भी शुम मुहूर्त में दीक्षा लेना मुनि होने के लिए आवश्यक समभा जाता था और शुम मुहूर्त विना ग्रहगित-ज्ञान के निकल ही नहीं सकती थी; अतएव ज्योतिष अथवा गणित उनके धमं का भी अंग हो गया। ज्ञातः ज्योतिष, कालविद्यान शास्त्र और गणित ये पर्यायवाची शब्द हैं। देखिये:—

१. बीद्ध साहित्य में इसे नक्षत्रपाठक भी कहते थे । देखिए महानिद्देस ए०, ३८२।

२. देखिए भाग १, ४, २।

३. गिएतितलक, भूमिका, पृ० ६ ।

वदाहि यज्ञार्थमित्रवृत्ताः कालानुपृच्यी विहिताश्चयज्ञाः

तस्मादिक कालविधानभास्त्रं यो ज्योतिषं, देद स देद यज्ञान् । (विञ्यो०३) गणित जद्द का प्रयम प्रयोग :

गिग्ति शब्द का प्रथम प्रयोग वेदांग ज्योतिष के निम्नलिखित श्लोक में हुआ है:—

ययाजिला मयूराखां नागानां मखयो यया । तदृदेदांगजास्त्रणां गखितं मृद्धिं स्थितम् ॥

अर्थात् जैसे मयूरों की शिखाएँ तथा नागों की मिणियाँ मस्तक पर विराज-मान होती हैं उसी प्रकार गणित वेदों के सब अंगों में शिरोमणि है ।

# जैनवर्म में गणित का स्वान:

जैनियों के प्राचीन धार्मिक साहित्य का वर्गीकरण चार अनुयोगों में किया गया है। अनुयोग का अये है सिद्धांत-विवेचन। उनमें एक गणितानुयोग भी है। प्राकृत भाषा में गणित का विकृत रूप 'गणिय' शब्द व्यवहृत किया जाता था। आचारांगिनियुंक्ति (५।५०) में प्रत्येक जैन आचाये को इसका अध्ययन करना अनिवाये बताया गया है।

गिग्ति विषय की सूक्ष्मता :
स्यानांगसूत्र (३५०ई०पृ०) के ७१६ वें सूत्र में गणित को अति सूक्ष्म विषय
बताया गया है । यथा :—

दस मुहुमा पण्णत्ता, तं अहा--पाण सुहमे जाव सिर्गेह सुहुमे गणिय सुहमे भंगसुहमे ।

टीकाकार ने इस सूत्र की व्यास्या करते हुए लिखा था कि गणित वज्र के समान अत्यन्त कटिन होता है:—

"गणित सृथ्मं—गणितं संकलानादि तदेव सूथ्मं सृथ्मबृद्धिगम्यत्वात्, थूमते च वज्रान्तं गणितमिति ।

वेटांग ज्योतिष के परवर्ती संस्कृत साहित्य में गणित अब्द का प्रयोग महा-भारत, मागवत पुराध, मुच्छकटिक नाटक, वलालीहस्तलिपि, आर्यमटीय आदि प्रत्यों में मिलता है।

वक्षात्री हस्तितिष और आर्यमटीय के गिग्ति शस्त्र में ज्योतिष सम्मिलित नहीं हैं। सास्कर द्वितीय रिचित् पिद्धान्त-शिरोमणि के गणिताध्याय शब्द में गणित का नात्तर्य ग्रह-गणित था। बक्षात्री समय के कुछ पूर्व से अर्थात् प्रथम णती के लगभग गणित ज्योतिष ने पृथक् एक स्वतंत्र विषय हो गया था और उस पर आर्यभट्ट, बह्मणुष्त, श्रीपति आदि नेषकों ने अपने ज्योतिष-ग्रन्थों में पृथक् अध्याय लिखे।

#### प्राचीन गणित ग्रन्थ :

वक्षाली पाण्डुलिपि (३०० ई०), गणित तिलंक (१०३६ ई०), गिएत-सार-संग्रह (५५० ई०), पाटीगिएत (६०० ई०), गिएत-कौमुदी (१३५६ ई०) आदि गिणत के स्वतंत्र ग्रंथ लिखे गए। इनमें क्षेत्रगणित के नियम भी दिये रहते थे। गिएत और ज्योतिष की पृथक् २ सत्ताओं के संबंध में आर्यमट्ट का निम्न इलोक 'अवलोकनीय है:—

प्रणिपत्यैकमनेकं कं सत्यां देवतां परं व्रह्म । आर्यमटस्त्रीिंग गदित गिगतं कालिकयां गोलम् ।।

#### गणित का क्षेत्र-विकास :

अव गिए। तज्ञ को ज्योतिष का ज्ञान होना आवश्यक नहीं रह गया। ग्रव तो जसके लिए निम्न विषयों का ज्ञान होना ही आवश्यक रह गया:—

परिकर्मविशाति यः संकलिताद्याँ पृथग्विजानाति । अष्टौ च व्यवहारान् छायान्तान् भवति गणकः सः ॥ (ब्रा०स्फू०सि० १२।१)

श्रर्थात् संकलित आदि गणित की २० कियाओं तथा प्रव्यवहारों को जो जानता है वही गणक है। वैदिक काल के गणक (ज्योतिषी) की परिमाषा अतः श्रव ७वीं शती में बदल चुकी थी। गणित की अब मूलभूत कियायें २० थीं। यथा:—

संकितित्यवकिति प्रत्युत्पन्नोऽथ भागहारश्च ।
वर्गस्तस्य व मूलं घनघनमूले तथैतानि
भिन्नानि पट् प्रकारः कलासवर्णो यथा क्रमशः
भागस्तथा प्रभागोऽथ भागभागश्य तत्परतः ॥
मागानुबंध भागापवाहसंज्ञी च भागमाता च ।
शैराशिकं ततस्तद्वयस्तमथो पञासन्त नव राशि ।
माण्डप्रतिभाण्डजीविवक्यौ संयुता नविभरेव ।
परिकर्मविकतिरिह व्यवहाराः स्युनंव क्रमशः ॥
मिश्रकर्मादौतदनुश्रेढ़ीक्षेत्रं ततश्च खातचिती
कक्चराशी छाया ततः परं शून्यत्विमिति ॥
(श्रीधर कृत पाटीगिस्तित, पृ० २)

अर्थात् गणित की निम्नलिखित कियायें हैं :-

(१) संकलित (संकलन), (२) व्यवकलन, (घटाना), (३) गुणा,(४) माग, (५) वर्ग, (६) वर्गमूल, (७) घन, (८) घनमूल, (६) भागजाति, (१०) प्रमाग जाति

(११) मागभागजाति, (१२) मागानुबंब जाति, (१३) मागपवाह जाति, (१४) माग-माता जाति, (१५) त्रैराशिक (ब्यस्त त्रैराशिक), (१६) पंचत्रैराशिक, (१७) सप्त त्रैराशिक, (१८) नवत्रैराशिक, (१६) भाण्डप्रतिमाण्ड, (२०) जीव-विकय।

नवव्यवहार निम्नलिखित हैं :--

(१) मिश्रकर्म, (२) श्रेढ़ी-व्यवहार, (३) क्षेत्र-व्यवहार, (४) खात-व्यवहार, (५) चिति-व्यवहार, (६) काकच व्यवहार, (७) राशि-व्यवहार, (६) छाया-व्यवहार, (६) शून्य-व्यवहार।

उपरोक्त ६-१४ तक के नामों से भिन्नों की विविध कियायें तथा नियम मंतव्य हैं। क्षेत्र व्यवहार से तात्पर्य मैंस्यूरेशन से था। खात व्यवहार में भूमि खोदने अर्थान् यनज्यामिति से तात्पर्य था। चिति व्यवहार ईटों के चट्टे लगाने से संबंधित गणित को कहते थे। क्राकचिक लकड़ी फाड़ने तथा राशि व्यवहार अन्न की देरी लगाने से संबंधित गिग्ति को कहते थे।

ये ही नय कियायें तथा व्यवहार किचिनमात्र रूपान्तर से भास्कर द्वितीय तथा अन्य परवर्ती प्राचीन हिन्दू गिरात-वैत्ता मानते रहे ।

गणित स्वतंत्र विषय वनकर दिन प्रतिदिन असाधारण उन्नित करने लगा। वीजगणित, रेखागणित, क्षेत्रगणित, विकोणिमिति, गतिविज्ञान, स्थितिविज्ञान, माँस्यिकी आदि उमकी अनेक शाखाएं वन गई। गत दो शताद्दियों से तो ज्योतिष (Astronomy) की भी गणित के ही अंतर्गत गणना होने लगी।

कैसी विचित्र बात है कि गणित जो सम्राट ज्योतिप का कभी एक कर्मचारी मात्र था, राजनीति की शतरंजी चालों को चलकर एक स्वतंत्र भ्रविपति वन बैठा और फिर अपने बुद्धिबल का प्रयोग करके ज्योतिष सम्राट के स्थान पर स्वयं सम्राट वन गया और विचारा ज्योतिष अब एक अधीनस्थ राजा मात्र ही रह गया।

# अध्याय २

# अंकगणित

#### प्रकरण १. श्रंकगणित

## व्युत्पति :

अंकगणित का अर्थ है अंकों अर्थात् संख्याओं सम्बन्धी गणित । अंगरेजी यब्द अरिथमेटिक का शब्दानुवाद है क्योंकि यह भी अरिथमोज (Arithmos) से बना है जिसका अर्थ है संख्या (Number) ।

#### पर्याय :

अंकगणित शब्द के निम्नलिखित पर्याय हैं :---

(१) राशिविद्या, (२) घूलिकर्म, (३) पाटीगणित, पाटी अथवा परिपाटी, (४) व्यक्तगणित ।

# राशिविद्या:

राशिविद्या शब्द का प्रयोग छान्दोग्य उपनिपद् (७।१।३) में आया है। नारद ऋषि सनतकुमार ऋषि के पास विद्या पढ़ने जाते हैं। सनतकुमार जी के यह पूछने पर कि उन्होंने कीन-कीन सी विद्याएँ पढ़ रखी हैं, नारद जी वताते हैं—

"स होवाच —ऋग्वेदं मगवोऽष्येमि यजुर्वेदं सामवेदमाथर्वेगां च चतुर्यमितिहासपुराणं पंचमं वेदानां वेदं पित्रय ४ रासि दैवं निधि वाकोवानयमेकायनं देवविद्यां, ब्रह्मविद्यां,

भूतिवर्धा, क्षत्रविद्यां नक्षत्रविद्या सपंदेवजनविद्यांमेतद् भगवोऽघ्येमि"

दसमें राशि मध्य अंकगणित के अर्थ में आया है। वाद में राशि से तात्वर्य राशि (अन्त की ढेरी) सम्बन्धी गणित अथवा त्रैराशिक नियम से हो गया है। स्थानांग मूत्र ७४७ (३५० ई०पू०) में भी इसका प्रयोग मिलता है। यथा:—

१. हिंदू गणितशास्त्र का इतिहास, पृ० ३ । वैज्ञानिक विकास की भारतीय परंपरा, पृ० ३२ ।

परिकम्मं ववहारो रज्जुरासी कलासवन्नेय। जावन्तावित वग्गो ततह वग्गवग्गो विकप्पोत ॥

इसमें गणित के विषय गिनाये गए हैं, राशि जिनके अंतर्गत है। लीलावती, पाटीगणित आदि परवर्ती अंकगणित की पुस्तकों में राशिकव्यवहार नामक एक अध्याय रहता था जिसमें अन्त-राशि से सम्बन्धित नियम तथा उनके प्रश्न दिये रहते थे।

# धूलिकर्म :

धूलिकमं शब्द का प्रयोग ब्रह्मगुष्त (६२८) तथा भास्कर द्वितीय (१११४ ई०) ने कमशः ब्राह्मस्फुटसिद्धान्त तथा सिद्धान्तिशिरोमणि के वासनाभाष्य में किया है। प्राचीन काल में कागज की कमी थी अतएव १६वीं शताब्दी तक पाटी (तस्ती) पर धूल विद्धांकर गिएत किया करते थे अतएव अंकगणित अथवा गिएत को धूलि-कर्म कहने लगे। यथा:—

'अत्र धूलिकर्मणा प्रत्यक्ष प्रतीतिः'

— सिद्धान्ति शिमणि, चन्द्रग्रहणाधिकार, श्लोक् ४ की टीका।

सुवाकर द्विवेदी (१८६० ई०) ने अपने गणित के इतिहास में लिखा है कि "पटरे पर धूल या अबीर फैलाकर उस पर हिसाब करना, यह रीति मेरे पढ़ने के समय तक बनारस संस्कृत कालिज में थी। पीछे से बापूदेव शास्त्री (ज० काल १८२१ ई०) ने अंग्रेजी स्लेट चलाई। "पुराने आचार्य ज्योतिष के दो भेद करते थे। (१) धूलिकर्म, (२) दृग्गणित अथवा दृग्ज्योतिष। धूलिकर्म से तात्पर्य गएाना द्वारा ग्रह-स्थित जानना तथा दृग्गणित से तात्पर्य वेघ करके उनकी गितयों आदि को निकालना था। दृग्गणित और धूलिकर्म के फलों में जब अन्तर होता था तब उन दोनों में सामंजस्य स्थापित करने के लिए धूलिकर्म के फलों में कुछ संशोधन किया करते थे। इन संशोधनों को वीज, वीजसंस्कार अथवा दृग्गणितैक्य कहते थे। यथा:—

पूर्वाचार्यमतेम्यो यद्यच्छ्रेष्ठं लघुस्फुटं बीजम् । तत्तिदिहाविकलमहं रहस्यमभ्युद्यतो वक्तुम् ॥ (पंचसिद्धान्तिका, पृ० १)

अर्थात् पूर्वाचार्यो के मतानुसार अपेक्षित बीज संस्कारों के रहस्यों की मैं पूर्णतया बता रहा हूँ। इस श्लोक की टीका में सुवाकर द्विवेदी जी ने बीज सन्द का अर्थ 'दृग्गणितेश्यार्थ संस्कार विशेय' किया है।

# धूलिकर्म का श्ररवी में अनुवाद:

अंकगणित के पर्यायवाची घूलिकर्म को उत्तरी अफीका मौर स्पेन में 'हिसाव-

अल-गुवार' अयवा 'इल्म अल गुवार' तथा अंकों को 'हरूफ़-अल-गुवार' कहा है। अञ्चालह इन्न तामिन (६५० ई०) कृत 'सेफरयसीरह' की टीका में लिखा है कि उसने हिन्दू गिगत पर, जिसको हिसाव-अल-गुवार कहते हैं, एक पुस्तक लिखी है। इसरी पुस्तक 'करफ अस् असरार' व 'इल्म अल गुवार' (अर्थात् इल्म गुवार के रहस्यों का उद्घाटन) ट्यूनिस निवासी अवुलहसन अली (मृत्यु १४८६ ई०) ने लिखी।' यूलिकर्म का प्रयोग ब्राह्मस्फुटसिद्धान्त में सर्वप्रयम हुआ। इस ग्रंथ का अनुनाद अरवी में 'सिन्द हिन्द' नामक ग्रन्थ में किया गया। अतः यह स्पष्ट है कि बूलिकर्म और यूल्यंकों (यूलि पर लिखे हुए हमारे अंकों) को अरव तथा स्पेन में कमणः इलम-हिसाव-अल-गुवार तथा हरूफ़-अल-गुवार शब्दों द्वारा अनूदित किया गया।

### पाटीगणित :

पाटीगणित का वर्ष है पाटी वर्षात् तस्ती पर निकाला जाने वाला गणित । हम कपर वता चुके हैं कि पहिले पट्टी पर धूलि विद्यांकर अथवा काली पट्टी करके खिंड्या द्वारा गिएत की कियायें करते थे, अतएव बंकगणित को पाटीगणित भी कहते थे। पाटी शब्द संस्कृत पट्ट का प्राकृत रूप है जो पुनः संस्कृत भाषा में ७वीं धती के आसपास प्रविष्ट हो गया। ब्रह्मगुष्त (६२२ ई०) की कृतियों में सर्वप्रयम यह शब्द मिलता है जब कि पट्ट शब्द महामारत और सुश्रुत तक में मिलता है। पाटी शब्द आज भी पाटी पूजा अथवा पट्टी पूजा, पटरानी बादि शब्दों में प्रयुक्त होता है।

श्रीवर (६००) ने पाटीगणित तथा मुनीश्वर (१६०३ ई०) ने पाटीसार नामक ग्रन्य लिखे। मास्कर द्वितीय ने लीलावती में भी इस शब्द का प्रयोग किया है। यथा:—

'पार्टी सद्गणिवस्य विक्तं वर्यात् पार्टीगणित को कहता हैं।
पार्टीसूत्रोपमं बीजं गुढ़िमत्यवमासते।
नास्तिगूड़मगूढ़ानां नैव पोढ़ेत्यनेकघा।।

स्रयौत बीजगणित भी पाटीगणित के समान है। देखने भें गूढ़ लगता है किंतु स्रमूढ़मतियों के लिए वह कुछ भी गूढ़ नहीं है तथा वह केवन छः प्रकार का होता है यह वात भी नहीं है।

# अरवी में अनुवाद:

अलबह्नी ने सन् १०३० ई० में हिन्दुस्तान की पाठ्यालाओं में लड़कों की

दे० टाक्टर वी० वी० दत्त का लेख — 'हिन्दू कंट्रीव्यूयन टु मेथिमेटिक्स'।

काली पट्टी पर एक सफेद चीज से लिखते देखा था। पाटीगणित शब्द को भी अरव वालों ने अपना लिया। उन्होंने इसको अनूदित करके 'इल्म-हिसाव-अल-तख्त, और पाटीसार को 'किताव-अल-तख्त' नाम रख लिए। स्मिथ और मुराद (Mourad) का कहना है कि हवीं तथा १०वीं शती की अंकगणित की अरबी पुस्तकों के नामों में तख्त और किताब अलतख्त शब्द प्राय: आये हैं। यह स्मरण रहे कि उन सबमें हिन्दू अंकगणित का ही वर्णन किया गया है।

# योरोपीय भाषात्रों में भी अनुवाद:

योख्प में भी मध्य काल में अंकगणित की पुस्तकों के नाम 'लाइवर एवेकी' (Liber Abaci) पर थे। इसी से अंगरेजी का एवेकस (Abacus) शब्द निस्मृत है। एवेकस शब्द यूनानी आवक्स (Abax) से बना है जो स्वयं सैमिटिक-आवाक (Abaq) से बना है। आवाक का अर्थ है धूल। अतएव एवेक्स का अर्थ है 'ऐसी पट्टी जिस पर धूल विछी हो।' इस प्रकार लाइवर एवेकी का वही अर्थ हो जाता है जो पाटीगणित अथवा घूलिकमं शब्दों का है। घूलिकमं और पाटीगणित शब्दों के इस विवेचन से स्पष्ट है कि किस प्रकार भारतीय अंकगणित का प्रमाव अरब और योख्प के देशों पर पड़ा।

### च्यवतगणित:

पाटीगणित के समान व्यक्तगणित भी अंकगणित का भारतीय नाम है। श्रीपित ने सिद्धान्तशेखर में व्यक्तगणित और अव्यक्तगणित नामक पृथक्-पृथक् अव्याय लिखे। व्यक्तगणित का अर्थ है व्यक्तराशियों (known quantities) द्वारा निकाला जाने वाला गणित। भास्कर ने भी व्यक्तगणित और अव्यक्तगणित शब्दों का प्रयोग निम्नलिखित श्लोक में किया है:—

उत्पादकं यत्प्रवदन्ति वुद्धेरिघिष्ठतं सत्पुरुपेणसांख्याः व्यवतस्य कृत्स्नस्य तदेकवीजमव्यक्तमीशं गणितं च वन्दे ॥

वर्यात् जैसे ईश्वर समस्त लोकों का आदि कारण है वैसे ही अन्यक्तगणित व्यक्तगणित का मूल है।

### अंकगणित शब्द का प्रादुर्भाव:

जब स्लेट, पैंसिल और कागज ने १६वीं शती के अंत में पट्टी का स्थान ले लिया तो पाटीगिए।त शब्द के स्थान पर रेखागिणत के वजन पर अंगरेजी अरिथ-मैटिक का शब्दानुवाद अंकगिए।त शब्द विराजमान हो गया । सुधाकर द्विवेदी जी के

१. देखिए 'ई० सी० सोची कृत 'अलवरूनीज इण्डिया', खंड १ पृ० १८२।

२. देखिये 'बुलैटीन आफ मैथिमेटिकल एसोसियेशन', इलाहाबाद यूनिवसिटी, १६२६-२६ में डाक्टर बी० बी० दत्त का लेख हिन्दू कन्ट्रीव्यूशन दु मेथिमेटिक्स'।

अनुसार स्लेट का प्रथम प्रचार वापूदेव शास्त्री ने किया। अतएव हो सकता है कि अंकगणित शब्द भी उन्होंने ही चलाया हो। उन्होंने सर्वप्रथम 'अंकगणित' नामक एक पुस्तक भी लिखी थी। बाद को इस शब्द का ऐसा प्रचार हुआ कि सहस्रों वर्षों से प्रयुक्त शब्दों बूलिकर्म, पार्टागणित और व्यक्तगणित को भुला दिया गया। वीज-गणित श्रीर रेखागणित शब्द पहिले से ही चले आ रहे थे अतएव उसी वजन पर अंकगणित शब्द का बनना स्वाभाविक था।

### सारांश:

अंकगणित शब्द के अर्थ-विचार से भारत के अतीत गौरव का पता चलता है। उस गौरव के परिचायक हैं हमारे अंकगणित के प्राचीन पर्याय 'धूलिकमं' तथा 'पार्टागणित' शब्द जिनका प्रचार एशिया, योरुप तथा अफ्रीका के विभिन्न देशों में हिसाव-अल-गुवार, इम्महिसाव-अल-तस्त, हिसावुल हिन्द, लाइवर एवेकी, एवेकस आदि अनूदित रूपों में था। 'चकारपंक्तिरिव गच्छित भाग्यपंक्तिः' अर्थात् भाग्य की गित मी रयचक के समान ऊपर नीचे होती रहती है। जिस देश ने अनेक देशों के अंकगणित के वाचक अनेक शब्दों को जन्म दिया उसी देश को आवश्यकता के वयीमूत होकर अंगरेजी शब्द अरियमेंटिक के आधार पर अपने धूलिकमं और पार्टीगणित शब्दों को मुलाकर एक नवीन शब्द अंकगणित दनाना पढ़ा। अंकगणित शब्द यद्यिप नवीन है किन्तु इसके आधारमूत शब्द अंक और गिरात शब्द विश्व के प्राचीनतम शब्दों में से हैं।

(देखिए अंक तथा गणित शब्द)

### प्रकरण २. अंक

अंक णव्द भारोपीय (Indo European) चातु 'अंक' से बना है। अंक धातु का अर्थ है मुड़ना। जो मोड़ा जाये वह अंक घा। अतः यह शब्द प्रारम्भ में बौकड़े (Hook) के अर्थ में प्रयुक्त हुआ है। बौकड़ा मुड़ा होता है। देखिये ऋग्वेद का निम्मनिखित मन्य:—

यन्तीक्षम् मास्पचन्या उखाया या पात्राणि यूष्ण आसेचनानि कत्मण्या विघानां चरुणामंकाः सूनाः परिसूपन्त्यश्वम् ।

ऋग्वेद १। १६२ । १३

यहाँ सायण ने इस मंत्र की व्यास्था करते हुए अंक का अर्थ बैत की शासा

अर्थ १-६ तक के अंक (Digits) ही है। लीलावती के अंकपाश नामक प्रकरण में अंक शब्द का उक्त अर्थ में वाहत्य रूप से प्रयोग हुआ है।

श्रीहर्ष ने नैषघ काव्य में दमयन्ती के रूप वर्णन में कर्ण का वर्णन करते हुए अंक शब्द को उपरोक्त अर्थ में ही प्रयुक्त किया है तथा अंको को है ही बताया है। देखिये:—

अस्या यदघ्टादश संविमज्य विद्याः श्रुती दघतुरर्घमर्धम् । कर्णान्तरूटकीर्णगभीररेखः कि तस्य संख्यैव नवा नवांकः ॥

### अंक शब्द की अन्वर्थकता:

अंक संख्याओं के चिह्न ही होते हैं अतः अंक शब्द अन्वर्थक है। शून्य का स्थान रिक्त छोड़ देते थे अतः शून्य शब्द भी अन्वर्थक है। यदि अंक शब्द को भारोपीय अंक घातु से निस्मृत मानें तो भी यह अन्वर्थक है क्योंकि समस्त अंक (चिह्न) वकों से ही बने हैं। अंक के विविध श्रर्थ:

अंक शब्द के निम्नलिखित अन्य संजातीय अर्थ भी हैं :-

- १- गोद (विकित होने के कारण),
- २ चिह्न, लक्षण (विकित होने के कारण)
- ३-- अक्षर ( ,, ,, '
- ४ रेखा, वक रेखा, मोड़ ( ',, ,, )
- ५ लिपि
- ६— मोहर, ठप्पा
- ७- संख्या
- मुणांक, जैसे ३ क² + ४ क + ग में ३, ४ अंक हैं, वयों कि वे अज्ञात राशियों के गुणांक हैं।

अंकन अर्थात् आंकने अथवा दागने से जो नियान वनते थे उनको अंक तथा प्राकृतिक निशानों को चिह्न कहते थे। यथा:---

मासिंडमासजातानंकयेत् । अंकं चिह्नं वर्णे श्रृंगान्तरं च लक्षणमेवमुपजा निवन्ययेत् —(कौटिल्य अर्थशास्त्र)

अर्थात् 'महीने दो महीने वड़े पशुओं को दाग दे देवे, प्रत्येक पशु के अंक (दाग) प्राकृतिक चिह्न, रंग तथा सींगों की दूरी को लिख लेवे।"

अंक शब्द का ठप्पा अथवा मोहर अर्थ भी है जो दागने का सजातीय अर्थ है।देखिये:---

कृतनरेन्द्रांकं शस्त्रावरणमायुषागारं प्रवेशयेत् ॥ (कोटिल्य अर्थशास्त्र)

अर्थात् शस्त्र और कवच तभी आयुधागार में रखे जायें जब उन पर राजा की मुहर लग जाये।

अंक राज्य का गुणांक के अर्थ में प्रयोग पृथूदक् स्वामी (८६० ई०) ने किया है'। चिह्न के अर्थ में अंक राज्य का प्रयोग तारांकित और रेखांकित शब्दों में अब भी निहित है। गुणांक, अंकगणित, स्वकांक, कोणांक, स्थिरांक ग्रांदि राज्यों में अंक का अर्थ संख्या ही है। सम्राट जगन्नाथ ने रेखागणित नामक अपने ग्रन्थ में जो यूक्लिड के एलीमेंट्स (Elements) ग्रन्थ का एक प्रकार से अनुवाद ही है, संख्या-सिद्धान्त (Number theory) वाले खण्ड का अनुवाद करते समय संख्या के अर्थ में अंक राज्य का ही प्रयोग किया है। उन्होंने अंक की परिमाषा "अंको नाम रूपाणां समुदाय:" अर्थात् अंक रूपों का समुदाय है, की है। अंकों की सहायता से ही संख्या प्रकट की जाती है अतएव अंक राज्य का संख्या अर्थ मी हो गया। संख्या के अर्थ में अंक राज्य के प्रयोग-बाहुल्य के कारणा ही संभवत: बाद में अरिथमैटिक के लिये अकगणित राज्य की स्थिट की गई।

'आंकड़ा' शब्द का बहुवज़न 'आंकड़े' है, जिसका अर्थ अंकसमूह है। यह शब्द भी अंक से निसृत है। अंक से आंक बना और आंक से स्वार्थ में 'ड़ा' प्रत्यय लगाकर आंकड़ा हुआ, जैसे सैंकड़ा (ग्रतिक + ड़ा)।

अंक का अर्थ अक्षर भी है। प्रायः ग्रामीण जन बोलते हैं 'हमें तो आंक भी नहीं बांचवो आवतु" अर्थात् हम एकदम निरक्षर हैं। यहाँ अंक का अर्थ अक्षर ही है।

अंक का अर्थ लिपि भी है। वास्तव में लिखने (Script) में पहले दो कियाएँ सम्मिलित होती थीं। प्रथम लोहे आदि को लेखनी से ताड़ आदि के पत्तीं पर अंकित करना और पुन: करखी से लीप देना। पहली किया अंकन और दूसरी लेपन है। इन दोनों के मेल से लिपि बनी। नैषवकार ने जिसे वैधसी लिपि कहा उसी को तुलसीदास जी ने विधि के अंक कहकर द्योतित किया। देखिये:—

अयं दरिद्रो मिवतेति वैधसीं लिपि ललाटेऽधिजनस्य जाग्रतीम् । मृपा न चक्रेऽल्पिचकल्पपादपः प्रणीय दारिद्रयदरिद्रतां नृपः ॥

जरत विलोकेउ जबहि कपाला विधि के लिखे अंक निज माला नर के कर आपन वध बांची हंसेऊ जानि विधि गिरा असांची ।। (रामचरित मानस)

१. देखिये, ब्राह्मस्फुटसिद्धान्त १८। ४४ (टीका) ।

यहां अंक का अर्थ लिपि अयवा अक्षर है। ऐतिहासिकता:

यंक-लेखन-प्रणाली के मूर्त प्रमाण अशोक के शिलालेखों (३०० ई०पू०) से पहले के नहीं मिलते। जैन आगम ग्रन्थों के समवायांग में (४०० ई०पू०) प्रज्ञापना सूत्र में अट्ठारह लिपियों का उल्लेख है, जिनमें अंक-लिपि और गणित-लिपि भी सम्मिलत हैं। अंक-लिपि से तात्पर्य उस अंक-लेखन-प्रणाली से था जो शिलालेखों में प्रयुक्त होती थी। गणित-लिपि साधारणतया गित में प्रयुक्त होती थी। लिलत-विस्तार नामक बीद्ध ग्रन्थ में भी संख्या-लिपि का उल्लेख मिला है। इससे प्रतीत होता है कि ईसा से चौथी शती पूर्व भी अंक-लेखनी-प्रणाली प्रचलित थी। इस सम्यन्य में मेरा विचार यह है कि अकगणितीय प्रक्रियाओं का प्रयोग दिना अंक-लेखन-ज्ञान के हो ही नहीं सकता। कोई व्यक्ति दो बड़ी संख्याओं को अक्षरों में लिखकर उन संख्याओं का परस्पर मांग कैसे कर सकता है। प्रारिम्भक छोटे-मोटे जोड़, वाकी तो उंगलियों पर किये जा सकते हैं, शेष प्रक्रियाएँ उंगलियों पर नहीं की जा सकतीं। यदि यह अनुमान सत्य है तो वेदांग-ज्योतिय काल (५००-५०० ई० पू०) से तो निश्चित ही अंक-लेखन-प्रणाली के ज्ञान का आभास मिलता है। वेदांग-ज्योतिय के कतिपय श्लोक नीचे उद्धृत किये जाते हैं जिनमें भिन्न, गुणा भाग, जोड़ और घटाने का स्पष्ट उल्लेख हैं:—

"तिथिमेकादशाभ्यस्तां पर्वमाशसमन्विताम् विमज्य भसमृहेन तिथिनक्षत्रमादिशेत् ।।"

अर्थात् तिथि को ग्यारह से गुणा करे, उसमें पर्वभाशं जोड़े, फिर नक्षत्र समूह से भाग दे, इस प्रकार तिथि के नक्षत्र को बताये। इसमें "ग्रभ्यस्तां शब्द गुणावाचक अभ्यास शब्द का मूनकालिक प्रयोग है। अभ्यास शब्द अब भी वक्षाभ्यास (Cross multiplication) में गुणा के अर्थ में प्रयुक्त किया जाता है। विभव्य का अर्थ तो भाग देकर है हो। आज भी विभाजन शब्द से भाग का अर्थ ममझा जाता है। स्थानांगसूत्र ७४७ (३५० ई० पू०) में गणित की मूलभूत प्रक्रियाओं त्रेराशिक नियम, तथा समीकरणों का उल्लेख मिलता है। ये सब अंकलेखन-प्रणाली के उस समय प्रचित्तत होने के निश्चित प्रमाण हैं। कौटिल्य अर्थशास्त्र में गाणिनिक्याधिकार नामक एक अध्याय है जिसमें गणना पुस्तक (निवन्च पुस्तक) तथा उसमें वेतन, मता, विभाग-संख्या आदि प्रविष्ट करने का उल्लेख है। संख्यायक (एकाउण्टेंट), लेखन (वलकं), रूपदर्शक (रुपये गरखने वाला) का उल्लेख है।

१. कोटिस्य अर्थशास्त्र, पृ० ६२।

२. तस्मादस्याध्यक्षाः संख्यावक, लेखक रूपदर्शग्नीवीग्राहकोत्तराध्यक्षसखाः कर्माणि गुर्युः (कौटिल्य प्रयंशास्त्र, प्र० ६६) ।

गणित की प्रक्रियाओं, संकलन, न्यवकलन (निर्वर्तन) का भी उल्लेख है।

'ततः परं कोशपूर्वमहोरूपहरं धर्मव्यवहारचरित्रसंस्थानसंकलनिर्दर्भ चारप्रयोगैरवेक्षेत्।'' शाम शास्त्रो ने इसका अंगरेजी में निम्नलिखिट किया है:—

Then the table of daily accounts submitted by him alcounts reference to the reference to the reference of righteous transactions and precedents and by apply arithmetical processes as additions, subtractions, inferencespionage.

उस ससय लिपि और संख्यान (गणित) चूड़ा कर्म के बाद सीखें विखा-विभाग भी बहुत बड़ा था। लाखों संख्याएँ लिखनी-पढ़नी पड़ती थीं। अन्त में गाणिनक लोग ग्रक्षपटल में जाकर अपनी विभिन्न शीर्पकों की घनके बृहद्योग (Grand totals) जिनको उस समय अग्र कहते थे, सुनारं देखिये:—

गाणनिक्यान्यापाढ़ीमागच्छेयुः । आगतानां समुद्रपुस्तभांडनीवीनामेकत्र स् पणावरोधं कारयेत् । आयव्ययनीवीनामग्राणि श्रुत्वानीवीमवहारये (कौटित्य अर्थशास्त्र, पृ०

इस तथ्य-समूह से क्या हम इस निष्कर्ष पर नहीं पहुँचते कि चन्द्रगुष्त । (३२२ ई० पू०) के शासनकाल में भी अंक-लेखन-प्रणाली का ज्ञान अवश्य होगा ? मैगस्थनीज उस समय सड़कों पर मील होने का भी वर्णन करता है। ज्ञ मील थे तो उन पर दूरी-सूचक अंक भी अवश्य रहे होंगे। 9

कात्यायन शुल्व सूत्र से दो प्रकरण उड़्त किये जा रहे हैं, जिनसे गणिती। उच्च ज्ञान का आभास मिलता है:—

"मंडलं चतुरस्रं चिकीपंन् विष्कम्भमण्टी भागान् कृत्वा मागमेकोनित्रिश्चा विभज्याप्टाविशतिमागानुद्धरेद् भागस्य च पष्ठमण्टमागोनम्।"

इसका अर्थ यदि गणितीय भाषा में कहें तो यह होगा :--

$$\pi = 8 \left( \frac{9 - \frac{9}{5} + \frac{9}{5.35 - \frac{1}{5.35 + \frac{1$$

इसी प्रकार आपस्तंब की निम्नलिखित पंक्ति भी  $\sqrt{2}$  का मान निर्धारित करती है :—

''प्रमाणं तृतीयेन वर्षयेतच्वर्थेतुनात्मचतुस्त्रिशीनेन स विशेपः''

१. इण्डिया ऑफ मैगस्थनीज, ए० १२५-१२६।

बर्षात् 
$$\sqrt{2}$$
 =  $2 + \frac{2}{3} + \frac{2}{3.8} - \frac{2}{3.8.38}$ 

तैत्तिरीय संहिता में भी ३६²=३६²- २५२ आया है। ऋग्वेद में अयुत (१०,०००) तक की संख्यायें तथा यजुर्वेद में दश खर्व तक की संख्याओं का उल्लेख है तथा उसके एक मन्त्र भें ४ का १२ तक पहाड़ा-सा भी पढ़ा गया है।

इन उद्धरणों से प्रतीत होता है कि वैदिक काल (३००० ई० पू०) में बड़ी-वड़ी संख्याओं का ज्ञान था। किन्तु अंक-लेखन-प्रणाली का ज्ञान था या नहीं, इसका निश्चित ज्ञान हमको नहीं है। यद्यपि हिन्दू जैन तथा बौद्ध परम्परायें ब्राह्मी लिपि तथा अंक-संकेतों को मृष्टिकर्ता ब्रह्मा का आविष्कार मानती हैं। मोहनजोदड़ो और हड़प्पा की खुदाइयों के फलस्वरूप कुछ लेख और मोहरें मिली हैं। उन पर अंक जैसे कुछ चिह्न मिलते हैं किन्तु जब तक उनकी लिपि का भलीभांति अभिज्ञान नहीं हो जाता तब तक ३००० ई० पूर्व अंक-लेखन-प्रणाली के ज्ञान का होना हम निश्चित रूप से नहीं कह सकते।

भारत के जिन अंकों (धूलि-अंकों) को देखकर अरव वालों ने हरुफुल गुवार, हिन्दसा तथा अल-अरकाम्-अल-हिन्द कहा, उन्हीं अंकों को यूरोप वालों ने अरवों से सीखकर अरिविक न्यूमरल कहा और उन्हीं को हम अन्तर्राष्ट्रीय अंक (International Numerals) कहते हैं। कितने दु:ख की बात है कि आज हमारे भोले अनिमज्ञ अनेक भारतवासी अपने इन अंकों को विदेशी नामों से पुकारते हैं और इन्हें देवनागरी अंक कहते हुए तथा इनका प्रयोग करते हुए कुछ दु:ख एवं अपमान अनुमव करते हैं। दूसरे शब्दों में इन पर यह उक्ति चरितार्थ होती है:—

निज हैं उन्हें अन्य जन सारे

मव पर विभव उन्होंने वारे।
पर हा उल्टे माग्य हमारे

निज भी हुए पराये।। (यशोधरासे)

अंगरेजी के अंकों का रूप अब मी देवनागरी के अंकों से बहुत कुछ मिलता-जुलता है। अरवी लिपि दायें से वाएँ लिखी जाती हैं किन्तु संस्थाएँ वहाँ मी श्रव तक वायें से दायें ही लिखी जाती हैं। अरबों द्वारा भारतीय अंक-लेखन-प्रणाली प्रहण करने का यह अकाट्य प्रमाण है।

१. दे० ए० ११६, पाद टिप्पणी ।

# प्रकरण ३. शून्य

शून्य शब्द श्वि वातु के क्त प्रत्ययान्त रूप शून की भाववाचक संज्ञा है। विव का अर्थ है सूजना, बढ़ना। श्वि की कियार्थक संज्ञा श्वयन है जिससे विगड़कर हिन्दी की कियार्थक संज्ञा सूजना बनी। शून का अर्थ है सूजा हुआ। कियार्थक संज्ञा सूजना बनी। शून का अर्थ है सूजा हुआ। कियार्थक संज्ञा सूजना बनी। शून का अर्थ है वढ़ा हुआ तथा समृद्ध। सृष्टि के प्रारम्म में अण्ड (ब्रह्मांड) शून होता अर्थात् बढ़ता चला गया और फिर फट गया जिससे आकाश की उत्पत्ति हुई। इस प्रकार शून्य के "खालीपन" तथा "आकाश" अर्थ हुए। प्रसिद्ध गिणतज्ञ महावीराचार्य संख्यावाचक शब्दों को गिनाते हुए शून्य के विषय में लिखते हैं:— पर्याय:

आकाशं गगनं शून्यमम्बरं खं नभो वियत् अनन्तमन्तरिक्षं च विष्णुपादं दिविस्मरेत् ।

अर्थात् आकाश, गगन, ग्रम्बर, ख, नमः वियत्, अनन्त, अन्तरिक्ष, विष्णुपाद तथा दिव शब्द शून्य के पर्यायवाची हैं। ज्योतिपी लोग शून्य के लिये पूर्ण शब्द का मी व्यवहार करते हैं। अमरकोप में भी लिखा है:—

"शून्यं तु विशिक्षं तुच्छिरिनतके" अर्थात् रिनतार्थक शून्य शब्द के ४ पर्याप हैं :— १. शून्य, २. विशिक, ३. तुच्छ, ४. रिनत । इनमें से शून्यार्थक तुच्छय और रिनत शब्द ऋग्वेद में भी मिलते हैं । वशी शब्द कात्यायन श्रीत सूत्र में शून्यार्थ में ही मिलता है । ब्राह्मण-ग्रन्थों में शून्य शब्द के रिनत अर्थ में प्रयोग मिलते हैं । कौटिल्य अर्थणास्त्र (३२५ ई० पूर्व) में "शून्यमूलं" शब्द में शून्य श्राया है । इसमें शून्य का अर्थ है खाली अथवा अरक्षित । अमरकोप की उनत पंनित भाषा-विज्ञान की दृष्टि से सर्वाधिक महत्वपूर्ण है । देखिये संसार की अन्य मापाओं में इन्हीं चारों से मिलते-जुलते शब्द पाए जाते हैं । यथा : --

यूनानी	केनोस, केन्योस	```}	
ऐलिक	केन्नोस	}	शून्य से मिलते-जुलते
लैटिन इटैलियन स्पैनिश डैनिश	वेदवयुश्रस च्यूटो वेशियो लोम	}	.बशिक से मिलते-जुलते
लियूनियन लैटिश स्लैविक	तुश्चियस तुश्चिय तुश्ती	}	तुच्छ से मिलते-जुलते

रे. विनय-पिटक में भी शून का मूजा हुआ ग्रर्थ मिलता है। देखिए रायस टैविसकृत पाली शब्दकोप।

बोहीमियन, जैक पोलिश

रैज़्डनी रोज़्नी

रिक्त से मिलते-जुलते

## चीरो तया साइफर:

वरवी भाषा में रिक्त के वर्ष में सिफ शब्द या वतएव उन्होंने शून्य को 'सिफ' शब्द से वनूदित किया। सिफ शब्द निम्नलिखित दो मार्गों से अंगरेजी में पहुंचा वतएव अंगरेजी में उसके दो मिन्न विकृत रूप 'साइफर' तथा 'जीरो' मिलते हैं। जीरो इस प्रकार एक डवर्जेंट शब्द है।

प्रयम मार्ग	अरवी	स्पेनिश	पुरानी फ्रैंच	नई फैंच	अंगरेजी
शून्य	सिफ	सिप्रा	सिफे	शिफो	साइफर
हितीय मार्ग शून्य	व्यरवी सिफ	लेटिन जैफम जैफीरम	इटेलियन जैफीरो ज्यूरो जीरो	फ्रींच जीरो	अगरेजी ज़ीरो

अरबी का सिफ णव्द संस्कृत शून्य का ही अनुवाद है। इसके तीन प्रमाण मिलते हैं:—

(१) अरवों ने अंक मारतवर्ष से सीखे, अत: उनको हिन्दसा (हिन्दुस्तान के) अथवा अलअरकाम् ग्रलहिन्द (अलवरूनी का शब्द है, अर्थात् हिन्दुस्तान के अंक) कहते थे। अंकों को वे हरूफुल गुवार मी कहते थे, जो हमारे धूलि-अंकों के आवार पर ही बना हुआ शब्द है। अरबों ने यह कभी दावा नहीं किया कि अंकों का उन्होंने स्वयं आविष्कार किया। (२) द्वितीय प्रमाण शून्य की ब्युत्पत्ति है। दशमिक अंक-प्रणाली मारत की देन है। इस प्रणाली में इकाई, दहाई, श्रादि के प्रयक् स्यान थे। जिस स्यान पर कोई अंक नहीं होता था उसको सम्भवतः रिक्त छोड़ देते थे जैसे २५०३०४ को वे ००००० व मों लिखते थे। वाद में शून्य का २ ५ ३ ४

Rangacharya, commentator of गणित-मार-मंग्रह (Ganit sar sangrah).

<sup>1.</sup> In the utilization of a system of notation wherein the several numerical figures used have place values apart from what is called their intrinsic value. In writing out a number according to such a system of notation, any notational place may be left empty when no figure with an intrinsic value is wanted there. It is probably that owing to this very reason, the Sanskrit word grameaning empty came to denote zero; and when it is borne in mind that the English word 'cipher' is derived from an Arabic word having the same meaning as the Sanskrit gra, we may safely arrive at the conclusion that in this country the conception of zero came naturally in the wake of the decimal system of notation."

सांकेतिक चिह्न (०, .) आविष्कृत हुए । अन्य देशों के शून्य-वाचक - युवितयुवत व्युत्पत्ति नहीं मिलतो । (३) भारत में शून्य-चिह्न का प्रयं पू० के पिगल छन्दः शास्त्र नामक ग्रन्थ में मिलता है । इतना प्राचीन किसी देश में नहीं मिलता । देखिए :—

# "रूपं शून्यं" (पिगल ८।२६)

हलायुव वृत्ति (विषमसंख्यातः रूपम् एकसंख्याम् अपनयेत् । र युग्य लम्यते)

हि: जून्ये (विगल ८।३०)

हलायुषवृत्ति (शून्यस्थाने दिरावृति कुर्यात् तत्र निराकारतथा प्रथमातिकमे कारणाभावात् एकसंख्या लम्यते । तां शून्यस्थाने स्था येत्) पिगल ने इन सूत्रों में छन्दों के प्रस्तार की पद्धति वतायी है ६ वणीं वाले गायत्री छन्द के कितने भेद होंगे । उक्त पद्धति के हिसा होंगे । उपरोक्त उद्धरणों में वताया है कि रूपे अर्थात् १ घटाने प्रमूप चिह्न रिवये । दि: शून्ये" अर्थात जहां-जहाँ शून्य चिह्न गूणा करिये ।

बक्षाली-पांडुलिपि (३०० ई०) में मी शून्य-चिह्न का प्रयोग करने लिखी हैं जैसे पत्र ५६ (बी) पर | ५६० | ६६४ | गुणा करने पत्र | ५४ | १६८ |

संस्थायें प्राप्त हुई। वक्षाली-पांडुलिपि में (पृ० १८७) 'शून्यं हस्तं इसमें भी शून्य का अर्थ सिफ है। उक्त ग्रन्थ के २२ वें पृष्ठ पर शून्य का मिलता है। शून्य का पाचीनतम चिह्न (.) है। सुबन्यु कृत वासवदत्ता (४६ की निम्न पिक्तयों इस सम्बन्य में अवलोकनीय हैं।

''विद्वं गग्यतो विघातु: शिक्षिठिनीखडेन तमोमयी स्थामे अजिन इव स्मारस्य अतिभून्यत्वात् शून्यविन्दव इव विलिखिताः जगत्वयविजिगीपाविनिः रित्यरिविर्मणी इव लाजांजलयः……तारा स्थराजन्त''

अर्थात् "किंवा संसार की गणना प्रसंग में भगवान् ब्रह्माद्वारा चन्द्रमान्त्र खड़िया से कज्जलतुल्य अंधकार से द्यामवर्णा चमंसद्दश आकाश में संसार के अत्यन्त्र निस्मार एवं सर्वथा विनाशी होने के कारण णून्यता मूचक लगे हुए विन्दुओं के समान तारे शोभायमान लग रहे थे।" यहाँ शून्य विन्दवः का अर्थ है णून्य (संख्या) के मूचक विन्दु (चिह्न)। शून्य एक संख्या है श्रीर विन्दु उसका चिह्न है। भास्कड़ प्रयम (६२६ ई०) ने आर्यभटी की टीका में स्थानमानयुक्त शून्य सहित अंकों का प्रयोग किया है। आयुनिक प्रणाली के समान उन्होंने भी पहले इकाई, दहाई आदि के स्थान द्योतक चिह्न ००००० लिखे हैं। आठवीं शती के जयवर्षन द्वितीय के रघोली पट्टों में शून्य-चिह्न को प्राचीनतम पुरालेख सम्बन्धी प्रमाण हैं। इसमें शून्य का चिन्ह वृत्ताकार ० है।

शून्य ऋण चिह्न के रूप में :

भास्कर प्रथम ने ० को अंक के पार्श्व में तथा परवर्तियों ने अंक के कपर इस चिह्न को लगाकर उस राशि के ऋणत्व को सूचित किया है।

भास्कर द्वितीय ने कहा है "अत्र रूपागाममन्यक्तानां चाद्यक्षराण्युपलक्षणार्थं लेख्यानि यानि ऋणगतानि तानि ऊर्घ्वविन्दूनि च —(भास्करीय वीजगणित)।

त्रर्थात् अव्यक्त राशियों के द्योतक कालक, नीलक आदि के प्रथम अक्षर का० नी० आदि होते हैं। यदि यह ऋणात्मक हों तो उनके ऊपर विन्दु लगाना चाहिए। शून्य के आविष्कार का महत्व:

यदि यून्य चिह्न का आविष्कार न हुआ होता तो न मालूम संख्याओं को व्यक्त करने के लिये कितने चिह्न बनाने पड़ते और दशमिक अंक-लेखन-प्रणाली का आविष्कार ही न हुआ होता। सकल विज्ञानों की जननी गिएत विद्या है और गिएत की जननी संख्याएँ हैं जिनके लेखन की आधार भूत सामग्री यून्य है। यदि यून्य का आविष्कार न हुआ होता तो आज विज्ञान की इतनी प्रगति न हुई होती। प्रो० इरविन स्कूडिंगर अपनी 'स्पेस टाइम स्ट्रक्चर' नामक पुस्तक (१६५० ई०) में लिखते हैं, 'The most important number in Mathematics is zero'. अर्थात् गणित की सर्वाधिक महत्वपूर्ण संख्या यून्य है। अमरीका के प्रो० हाल्सटीड इसके आविष्कार के विषय में लिखते हैं:—

This giving to airy nothing not merely a local habitation and a name, a picture, a symbol but helpful power is the characteristic of the Hindu race whence it sprang. It is like coining the nirvan into Dynamos. No single mathematical creation has been more potent for the general ongo of intelligence and power.

अर्थात् इस हवाई अमावात्मक वस्तु को न केवल स्थान-मान तथा संज्ञा प्रदान करना अपितु उसको चित्रित करना तथा उसको सांकेतिक चिह्न प्रदान करना, हिन्दू जाति की विशेषता है जिसने इसको जन्म दिया। यह निर्वाण को गति प्रदान करने के समान है। बुद्धि तथा शक्ति की व्यापक प्रगति के लिये गिएति का अन्य कोई आविष्कार इतना अधिक सहायक सिद्ध नहीं हुआ। शून्य का विकृत रूप 'सुन्ना' भी हिंदी की कई बोलियों में चलता है। ज्योतिषी गणना करते समय पाँच गुगा दो आए दस, दस का पूर्ण हाथ लगा एक कहते हैं, अतएव शून्य के लिये पूर्ण शब्द का भी ज्यवहार किया जाता है। मोनियर विलियम्स संस्कृत कोश में भी पूर्ण का अर्थ शून्य दिया है। शून्य कहना वह अशुभ समझते हैं अतएव उसके स्थान पर पूर्ण शब्द का ज्ययहार करते हैं। दश पर दशमिक अंक-माप (Decimal Scale) पूर्ण हो जाता है अतः शून्य के स्थान पर पूर्ण शब्द का प्रयोग सार्थक भी है। किन्तु हँसी की वात यह है कि खग्नास (पूर्ण ग्रहण) शब्द में शून्य का पर्यायव।ची 'ख' शब्द पूर्ण अर्थ में प्रयुक्त होता है। शून्य संख्या है अथवा चिन्ह ?

जैसा कि ऊपर बताया गया है जून्य संख्या होती है और बिन्दु उसका चिह्न । एक में से एक घटाया शेष आया जून्य, यहाँ स्पष्ट है जून्य एक संख्या विशिष्ट है । यह सकल घनात्मक तथा सकल ऋणात्मक संख्याओं की मध्यवर्ती सख्या है । बिंदु अथवा बिदी जून्य का सांकेतिक चिन्ह है जैसे सो में दो बिन्दी लगती हैं । वच्चे संख्या-पाठ करते समय बोलते हैं "एक कड़ा पै दो बिन्दी पूरे राम सो ।" एक कड़ा का अर्थ एक आंकड़ा अथवा एक अंक है । बिंदु, जल-बिन्दु शब्द का संक्षिप्त रूप है और अतएव उसका आकार है । पहिले जून्य का चिह्न '' था बाद में वह दत्ताकार ० हो गया । उर्दू में जून्य का चिह्न (.) अर्थात् बिन्दी ही है । संभवतः इसका कारण यह मी हो कि यदि जून्य का वृत्ताकार चिह्न लगायें तो उर्दू पांच ० का भ्रम लगने लगेगा । अंगरेजी में जून्य का चिह्न वृत्ताकार ही है वयोंकि बिन्दु पूर्ण विराम का चिह्न है ।

आर्यभट के बाद ही प्राचीन गणित की पुस्तकों में शून्य परिकर्म नामक एक अध्याय पाया जाता है जिसमें शून्य द्वारा योग, गुणा, भाग आदि कियाओं के करने का विधान दिया रहता था। देखिए ब्रह्मगुष्त (६२८ ई०) का एतद्विषयक सूत्र :—

श्र्न्य-विहीनमृरामृरां धनंधनं भवतिश्न्यमाकाशम् । शोध्यं यदा धनमृरााद् ऋणं धनादा तदा क्षेप्यम् ॥

अर्थात् शून्य को किसी घन अथवा ऋरण राशि में घटाने से राशि धन ही अथवा ऋण ही रहती है तथा शून्य में से शून्य घटाने से शून्य राशि ही प्राप्त होती है।

बिहारी किव ने मी वैंदी (विन्दी) को शून्य सूचक चिह्न बताया है।
 यथा:—

कहत सबै बैंदी दिये अंक टसगुनी होत । तिय लिलार बैंदी दिये अगनित बढ़त उदोत ।।

किन्तु यदि ऋण से घन राशि घटाये तो फल ऋण तथा घन से ऋण घटाने पर फल घन प्राप्त होता है।

# तच्छेद, खहर:

खोद्धतमृणं घन व तच्छेदं खमृणघन विभवतं ना । ऋणधनयोवंगः स्वम् खं खस्य पदं कृतियंत्तत् ।।

अर्थात् शून्य से भाग देने पर ऋण ग्रथवा धन राशि तच्छद अथवा खहर कहलाता है। यदि शून्य की ऋण ग्रथवा घन राशि मे भाग दें तो शून्य की प्राप्त होता है। ऋण ग्रथवा घनराशियों का वर्ग घन होता है। शून्य का वर्गभूल शून्य तथा वर्ग भी शून्य होता है। किन्तु ब्रह्मगुष्त का यह कथन असत्य है कि खं खभवतं सम् अर्थात् है = ०। मास्कर द्वितीय ने तच्छेद के स्थान पर खहर शब्द का प्रयोग किया है। यथा: —

खयोगे वियोगे घनणे तथैव च्युतं शून्यतस्तद्विपर्यासमेति । वधादौ वियत्खस्य खं खेनघाते खहारोभवेत् खेन मन्तस्य राशिः ।।

मास्कर में इसकी टीका में लिखा है :— रू ३ रू ३° रू ० अर्थात् ३—३—०

हिन्दू लोग अंकगणित में शून्य द्वारा किये गये माग को ठीक नहीं समभते थे। नारायण कहते हैं कि लोक व्यवहार में 'खहर' का प्रयोग नहीं होता। अतः हमने इसको यहाँ प्रयोग नहीं किया है। खहर बीजगणित की वस्तु है। यही कारण है कि महावीर ने शून्य से भाग देने पर संख्या में कोई परिवर्तन नहीं होता यह अद्युद्ध कथन किया है। यथा:—

'ताडित: खेन राशि: खं सोऽविकारी हुतो युतः'

प्राकृत में भून्य को सुगुरा तथा सुण्ण कहते है जिससे विगड़कर हिन्दी में सूना, सुन्ना अथवा सुन्न शब्द बने। अथवंवेद में क्षूद्र शब्द आता है। डा० दत्त के मत में यह शून्य के हो अथं में वहां प्रयुवत है। वैसे क्षुद्र का अर्थ तो तुच्छ है और तुच्छ स्वयं रिक्तायं भून्य का पर्याय है। अत्वत्व डा० दत्त की कल्पना सत्य हो सकती है। शन्य की परिमापा:

्रह्मगुष्त ने ब्राह्मस्फुटसिद्धान्त में शून्य की परिभाषा इस प्रकार दी है 'समैवयम् सम्' अर्थात यदि दो समान किन्तु विपरीत चिह्न वाली राशियों को जोड़ा जाय तो उनका योग शून्य होता है अर्थात् क—क=० वाद के ग्रन्यों में भी इसी परिभाषा को दुहराया गया है।

भाग्य की यात यह है कि घून (समृद्ध) जैसे महान पिता का पृत्र जून्य निकला किन्तु धून्य होते हुए भी एक महानता उसमें भी है कि जो राश्वि उसकी खहर शब्द का प्रयोग किया है। किन्तु खहर का मान भया होता है इसका उन्होंने भी जल्लेख नहीं किया है। गणितितलक में उन्होंने भी महावीर की त्रुटि को दोहराया है वर्षात् क = ० तथा ० = ० कहा है यथा:—

योगे शून्यं भवति सद्दशं क्षेपकस्याविकारी ।

राशिः शून्यापगमिमलने शून्यघाते च शून्यम् ।।

च्योम्ना मिनत भवतिगगनं व्योम्नि भनतेचशून्यम् ।

वर्गे व्योम्नो वियदिति भवंदन्तरिक्षं घनश्च ॥

भास्कर द्वितीय ने ११५० ई० में सर्वप्रथम यह वताया कि इस खहर राश्चि का मान अनंत होता है। देखिए:—

'अयमनन्तो राशिः खहर इत्युच्यते'
वे खहर राशि की भगवान से तुलना करते हुए लिखते हैं:—
अस्मिन् विकारः खहरे न राशा
विष प्रविष्टेष्विप निस्सृतेषु।
बहुष्विप स्याल्तयसृष्टिकालेऽनन्तेऽ
च्यूते भूतगरोषु तद्वत्।।

अर्थात् जिस प्रकार सृष्टि श्रोर प्रलयकाल के समय ब्रह्मा में से अनन्त जीव आते जाते रहते हैं किन्तु वह फिर मी अनन्त रहता है उसी प्रकार यह अनन्त संख्या भी है। इसमें कितनी वड़ी संख्या को भी जोड़ने या घटाने से कुछ अन्तर नहीं पड़ता। इसी पर ईपोपनिषद् में लिखा है:—

> पूर्णमदः पूर्णमिदं पूर्णात् पूर्णमुदच्यते । पूर्णस्य पूर्णमादाय पूर्णमेवावशिष्यते ।।

अनन्त का अर्थ आकाश भी होता है अतएव महावीराचार्य ने इसे झून्य का पर्याय बताया है। कैसी विचित्र बात है कि इसका मान झून्य से बढ़कर अनन्त (असीम) हो गया तथा पूर्ण शब्द जिसका उपरोक्त उद्धरण में अनन्त जैसा अर्थ है ज्योतिषियों की भाषा में झून्य के अर्थ में प्रचलित हो गया।

१. देखिये शून्य शब्द ।

#### प्रकरण ५. सख्यावाचक शब्द

### च्युत्पत्ति :

सम् उपसर्ग पूर्वक स्या (प्रकथने) घातु से संख्या शब्द बना है। प्रकथन का अर्थ है नाम निर्देश करना। गिनितियों के भावों के नाम होने के कारण इनको संख्या शब्द से व्यक्त किया गया है। संख्या और अंक में पर्याप्त अन्तर है जैसे २५ सख्या है जो २ और ५ अंकों से मिलकर बनती है किन्तु अंक को भी हम संख्या के अर्थ में कभी-कभी प्रयोग कर लेते है जैसे अंकगणित तथा गुणांक में यह प्रयुक्त हुआ है। ऐतिहासिकता:

इन संख्याओं का आविष्कार कव हुन्ना इसका वताना ग्रति कठिन है किन्तु भारतवर्ष में ही इस ज्ञान का प्रादुर्भाव हुआ यह निधिवाद है। क्योंकि प्राचीनतम वैदिक साहित्य में एक, द्वि, दश, शत, सहस्र, अयुत, नियुत, प्रयुत, अर्बुद, न्युर्वुद, समुद्र, मध्य, अन्त और परार्ध आदि संख्याओं के नाम मिलते है। यथा:—

''शताम स्वाहा सहस्राय स्वाहाऽयुताय स्वाहा नियुताय स्वाहा प्रयुताय स्वाहाऽर्जुदाय स्वाहा न्यर्जुदाय स्वाहा समुद्राय स्वाहा मध्याय स्वाहान्ताय स्वाहा परार्धाय स्वाहेपसे स्वाहा'' (तैत्तिरीय संहिता ७-२-२०-१)

किन्तु संस्था जन्द वेदों में नहीं आता । इसका प्रथम उल्लेख शतपथ बाह्मण में मिलता है । यथा :—

'तदाहु: कैतासामसंख्यातानां संख्येति हें इति बूयाद्देहि सिकते गुक्ला च कृष्णा चायो सप्तिविश्वतानीति बूयादेताविति हि संवत्सरस्याहोरात्राण्ययो हे हापंचारा शते इत्येतावित हो तस्य षड्रचस्याक्षराण्ययो पंचिव ४ शतिरिति पंचिव हिरेत : 1

### प्रथम प्रयोग :

अर्थात् ब्रह्मा से प्रजापित अगिन की उत्पत्ति हुई तथा उनके रेत से ही समस्त चराचर एवं संवत्सर अहोरात्र ग्रादि बने। ब्रह्मा के उस अनंत रेत की क्या संख्य है। प्रयम तो वह रेत दो प्रकार का है जुक्ल और कृष्ण (पक्ष) और पुनः उनः ७२० भेद भी है जो कि संवत्सर के दिन रात (३६० दिन ३६० रात) के रूप ं है....।

### परवती प्रयोग :

प्राचीनतम बीद और जैन साहित्य में भी इस शब्द का प्रयोग मिलता ह दीर्घनिकाय, मिलिद, दथवंस, संयुत निकाय आदि बीद्व ग्रंथों में इस शब्द का प्रय द्भुष्टा है। वर्तमान ग्रंथ के अतिरिक्त वहाँ इस शब्द के 'नाम', 'अक्षर' तथा 'परिस्त ये अन्य वर्ष भी श्राये हैं। महामारत और काव्यसाहित्य में इसके चर्चा, विचारणा, तर्क, बृद्धि ये श्रतिरिक्त श्रयं मिलते हैं। जैन ग्रंथ अनुयोगद्वार सूत्र में बताया है कि एक संख्या नहीं होती, संख्यायें तो दो बादि हैं। देखिये—

'से कि तं गणगा संख्या ? एको गणगां न उवेइ दुप्पिमइसंसा' (अनु०सू० १४६)

# संस्याओं का ज्ञान :

संख्यासंबंधी ज्ञान भारतवर्ष में प्राचीनकाल से चला का रहा है। वेदों में ही वड़ी २ संख्याओं का उल्लेख मिलता है। यजुर्वेद में परार्थ जो १० ३२ के बराबर एक संख्या थी, का उल्लेख मिलता है। सांख्यायन श्रीतसूत्रों में वृहत्संख्या अनन्त का उल्लेख है जो १० १३ के बराबर थी। इनसे भी बड़ी २ संख्याओं का परवर्ती बौद्ध और जैन ग्रंथों में उल्लेख मिलता है। बौद्ध ग्रंथ लिलतिवस्तर (१०० ई०पू०) में गणितज्ञ अर्जुन और राजकुमार वोधिसत्व के संवाद में शतगुणोत्तर संख्याओं में एक तल्लक्षणा नामक संख्या का उल्लेख है जो १० १३ के बराबर थी। संवाद इस प्रकार है:

बर्जुंन -हे बीविसत्व क्या तुम शतगुणीत्तर संस्थायें जानते हों ?

बोचिसत्व — हाँ, सीकोटि का एक बयुत, सी अयुत का एक नियुत, सी नियुत का एक कंकर, सी कंकर का एक विवर .....सी विमूं तिगमा की एक तहतक्षणा। इससे भी बड़ी बीपंत्रहेलिका नाम की एक संस्था जैन साहित्य में आई है जिसका मान ज्योतिए करण्डक के अनुमार २५० स्थानों तक जाता है। अंकों में लिखने पर यह निम्न संस्था होती है— १८७६५५१७६५५०११२५६५४१००६६६६८१३४३०७७०७६७४६५४६४२६१६७७४७६५०२५७३५६७१८६८४६४१००६६

# विदेशी साहित्य की वृहत्संस्यायें :

यूनानियों के पास सबसे बड़ी संस्था का नाम मिरियड है जिसका मान केवल १०४ के बराबर है। रोमनों के पास बड़ी संस्था 'मिले' ही यी जो केवल १०३ के बराबर थी। मिस्र में भी करोड़ से ऊर के स्थान नहीं थे और शून्य के लिये भी कोई चिह्न नहीं था। वेबीलोन में दस लाख से नीचे की ही मंस्थायें पाई गई हैं। गीरिया में १००० तक के ही मंस्था चिह्न थे। स्सी भाषा में भी १००० तक के ही मंस्या चिह्न थे। स्नी भाषा में भी १००० तक के ही मंस्या चिह्न थे। स्नी भाषा में भी १००० तक के ही मंस्या चिह्न थे। सनके यहां संख्यायें दस करोड़ में अधिक नहीं हैं। पीटरग्रेट ने अपने ममय में भारतीय अंकों का प्रचार किया था।

१. देखिये राउस टेविस कृत पालि मन्द कोप।

२. अनेक व्यक्ति वेदों को अनादि मानते हैं अतः संख्या ज्ञान उनके मत में अनादि काल से चना प्रा रहा है

# संस्यास्रों की दशमिक अंकप्रणाली:

दशमिक अंकप्रणाली से तात्पर्य १, २, ३, ४, ५, ६, ७, ६, ० की सहायता से क्रम ने दस गुने स्थानं मान का प्रयोग करके लिखी जाने वाली संस्थाओं की निर्देशन पढ़ित से है। इस पढ़ित से वड़ी से बड़ी संस्था को जितने अच्छे ढंग से लिखा जा सकता है उतना संसार की किसी अन्य संस्था-लेखन-प्रणाली से नहीं लिखा जा सकता। अतएव इस पढ़ित का संसार में आज सर्वत्र प्रचार है। इस पढ़ित की मूलभूत बातें दो हैं, प्रथम शून्य की कल्पना तथा दूसरे संस्थाओं के उत्तरोत्तर दस गुणित मान की कल्पना।

शून्य का आविष्कार भारत में ही हुआ यह प्रायः सभी स्वीकार करते हैं। शून्य के आविष्कार की महत्ता के सम्बन्ध में प्रोफेसर हाल्सटीड के विचारों का पृष्ठ १२७ पर अवलोकन कीजिए।

### संख्या-लेखन का प्रारम्म :

यों तो अंकलेखन के प्रयम प्रमाण अशोक के शिलालेखों में मिलते हैं किन्तु दशमिक अंकलेखन प्रणाली का संसार का सबसे पुराना पुरातत्व लेख ५६४ ई० का गुजर देश का लेख है। विद्वान लोग इसके आविष्कार का समय ईसवी सन् के आस-पास मानते हैं। वक्षाली-हस्तलिपि (तीसरी शती) में ही दशमिक अंक-प्रणाली पर ही लिखे हुए अंक मिलते हैं।

### शन्दांकलेखन प्रणाली:

बंकों में लिखने के बितिरिक्त संस्थायें शब्दों और वर्णों में भी लिखी जाती थीं, जैसे ११०, प्रदर्श इस संस्था को 'अंकेमकर्माम्वरशंकराखाम्' इस प्रकार कहना यहाँ बंक ह, इम प्रकार कमें प्रकार कर है। संस्थाओं के द्योतक शब्दों की सूचियाँ गिए।तितलक और गणितसारसंग्रह के अन्त में दी हुई हैं।

# वर्णांकलेखन प्रशाली:

वर्णाकलेखन प्रणाली से तात्पर्य वर्णमाला के प्रत्येक अक्षर को संख्या-मान देना है। बार्यमट की वर्णाकलेखन प्रणाली अत्यन्त प्रसिद्ध है जो नीचे दी जा रही है:—

वर्गाक्षराणि वर्गेऽवर्गे वर्गाक्षराणि कात् ङमी यः । स्रद्विनवके स्वरा नव वर्गेऽवर्गे नवान्त्यवर्गे चा ।। (आर्यमटीय गीतिकापाद)

१. जी॰ बी॰ हाल्सटीड-आन दी फाउण्डेशन एण्ड टेकनीक आफ अर्थमेटिक शिकागी, १६१२, पृष्ठ २०।

स्वर और व्यंजनों को उन्होंने निम्नलिखित मान प्रदान किये ये :--2 भ ज ਣ रा त ₹. च छ ज ₹ ਫ 3 १० ११ १२ १३ १४ १४ १६ १७ 7 y ε ড ζ न प फ व भ म य र ल व श प १म १६ २० २१ २२ २३ २४ २४ ३० ४० ४० ६० ७० म० ६० १०० ऐ ख 恶 लृ ए 

इस प्रणाली से ह्युद्य=(२+३०) १० $^{8}+^{4}\times$ १० $^{5}=^{4}$ २२०००० चयगियनुसुचृत् ६ $+३०+3\times$ १० $^{4}+3\times$ १० $^{5}+4\times$ १० $^{8}+4\times$ १०

= 46683335

# वंकानाम् वामतोगति :

संस्थाओं के बोलने और लिखने का कम एक दूसरे से विपरीत होता है। बोलते हैं पंचदश (१५) किन्तु लिखने में पहले दस फिर पाँच लिखते हैं अर्थात् १५। संस्कृत का यही कम अंगरेजी में भी पाया जाता है अर्थात् वहाँ भी बोलने में सिक्सटीन और लिखने में १६ लिखते हैं। यही कम प्राय: अन्य भाषाओं में भी है। इसी नियम को लल्ल के व्यक्तगणित की टीका में 'ग्रंकानाम् वामतोगितः कहा गया है।

गव्दांक-लेखन-प्रणाली दशमिक अंकलेखन प्रणाली से प्राचीन है। इसका चल्लेख वायुपुराण (४ वीं शती) में मिनता है। शब्दांकलेखन में संख्याओं के लिखने का जो विपरीत कम या वहीं कम वाद को अंक-लेखन-प्रणाली में भी आ गया।

नं ने हम संस्कृत, प्राकृत तथा हिंदी के १-१०० तक के शब्द दे रहे हैं जिनके प्रवलोकन-मात्र से यह पता चलेगा कि किस प्रकार हिंदी के संस्थावाचक प्रवद संस्कृत मापा से प्राकृत के माध्यम से निस्सृत हुए हैं:--

संस्कृत	प्राकृत	हिन्दी
एक डि	एक, एग, एक्क, एगो, एझो दु, दोन्ति, दो, दुए, वे दुवे	एक दो
ন বি	तिणिण, तिन्नि	तीन
चनुर	चतारि, चनारो, चटरो	घार
पंच	पंच	पांच
पट्	द्य	छ:
मप	सत	गात

संस्कृत	प्राकृत	हिन्दी
अष्ट	<b>अ</b> ट्ठ	बाठ
नव	नअ, णअ, नव, णव	नी
दश	दस, दह, डह, रह	दस
एकादश	ग्यारस, एआरह	ग्यारह
द्वादश	वारस, वा <b>र</b> ह	वारह
व्योदश	तेरस, तेरह	तेरह
चतुर्दश	चउद्दह, चीद्दस	चौदह
पंचदग	पण्णरस, पर्गारेह, पणरहो, बणारहो	पंद्रह
पोडश	सोलस, सोलह	सोलह
सप्तदश	सत्तरस, सतरह	सत्तरह
अप्टादश	अट्ठारस, अट्ठारह, अट्ठारह	अठारह
एकोनविशति एकान्नीवशति ऊनविशति	े उनवीसड, उनवीसा, एक्नवीसा	चन्नीस
विशति, विश	वीसत, वीसइ, वीस	वीस
, एकविंशति	एकवीसा	इक्कीस
हार्विशति	व्यावीसं, वावीसा	वाईस
त्रयोविशति	तेवीस, तेवीसा	तेईस
चतुविशति	चउव्वीसं	चौबीस
पंचविशति	पंचवीसा, पंचवीसं	पच्चीस
पट्विंशति	छव्वीसं	छव्वीस
सप्तविशति	सत्तावीस, सत्तावीसा, सत्तवीस	सत्ताईस
अप्टविशति	अट्टावीस, अट्टावीसा, अट्टवीस	अट्टाईस
ऊनियात	त्रणवीसा, एकूणवीसा	उनतीस
त्रिगत, त्रिग	तीसा, तीसवा, तीसे	तीस
एकत्रिशत्	इगितीस	इकतीस
द्वात्रियत्	वत्तीसा	वत्तीस <del>२</del> ००
त्रयस्त्रिशत्	तेत्तीस	तेतीस चौंतीस
चतुस्त्रिशत् पंचित्रिणद्	चंडतीस	वातास पैतीस
प वात्रणद् षट्त्रि <b>शत्</b>	पन्नतीसं, पणतीसं	<sup>पतात</sup> छत्ती <i>स</i>
षद् वशत् सप्तत्रिंशत्	 सन्तर्तीसं	र्थ, स्टेतीस सेतीस
अप्टिमिशत्	बहुती <i>सा</i>	<b>यड़ती</b> स
,	<del>-</del>	

संस्कृत	प्राकृत	हिन्दी
<b>ऊनचरवारिं</b> शत्		उन्तालीस
(ऊनचरवारिश)		
चत्वारिशत् (चत्वारिश)	चत्तालीसा	चालीस
एकचत्वारिशत्	एक्चत्तालीसा	इकतालीस
द्विचत्वारिशत	वायालीमं	<b>च्या</b> लीस
(द्वाचत्वालिश)		
त्रिचत्वारिशत्	तेग्रालीसा	तेतालीस
चतुश्चत्वारिशत्	चत्ताले, चोवालीसा	चबालीस
पंचचत्वारिशत्	पन्नचत्तालीसा	पैतालीस
पट्चत्वारिशत्	छच्चतालीसा	· छयालीस
सप्त चत्वारिशत्	सतअत्तालीसं	सैंतालीस
अष्टचत्वारिशत	अड्याले, अट्ठअत्तालीस	अड़तालीस
<b>ऊन</b> पं चारात	ऊणेपंचासा, ऊणपंचासा, उनपचासं	उनन्चास
(ऊनपंचाश)	(गढ़वाल), एकूनपण	
पंचाशत् (पंचाश)	पंचासा, पर्गासा, पन्ना	पचास
एकपंचाशत	एक्पंचाशत, एक्कावन्नम्	इक्क्यावन
द्विपंचाणत	वावणं	वावन
त्रिपंचाशत्	त्रिप्पण, तेवण	तिरेपन
चतु:पंचाशत्	चउण्पण	चौअन
पंचपञचाशत्	पंचावण	पचपन
पट्पंचाशत	छप्पण, छप्पन्न	छुप्पन
सप्तपंचाशत	सत्तावणं	सत्तावन
अप्टपंचाशत	अट्टवर्ग	अट्ठावन
<b>अन</b> पप्टि	सट्टो, सठ्ठी	<b>उन्स</b> ठ
पप्टि	सट्ठि, सठ्ठी	साठ
∙एकपप्टि	इगसट्ठि, इगत्थिं	इकसठ
द्वापिट	वासट्ठि	वासठ
त्रिपप्टि	तेसट्ठि	तिरेसठ
चतुःपष्टि	चडसट्ठि	चौंसठ
पं <b>चप</b> ष्टि	पणसट्ठि	<b>पै</b> सठ
पट्पच्डि	छवट्ठि	छ्यासट
सरतपिट	सतसट्ठी,	सड़सठ

संस्कृत	प्राकत	हिन्दी
अष्टपष्टि	बट्ठसट्ठी, बहुट्ठ	अड़सठ
ऊनसप्ति	एग्रेगसेत्तरिं, अँडेणत्तरिं	उनत्तर
सप्ति	सत्तरि, सयरि, सत्तरस	सत्तर
एकसप्तति	इक्कसत्तरि	इकत्तर
द्विसप्तति	विहत्तरीय	बहत्तर
त्रिसप्तति	तेवत्तरि	तिहत्तर
चतुःसप्तति	चौहत्तरि	चौहत्तर
पंचसप्तति	पंचहत्तरि	पचत्तर
पट्सप्तति	छवत्तरि	छअत्त र
सप्तसप्तति	सत्तहत्तरि	सतत्तर
अष्टस <b>्</b> तति	अट् <b>ठहत्त</b> रि	अठत्तर
ऊनाशीति	उनासी	-उनासी
अशीति	असी <b>इं</b>	अस्सी
एकाशीति	एकासी	इक्कयासी
द्वयशीति	वासीइं	व्यासी
त्र्यशीति	तेसीइ	तिरासी
चतुरशीति	चउरसीति, चौरासीए, चउरासीइं	चीरासी
पंचाशीति	पंचासीइं	पचासी
पडशीति	<b>छ</b> ळसीइं	छ्यासी
सप्ताशीति	सत्तासीइं	सतासी
<b>अ</b> ष्टाशीति	<b>अट्ठा</b> सि	अठासी
नवाशीति 🧎	उनानवे (पं०) एग्णणउति,	^
ऊननवति 🕽	एग्राणउइं	नवासी
नवति	नव्वए	नव्वे
एकनवति	इवकारोइम्	इक्यानवे
द्विनवति	वाणउई	वानवे
त्रिनवति	तिराीइं	तिरानवे
चतुनंवति	उण्उदी, चौणउइ	चौरानवे
पचनवति	पंचणउइं	पचानवे ———
पण्णवति 	द्यण्णचिद, द्यण्णाचइं	छ्यानवे सतानवे
सप्तनवति	सत्तानुवर्	
अप्टनवति 	<b>अट्ठा</b> ण्डइ	ग्रठानवे (चवे
नवनवति	नवणउए, णवणउइ (नढ़ेनवे पंजाबी)	निन्न्यानवे

संस्कृत	प्राकृत	हिन्दी
शत	सय, सत, सआ, सअं	स <b>ी</b>
पंचोत्तर शृत	पंचोत्तरसंउ	एक सौ पाँच
सहस्र	सहस्स	हजार
अयुत (दशसहस्र)		दस हजार
लक्ष (नियुत)	लक्ख	नार्व
दशलक्ष (प्रयुत)		दस लाख
कोटि	कोडि	करोड़
ववुंद (दशकोटि)		दस करोड़
खर्ब		ख <b>रब</b>
निखर्व		दस खरव
नील		नील
दशनील		दसनील
पद्म	पदुम	पदम
दश पद्म (महापद्म)	_	दसपदम
<b>म</b> ंख		संख
दशशंख		दससंख
महाशंख		महासंख
अर्घ	<b>श्र</b> द	आंघा
पादोन		पौना
<b>अ</b> घ्यर्घ		ड्यौढ़ा
घून्य	सुगुण, सुण्य, सुण्एा	शून्य
पड्मास	छम्मास	छमाही

'एक' संस्कृत का तत्सम शब्द है। कितने ग्राश्चर्य की वात है कि सबसे प्राचीन संस्या होने पर भी यह ग्रभी तक ग्रविकृत रूप में है। दो संस्कृत ही से, तीन संस्कृत त्रीणि से तथा चार संस्कृत चत्वार: से बने हैं। संस्कृत के कर्त्ताकारक के रूप ही हिन्दी में प्रचलित हुए। जैसे:—

माता, पिता न कि मातृ, पितृ । इसी प्रकार उपरोक्त शब्द संस्कृत शब्दों के फर्ताकारक के रूपों के अपश्चंदा हैं । संस्कृत पंच से पाँच आसानी से समक्ष में आ जाता है । समासयुक्त हिन्दी शब्दों में पंच का मी प्रयोग होता है जैसे पंचमेल मिठाई । हिन्दी का छः शब्द संस्कृत पप् से बना है । प्राकृत में "पट्दाावक सप्त-

दर्णानां छः" इस सूत्र से प्रथम प का छ हो गया। पष् से इस प्रकार छप् तथा छप् से छः हो गया। जैसे बनुष् शब्द का कर्ताकारक एकवचन में धनुः हो जाता है। सात सस्कृत सन्त का तद्भव है अर्थात् सन्त से प्राकृत में सत्ता तथासत्त से सात हो गया वैसे सत्तरह और सत्ताईम सतानवे आदि में प्राकृत सत अब भी पाया जाता है। ग्राठ भी संस्कृत अय्ट का तद्भव है। अय्ट से प्राकृत में अट्ठ और अट्ठ से हिन्दी में आठ हो गया। अब भी मेरठ के आसपास के क्षेत्र में अन्त्य अक्षर को द्वित्व करके बोलते हैं जैसे लोटा को लोट्टा किन्तु हिन्दी खड़ी बोली ने देहली और पश्चिमी उत्तर प्रदेश के जिन शहरी क्षेत्रों में जन्म लिया वहाँ द्वित्व की प्रकृति नहीं थी। नव से नी बना। अब तया भी का पारस्परिक परिवर्तन होता ही रहता है जैसे लवण से लीन एवं प्राकृत गवन से गौन। दश का प्राकृत रूप दस हिन्दी में भी यथावत् चल रहा है। दश के अन्य प्राकृत रूप दह, लह तथा रह भी हिन्दी के वारह, सोलह तथा दहाई में अव भी मुरक्षित हैं। एकादश से एगादस पून: ग्यारस तदनू ग्यारह वन गया। श का ह, र काल तया 'संख्यायांच' इस मूत्र से द कार हो गया। तिथियों के नामों में अब भी तखनऊ ब्रादि कई नगरों तथा ग्रामीण क्षेत्रों में ग्यारस, बारस तथा तेरस कहें हैं। शिव त्रयोदशी का शिवतेरस रूप प्राय: ग्रव भी सर्वत्र प्रचलित है। दैनिक बोलचाल में तिथिमूचक एकारान्त तथा गिनती मूचक हकारान्त रहे जिससे दोनों भावों की समझने में कठिनाई न पड़े। द्वादश में "दशादिपु हः" इस सूत्र से श का ह हो गया एवं "कादीनामण्डानां क गड तदप पसाम " सुत्र से संयुक्ताक्षर ह के द का लोप हो जाता है। इस प्रकार ग्यारह से अठारह तक के सब शब्दों की ब्युत्वत्ति मुगम हो जाती है। उन्नीस के विषय में यह मान्यता है कि वैदिक संस्कृत में मून भव्द एकान्नविशति या जिसका शब्दार्थ एक से कम वीस था । एकान्नविशति से नूत्रकाल में एकोनविंशति तथा उससे एक का लोप होकर ऊनविंशति वन गया। इस प्रकार एक नवीन शब्द ऊन की उत्पत्ति हुई जो कम के अर्थ में समझा जाने लगा। विगति के स्यान पर विश गब्द भी संस्कृत में प्रचलित था। इस प्रकार जनविश से प्राकृत में जनवीसा तथा हिन्दी में जन्नीस हो गया । प्राकृत का अन्य रूप जनवीसड़, ऊर्विशति का स्मारक है। प्राकृत में एकोनर्विशति से एकूनवीसा रूप भी बना जिमका विगड़ा रूप एकोनवीस अब भी प्रादेशिक भाषाओं में चल रहा है। उन्नीस की भौति ही उनतीस, उनतालीस आदि भटद वने । दस की गुराज संस्थाओं वीस, तीस, आदि में वोलना साधारण जनता को मुगम रहता है अनएव ग्रामीसा जनता उन्नीम उनतीम आदि के निर् एक कम बीस, एक कम तीस ही बोलनी है। अतएव

देखत मुदामै घाय पौरजन गहे पाय क्या किर कही विष्र कहाँ कीन्हों गौन है। घीरज अर्घोर के हरन पर पीर के बताओ बलबीर के घाम यहाँ कीन है। (मुदामाचरित से)-

दशिमक कम की नवीं संख्या को बहुद्या दशवीं संख्या से ऊन शब्द द्वारा सम्बन्धित कर लिया गया है। इसके अपवाद नवासी और निन्यानवें हैं जो अगली संख्या से सम्बन्धित नहीं है। संस्कृत में ही ८६ के लिए दो शब्द थे—नवाशीति तथा ऊन-नवित । उन दोनों के अपभ्रंश नवासी और उनानवे (पंजावी) अब भी चल रहे हैं। वास्तव में अगली संख्या से सम्बन्धित न करके बोलने की भी प्रणाली संस्कृत में प्रचलित थी। उन्नीस को तैतिरीय संहिता (१४।२२।३०) तथा वाजसनेयिसहिता (१४।२३) में नवदश एवं उनतीस के लिए वाजसनेयि संहिता (१४-३१) में नवदिश एवं उनतीस के लिए वाजसनेयि संहिता (१४-३१) में नव-विश्वति शब्द का प्रयोग किया गया है। निन्यानवें संस्कृत नवनवित से बना है। नवित से नव्ये बना। नव का निन हो गया जो एक विचित्र परिवर्तन है। कुछ संख्याओं में संस्कृत से बहुत कम रूपान्तर हुआ है, जैसे पंचाश से पश्चस। दश से दह तथा उससे दहाई संजा बनी। जिस प्रकार एक से इकाई (एकाई) बना।

संकड़ा:

सैंकड़े के विषय में कुछ लोगों का मत है कि यह भत्कांड अब्द से बना है। शतकांड एक प्रकार का वांस होता है जिसमें सौ जोड़ होते हैं। स्व० सुघाकर द्विवेदी जी ने भी गणित के इतिहास में लिखा है कि चूं कि सौ के स्थान पर शतपर्वा नामक घास रख देते थे अतएव उस संख्या का नाम सी पड़ा। मेरे विचार में यह व्युत्पत्ति मापा-शास्त्र की दृष्टि से ठीक नहीं है। प्रथम तो शत णब्द स्वयं ग्रत्यन्त प्राचीन है। यह ऋग्वेद के प्रथम मण्डल में ही आया है। अतः शतकांड अथवा ज्ञत-पर्वा से बाद का यह भव्द है यही सन्दिग्च हो गया। द्वितीय शत भव्द स्वयं इतना प्राचीन है कि यह एक भारोपीय शब्द है। योरोपीय की अन्य भाषाओं में इससे मिलते-जुलते शब्द कन्त, सैंट आदि पाये जाते हैं। मुल शब्द दकान्त था जिसका अर्था था दस से सम्बन्धित । द का लोप होकर कान्त अथवा कन्त आदि शब्द वते । दकान्त से मिलता हुआ संस्कृत का दशित झन्द है जो महामारत तथा पुरास्तों में आया है। दश्ति का होना स्वामाविक भी है वयोंकि जब पञ्जति (१०), विकति, विदात्, चत्वारियात् ·····सप्तिति, अशीति, नवित शब्द हैं तो इस माला की पूर्ति के लिए दणति शब्द अवस्य होगा । इसी दशति से भारीपीय मापा के समान द का लोव होकर पति, जली तथा पत शब्द भी बने। क का फैंच में स हो जाता है अतः वहाँ मन्त के बजाय सैंट शब्द बना। अंगरेजी में क का ह हो गया अतः हंड तथा हंड से हंट्रिट सब्द भी इसी परिवार का सदस्य है। दशक्ति का द पूर्व वैदिक काल में ही उड़ गया था अतः वैदिक साहित्य में शत एवं शति का अधिक प्रयोग है किन्तु दशति ना भी परवर्ती साहित्य में यदा-कढा प्रयोग मिलता है। सामवेद में दशित दस मन्त्रीं के समृह के अर्थ में बासा है। इस प्रकार शर्तक से सैक तथा सैक से स्वार्थ में हिन्दी मा हा प्रत्यय लगकर सैकहा बना।

# सहस्र :

सहस्र शब्द की ब्युत्पत्ति सह घातु से करते हैं। सह धातु का अर्थ है शक्ति-मान् होना। सह से महस् संज्ञा बनी, ऋग्वेद में जिसका अर्थ शक्ति था। सहस् शब्द से स्वार्थ में र प्रत्यय लगकर सहस्र शब्द बना जैसे कम्म और नम्म। म्रतएव सहस्र का शब्दार्थ 'शक्तिमान' है। आधुनिक मापावैज्ञानिक अंगरेजी शब्द थाउजेंड की ब्युत्पत्ति "सहे-स्लो-कन्तो" से करते हैं जिसका अर्थ है शक्तिमान्। वास्तव में सौ से सहस्र अधिक शक्तिमान् है। गणितीय भाषा में सौ दस की द्वितीय शक्ति है तथा सहस्र नृतीय शक्ति है अतएव यों मी सहस्र सौ से म्रधिक शक्तिमान् है। लौकिक दृष्टि से भी १००० रुपये अथवा जन वाला १०० रुपये अथवा जन वाले से म्रधिक शक्तिमान् होता है। परम हर्ष का विषय है यास्क ने भी "सहस्र सहस्वत्" कहकर इस ब्युत्पत्ति के सम्बन्य में उपरोक्त मत हो प्रतिपादित किया है। सहस्र का सम-नुल्य फारसी का हजार शब्द है जिसको हिन्दी ने अपना लिया।

#### लक्षतया लाख:

हिन्दी लाख शब्द संस्कृत लक्ष से बना है। किन्तु सस्कृत में भी संख्यावाचक कर्ण में यह पाली से आया है। वैदिक संस्कृत में लाख के लिये नियुत शब्द आया है। अमरकोप में लक्ष अर्थात् लक्ष को नियुत का पर्याय माना है। देखिए:—'कोट्याः शनादिः संख्यान्या वा लक्षा नियुत च तत्।' जान पड़ता है कि जनसाधारण को वैदिक शब्द अयुत, नियुत, प्रयुत कुछ एक जैसे लगने के कारण कठिन जान पड़े और इसी लिये उन्होंने बौद्धों द्वारा प्रयुक्त दस सहस्स, लक्ख और दसलक्ख शब्द अपना लिये। वास्तव में किसी को भी यह स्मरण रखना कठिन है कि नियुत बड़ा है अथवा प्रयुत। तांड्यब्राह्मण (१७।१४।२) में ही नियुत के लिए प्रयुत और प्रयुत के लिए नियुत शब्द प्रयुक्त कर दिये।

बाजकल के संख्यावाचक मूलशब्द हजार, लाख, करोड़, अरव, खरव, नील, पद्म और यख हैं जो कम से एक-दूसरे के सी गुने हैं। दस हजार दस लाख झादि शब्द उन्हीं से विनिर्गत है। हिन्दी की यह मूल संख्यावाचक शब्दावली वौद्धों की शतगुणोत्तर संख्यानामावली की स्मारक है। लिलत-विस्तर नामक वौद्ध प्रन्थ (१०० ई० पू०) में गणितक अर्जुन और वोधिसत्व के संवाद में निम्न संख्याएँ आई हैं:—

१०० सहस्र = १ लक्ष १०० लक्ष = १ कोटि १०० कोटि = १ अयुत १०० अयुत = १ नियुत एक तो अयुत तथा नियुत शब्द वैसे ही उच्चारण साम्य के कारण कठिन थे, उपरोक्त सूची ने तो उनके मान भी कहीं से कहीं कर दिये इन कारणों से अयुत, नियुत आदि शब्द एकदम अप्रचलित हो गये।

# लाख की व्युत्पत्ति :

लाख शब्द लक्ष का अपभ्रंश है। जैसे रक्ष से राख, कक्ष से काँख एवं पक्ष से पाख, उसी प्रकार लक्ष से लाख बना। सम्मव है लक्ष संख्या कभी गिनती कम में अन्तिम रही हो। अतएव कीटि की भाँति उसे लक्ष (लक्ष्य) शब्द से बंधित किया गया हो।

## प्रथम प्रयोग:

लाख (लख) शब्द का प्रथम प्रयोग चर्यापिटक में १०० कोटि वर्ष के अर्थ में हुआ, पुन: दाथावंस में वर्तमान अर्थ में प्रयुक्त हुआ।

# परवर्ती प्रयोग :

संस्कृत साहित्य में याज्ञवल्यय स्मृति, हरिवंश पुराण तथा ब्रह्मांड पुराण में लक्ष शब्द आया है। गणितीय पुस्तकों में इसका प्रयोग सर्वप्रथम महावीर एवं श्रीघर ने किया। सम्मव है आर्यक्षट्ट तथा ब्रह्मगुष्त ने वैदिक शब्द होने के नाते नियुत, प्रयुत शब्दों का ही प्रयोग करना उचित समझा तथा लक्ष को अवैदिक एवं असंस्कृत साहित्य का होने के नाते ग्रहण न किया। इसी कारण जैन गणित महावीराचार्य ने ही सम्मवतः इसका प्रचार किया। वैदिक साहित्य में लक्ष का अर्थ था जूए में लगाया हुग्रा घन।

# कोटि श्रयवा करोड़ :

कोटि शब्द कुट कौटिल्ये घातु से इ प्रत्यय लगा कर बना है। इसका गब्दार्थ है जो कुछ कुटिल किया जाय। घनुप के श्रग्र भाग को अतएव कोटि कहते हैं। जिस प्रकार कोटि घनुप का सिरा है उसी प्रकार करोड़ भी कभी संख्याओं में अन्तिम सिरे की संख्या समभी जाती थी अतः उसे भी कोटि शब्द से व्यक्त किया गया। इसी कोटि से प्राकृत में कोडि बना। तदुपरान्त इसमें निर्यंक र प्रत्यय घुस गया और उसने दसे कोडि बना दिया। शाप का भी इसी प्रकार श्राप शब्द बना। कीटि से पुनः कोडि, करोदि, करोरि, करोर एवं करोड़ शब्द बने। अब भी करोड़ीमल नाम को कोड़ीमल बोल देते हैं। बिहारी ने "खाये खर्च जो बने तो जोरिए करोरि" इस पंगत में करोरि शब्द का प्रयोग किया है।

धैदिक साहित्य में कोटि के लिए अबुँद कहते थे। करोड़ के अर्थ में कोटि शब्द सम्भवतः बौद साहित्य से आया। जातक और कुल्लिनिद्देस में कोटि शब्द

प्रयुक्त हुआ है। संस्कृत साहित्य में वाल्मीकि रामायण, मनुस्मृति तथा यानवल्य स्मृति में इसका प्रयोग हुआ है। वानरों की मंख्या बताते हुए लिखा है:—

गतै: शतसहस्रैश्च वर्तन्ते कोटिमिस्तया अयूर्तेश्चावृता बीर शङ्कामश्च परंतप।

इसमें कोटि जब्द का प्रयोग है किन्तु लक्ष का नहीं। इसी प्रकार आर्यभटीय में भी तक्ष का प्रयोग नहीं है देखिए:—

> एकं दश च शतं सहस्रमयुतनियुते तथा प्रयुतम् । कोट्यर्टुंदं च दृन्दं स्थानास्त्यानं, दशगुर्शस्यात् ।।

उपरोक्त अवतरणों से यह प्रतीत होता है कि लक्ष बद्ध कोटि के बहुत बाद संस्कृत में आया।

#### अरव :

यह गन्द वैदिक प्रबुद गन्द का प्रपन्न ग है। अर्जुद से अवे तथा अवे से अरव बना। बर्जुद का अयं या बादन। उस समय यह करोड़ का वाचक या किन्तु जब करोड़ के लिए बौद्ध काल में कोटि गन्द प्रचिति हो गया तब अर्जुद अरव के लिये चतने सगा। आयंग्रह ने दश करोड़ के अर्थ में तथा महाबीर ने दस अरव के अर्थ में अर्जुद गन्द प्रमुक्त किया था। बौद्ध काल में सरलता की हिन्द से पारिभाषिक शब्दों का प्रयोग करते हुए हजार, ताल आदि के पहने दश शब्द लगाकर दस हजार, दम लाख आदि गन्द प्रचित्त हो गये। अर्जुद जो दम करोड़ का बाचक था एक अरद का बाचक बन गया।

चरव, नील, पदम तया शंख:

अमर कोष में कुबेर की नवनिविधों के निम्निनिवित नाम दिये हैं :—
महापद्भश्च पद्मश्च शंखों मकर कच्छपी

मुक्केन्दकुन्दनीलाश्च सर्वश्च निवधों नव ।

ज्यमें वर्व, तील, पर्म और अंख शब्द आये हैं। सम्भव है कि कुबेर की विधि समझकर किसी बौद्ध विद्वान ने इनको संस्था स्थानों के लिए प्रयुक्त कर दिया हो। अनिधानप्य दीतिका नामक पाली व्याकरण में कुमुद पुंडरीक तथा पर्म का उत्तेल है। वर्व का अर्थ छोटा कमन तथा नील का अर्थ नील कमन है। कमन लार्थवादी शब्दों का संस्थावाचक शब्दों के लिये जैन साहित्य में बाहुत्य रूप से प्रयोग हुमा है। सूर्य-प्रजन्ति, जम्बूडीपप्रजन्ति (सूत्र १२) अनुयोगडार (सूत्र १३०) स्थानांग सूत्र (२१४, ६४) तथा जीव समान (४।११३-११४) में उप्तन (उत्पन), पत्रम (पर्म) निलन अर्थि शब्दों का उत्लेख है।

वाल्मीकि रामायण के निम्न श्लोक में भी उक्त संज्ञाओं का प्रयोग है। देखिये:—

ततः पद्मसहस्रोण वृतः शंखशतेन व । युवाराजोंऽगदः प्राप्तः पितुस्तृत्यपराक्रमः ।

यदि उपरोक्त इलीक वाल्मीकि रामायण का मूल काल का इलीक है तब तो पद्म शब्द संस्कृत का अपना निजी शब्द है अन्यथा पदम तथा खर्व श्रीर नील यह सब जैंन साहित्य से संस्कृत में आये हैं। श्रांख:

यह वाल्मीकि रामायण, ब्रह्मांड-पुराण तथा महाभारत में प्रयुक्त हुआ है।
श्रीघर तथा भास्कर ने संख्यावाचक शंकु शब्द का भी प्रयोग किया है। गणितज्ञों में
सर्वप्रथम महावीराचार्य ने गांख तथा महागांख शब्दों का प्रयोग किया। यदि देखा
जाये तो वर्तमान उच्च संख्याओं के शब्द महावीराचार्य (८२० ई०) की शब्दावली
पर आधारित प्रतीत होते हैं, यद्यपि उनमें कुछ अर्थ-परिवर्तन ग्रवश्य हुग्रा है।
ज्ञान-विज्ञान के क्षेत्र में भारत सदैव संगठित रहा है तथा उत्तर-दक्षिण एवं धर्मगतः
उसमें कभी भेदभाव नहीं रहा। इस तथ्य का यह एक ज्वलन्त प्रमाण है। नीचे
हम महावीराचार्य की गिणितसारसंग्रह से कुछ उद्धरण दे रहे हैं:—

एकं तु प्रथमं स्थानं हितीयं दशसंज्ञिकम् ।
तृतीयं शतिमत्याहुः चतुषं तु सहस्रकम् ॥
पंचमं दशसहस्रं पण्ठं स्याल्लक्षमेव च ।
सप्तमं दशलक्षं तु अण्टमं कोटिष्ण्यते ॥
नवमं दशकोट्यस्तु दशमे शतकोट्यः ।
श्रवुंदं षद्रसंगुवतं न्यवुंदं द्वादशं भवेत् ॥
सर्वं नयोदशस्यानं महासर्वं चतुदंशम् ।
पद्मं पंचदशं चैव महासद्मं तु पोटशम् ॥
क्षोणी सप्तदशं चैव महाक्षोणी दशाप्टकम् ।
शंखं नयदशस्यानं महाशंसं तु विशकम् ॥

उन्च संस्यावाचक वैदिक शब्द समुद्र, मध्य, अन्त तथा परार्घ मास्कर द्वितीय (१३वीं गती) तथा कुछ परवर्ती काल तक हिन्दू-गणित के लेखकों तक प्रचलित रहे, किन्तु अन्त में वे समुद्र अथवा पानी की ही अन्य वस्तुओं खर्व (छोटा कमल) नील (नीलकमल) पद्म और शंस द्वारा प्रतिस्थापित कर दिये गए।

१. महावीराचार्यं दक्षिण भारत के एक जै

# प्रकर्गा ६. योग, संकलन, जोड़

### योग:

यांग शब्द युजिर् यातु से घल् प्रत्यय लगा कर बना है। युजिर् का अर्थ है योंग करना । योग शब्द ऋग्वेद में सबसे पहिले घोड़ आदि के जुवा लगाने के अर्थ आता था, बेदिक 'युग' को आजकल जुआ कहते हैं, जो बैलों को हल में जोतने के समय लगाया जाता हैं। गाड़ी के युग को अब जुअर कहते हैं। जुअर में बैलों को युक्त (जोड़ा) किया जाता है। कात्यायन शुल्ब-सूत्र की निम्न पंक्ति में योग शब्द आया है।

"नारित्निवितस्नीना ४ समासोविद्यते संख्यायांगादिति श्रृतिः" अर्थात् अरित्नयां (मान विशेष) और वितिस्तियों का यों ही समास अर्थात् (पुष्प मान विशेष में) योग नहीं हो सकता जब तक अरित्न और वितिस्ति शब्द के पहिले वे कितनी हैं टमको सूचित करने वाला कोई चतुर्देश आदि शब्द न जुड़ा हो। यहाँ भी योग का अर्थ जुड़ना ही है। किन्तु समास गण्डद जोड़ के अर्थ में आया है। समास के अतिरियत अभ्यास शब्द भी पुनःकरण अथवा दोहराने के अर्थ में प्रयुक्त होते २ योग और गुणा के अर्थ में भी प्रयुक्त होने लगा। अभ्यास का मौलिक अर्थ दोहराना (Reduplication, Repetition) ही है। एक वार दोहराने से चीज दुगुनी तथा दो वार दोहराने से तिगुनी एवं तीन वार से चौगुनी होती है। जैसे ४ का अभ्यास करने ने १०, दो वार अभ्यास करने से १५ तथा तीन वार से २० आता है। उपरोक्त अर्थ में अम्यस्त शब्द आपस्तिव के निम्न सूत्र में प्रयुक्त हुआ है।

"त्रिकचतुष्कर्याः पंचिकाऽश्ण्यारज्जुः । तामिस्त्रिरस्यतामिरंसी । चतुरम्यस्ता-भिन्न्श्राणी ।। (आपस्तंत्र, पृ० ७६) ।

अर्थात् कोटि और गुजा क्रमणः ३ एवं ४ हों तो कर्ण ५ होता है। इनकी तीन बार अभ्यास करने से १२, १६, २० प्राप्त होते हैं। इनसे अंघ मापन करें नवा ४ बार अभ्यास करके १५,२०,२५ प्राप्त होते हैं, इनसे ओणी मापन करें। यदि उपरोक्त भाषा में किचिन्मात्र परिवर्तन कर दें तो अभ्यास शब्द दोहराने अर्थ के बजाय गुणा का अर्थ दे निकलेगा, अर्थात् केवल ३ अभ्यास ३=१२ इसके स्थान पर ३ प्रभ्यास ४=१२ यह कहा जाये। कात्यायन के निम्न सूत्र में अभ्यास शब्द 'दोहराने' अर्थात् दिगुणित करने के अर्थ में आया है।

१. समास घट्ट त्रियतिका में भी इसी अर्थ में आया है। यथा :—"रूपादि-चयपदसमारी वा" महाबीर ने भी ग०मा०सं० के पृ० १४ में इसका प्रयोग किया था।

#### अभ्यासः

"प्रमाणमन्यस्याम्यासचतुर्थे लक्षर्णं करोति तन्निरंछनम् ॥ (का०, पृष्ठ ५)

अर्थान् रज्जुमान को द्विगुणित करके चतुर्य माग में चिह्न करे। आपस्त्रंत्र के निम्न सूत्र में अम्यास शब्द जोड़ने के अर्थ में आया है:—

"पृट्यान्तयोमंद्ये च शंकुं निहत्यार्थेऽर्घे तद्विशेषमभ्यस्य लक्षग् कृत्वार्धभाग-मयेत्।"

अर्थात् पृष्ठ्या (वेदी) के टोनों छोरों पर शंकु गाड़कर रज्जु के अर्थ माग में रज्जु के विशेष को जोड़कर चिह्नित करे और पुनः ग्रयंभाग को आगमित करे। वेदांग-ज्योतिष के निम्न क्लोक में अम्यस्त शब्द गुणित के अर्थ में आया है।

> निरेकं द्वादशाम्यस्तं द्विगुणं गतसंयुतम् । पष्ट्या पष्ट्या युतं द्वाभ्याम् पर्वणां राशिरुच्यते ॥

वर्यात् सौर वर्ष संस्था में से १ घटा कर १२ से गुणा करे। फिर गत सौर मासों की संस्था उसमें जोड़े। योगफल को २ से गुणा करे, इस प्रकार सौर पर्व प्राप्त होते हैं। सौर ६० पर्व ६२ चान्द्रपर्वों के वरावर होते हैं।

$$(\lambda-\xi)\times\xi\leq\times\xi+\xi+\xi=\frac{\xi\leq\lambda}{\xi\times\xi+\xi}=\frac{\xi\leq\lambda}{\rho\xi}$$

वज्राम्यास शब्द में अन्यास अब भी गुणा के अर्थ में प्रयुक्त होता है। उपरोक्त इलोक से प्रतीत होगा कि अन्यास शब्द अब योग से आगे बढ़कर 'गुणा' के अर्थ में पहुँच गया और योग के अर्थ में युति और संयुति भव्द वा गये। वेदांग-ज्योतिप में सोग के अर्थ में 'आवाप' कव्द भी बाया है। देखिए:—

"थावापस्त्वयुजि" अर्थात् यदि विषम हो तो योग करे ।

# प्रयम प्रयोग :

योग शब्द का जोड़ के अर्थ में प्रयम प्रयोग महाभारत तथा वक्षाली-पाणु-लिपि (भाग ३, ए० १६१) में आया है। वद्याली-पांटुलिपि में युति गब्द भी प्रयुक्त हुआ है। आर्यमहु ने योग, युति, संयुति गब्द प्रयुक्त किये हैं। वद्याली-पाण्डुलिपि में अभ्याम, योग के अर्थ में प्रयुक्त नहीं हुआ। किन्तु वहाँ उस का परवर्ती अर्थ गुणा हो है। एक दूसरा संकलित शब्द बद्याली-पाण्डुलिपि में प्रयुक्त होने लगा जो १०वीं शताब्दी तक इस अर्थ में मबसे अधिक प्रचलित रहा।

### संकतित प्रयवा संकलन :

मंकलित सन्द भारत तक ही गीमित न रहा यरन् यह अरब तक भी पहुँच

गया। अलबक्ती ने 'की संक्रित-इल-म्रदद-जैनिस्क' पुस्तक लिखी। जिसमें संक्रित शब्द का प्रयोग किया। ब्रह्मगुष्त ने गणित की २० क्रियाओं को संक्रितादि परिकर्म शब्द से व्यक्त किया। यथा:—

परिकर्म-विद्याति यः संकलिताद्यां पृथग्विजानाति । अष्टौ व व्यवहारान् छायान्तान् भवति गणकः सः ।।

संकलित या संकलन शब्द सम् उपसर्गपूर्वक कल संख्याने घातु से बना है। इसका अर्थ है सम् अर्थात् एक साथ कलन अर्थात् गरान, श्रयात् संख्याओं को एक साथ करना अथवा जोड़ना।

संकलित शब्द का अर्थ श्रेणीयोग भी है। महावीर तथा श्रीघर ने गणितसार-संग्रह एवं पाटीगणित में इसी अर्थ में इसकी अधिक प्रयुक्त किया है। देखिये पाटी। गणित में श्रीघर का प्रयोग:—

"सैकपदाहतपददलमेकादिचयेन मवतिसंकलितं।"

संकलितैक्य अथवा संकलित शब्द से कई एक जोड़ों के जोड़ का अर्थ समझा जाता था जैसे १ से ५ तक का संकलितैक्य १+(१+२)+(१+२+३)+(१+२+३+४)+(१+२+3+४)+(१+2+3+8)+1

योग शब्द भी संकलित के साथ-साथ चलता रहा । देखिए ब्रह्मगुप्त का योग शब्द का प्रयोग :--

"योगोऽन्तरगुतहोनो दिह्तः संक्रमणमंतरविभवतं वा"

प्रयात् क
$$+$$
ख= $x$  यहाँ क= $\frac{(\pi+\pi)+(\pi-\pi)}{7}$ 

$$\mathbf{e} = \frac{(\mathbf{e} + \mathbf{e}) - (\mathbf{e} - \mathbf{e})}{2}$$

### जोड्ना:

जोड़ना घट्द जुड घातु से बना है जिसका अर्थ है बांधना। प्राकृत भाषा में संमवत: 'युज' का 'जुड' रूप हो गया। अत: योजन का जोड़न बन गया। योजन का भी अर्थ था जोड़ना। युग को जुबा तथा गाड़ी में बैलों के योजन को जोड़ना या जोरना अब भी कहते हैं। जोड़ने से जोड़ संज्ञा बनी।

### पर्याय 1

जोड़ने के निम्नलिखित पर्याय हैं :--अम्यास, एकीकरण, संकलन, संकलित, मिश्रण, सम्मेलन, सम्मिलन, सम्मीलन, मिलन, प्रक्षेपण, संयोजन, युक्ति, योजन, योजना, युति, समास । इनमें से मीलन, सम्मीलन गणितिलिक के पृष्ठ ३ पर; संयोजन, योजन पृष्ठ १५ पर; योजना पृष्ठ ८ पर आये हैं। संकलन शब्द मास्कर ने प्रयुक्त किया है, यथा:— वनर्णसंकलने करणसूत्रं वृत्तार्धम्।

# परिमाषा :

आर्यमट्ट द्वितीय ने संकलित की निम्नलिखित परिभाषा की है। 'संख्यावतां वहूनामेकीकरणं तदेव संकलितम्' अर्थात् अनेक संख्याग्रों का एकीकरण ही जोड़ है। जोड़ में अनेक संख्याग्रों को मिलाकर एक ही संख्या वन जाती है। श्रीघरकृत पाटी-गिएत की टीका में कहा है 'घनं योग: चय एकीकरणिमित संकलितम' अर्थात् घन करना, योग करना, चय करना तथा एकीकरण का नाम संकलित है। मास्कर द्वितीय ने भी कहा है:—

"कार्यः क्रमादुत्क्रमतोऽयवांकयोगो ययास्थानकमन्तरं वा"

अर्थात् स्थानों के अंकों को इकाई की ओर से जोड़ने से अथवा सर्वोच्च स्थान के अंक की ओर से जोड़ने को क्रम से क्रमांकयोग तथा उत्क्रमांकयोग कहते हैं। इसी प्रकार अंतर भी समिभए।

## प्रकरण ७. घटाना, व्यवकलन

#### घटाना :

घटाना घट् घातु के णिजन्त रूप घाटयित से बना है। घाटयित का अर्थ हानि पहुँचाना है। इसी से हिन्दी शब्द 'घाटा' बना जिसका अर्थ है 'हानि'। हानि का अर्थ कमी है इसी घाट सब्द से हिंदी शब्द घटाना बना है। संस्कृत में णिजत में 'आ' पहिंन तथा हिन्दी में बाद के किसी अक्षर में लगता है जैसे पातन (सं०), गिराना (हिन्दी)। अताएव घाटन का अर्थ कम होना हो गया। गुल्व काल में घटाने के लिए निर्हाण घटद चलता था। वेदांग-ज्योतिय में इसके लिए शोधन शब्द प्रचंतित हुआ। देित्त :—

"प्रमाणे बास्यं प्रमाणं निर्ह्शांसविवृद्योः" (का॰पु०सू०) निर्ह्शांन का अर्थ यहां हास तथा विवृद्धि का अर्थ वृद्धि है।

### शोधन :

बतीनपर्वभागेम्यः भोषयेन् द्विगुणांतिचिम् । तेपुमण्डनमागेपु तिषिनिष्ठां गतो रविः ॥ यहाँ शोधयेत् का अर्थ 'घटाये' है। वक्षाली-पाण्डुलिपि में घटाने को वियोग शब्द भी मिलता है। आर्यमट ने इस अर्थ में शोधन, क्षय, हानि, अपचय शब्दों का प्रयोग किया है। ब्रह्मगुष्त ने व्यवकलित और शोधन शब्दों का मुख्यरूप से प्रयोग किया। यथा:—

अन्यक्तवर्गधनवर्गवर्गपंचगत पङ्गतादीनाम् । तुल्यानां संकलितन्यवकलिते पृथगतुल्यानाम् ॥

(बा॰ स्फु॰ सि॰ १८।४१)

अर्थात् वर्ग, धन, वर्गवर्ग, पंचगत, पड्गत् आदि नुल्यघात वाली अव्यक्त राशियों का संकलित एवं व्यवकलित करते हैं तथा विषमधात राशियों को पृथक् रखते हैं।

# व्यवकलित, व्यवकलन:

व्यवकितित शब्द वि निअव्निक्त (संख्याने) घातु से कर्ताकारक के अर्थ में 'नपुसकेभावेकतः' सूत्र से 'वत' प्रत्यय तगकर बना है। जिस प्रकार गान और गीत दोनों भावार्यक शब्द हैं वैसे ही व्यवकतन और व्यवकतित भावार्थक शब्द हैं। अर्थात् दोनों का अर्थ है 'घटाना'। घटाना जोड़ने से ठीक विपरोत क्रिया है, उसी प्रकार सम् उपसर्ग के विपरोत उपसर्ग 'वि' और 'अव' हैं जैसे संस्थापन, विस्थापन, सम्मान, अवमान, संश्लेपएा, विश्लेपण; संकलन, विकलन; संघटन, विघटन। व्यव (वि ने अव) उपसर्गों के लगने से पृथक् करना अर्थ हो जाता जैसे संगमन का अर्थ है साथ-साथ जाना तथा व्यवगमन का अर्थ है 'पृथक् होना' एवं व्यवच्छिन का अर्थ है पृथक् पृथक् किया हुआ। वैसे अनेला वि उपसर्ग घटाने के भाव को व्यक्त करने के लिए लगाया जा सकता था किंतु तब इससे विकल शब्द वन जाता जिसका अर्थ पहिले से हो वैचेन आदि प्रसिद्ध है तथा अवकलित का अर्थ 'देखा हुआ', 'अनुभव किया हुआ' अतएव दो उपसर्ग लगाने पड़े।

# पर्पाप :

घटाने के अन्य पर्यायवाची शब्द व्यवकलन, पातन, विशोधन, वियोजन, अपगम, ब्युत्कलन तथा व्युत्कलित हैं। इनमें से पातन गणितिललक के पृष्ठ ४ पर, विशोधन, वियोजन भी पृष्ठ ४ पर, सिहतिलक सूरि की व्यास्यामें देखे जा सकते हैं। अन्य टीकाओं तथा ग्रंथों में भी ये शब्द प्रयुक्त हुये हैं। महावीर ने व्युत्कलित शब्द का प्रयोग किया है। यथा:—

"तत्संकलितमप्युक्तं च्युत्कलितमतोष्टमम्" व्ययकलन तथा अपगम शब्द इन आगे लिखे उद्धरणों में प्रयुक्त हुए हैं :— ''यदि व्यक्ते युक्तिव्यंवकलन मार्गेऽसि कुशला'' (लीलावती, पृ० ६) ''खयोजनापगमे'' (श्रीघर पाटीगणित, पृ० १४)।

पात्य, सर्वधन तथा वियोज्य शब्द जिस राशि में से घटाया जाय उस राशि के लिए तथा वियोजक घटाई जाने वाली राशि के लिए आता है। घटा के जो बचे उसे अन्तर, अवशेष तथा शेष कहते हैं। इन शब्दों के प्रयोग गणिततिलक के पृष्ठ ४ में हुए हैं।

# व्यवकलन की परिमापा:

आर्यमट दितीय ने व्यवकलित की निम्न परिभाषा की है:-

सर्वधन में से कुछ घटाने को व्यवकलित कहते हैं जो वचता हैं उसे शेष कहते हैं। श्रीघरकृत पाटीगणित के टीकाकार ने कहा है। 'ऋगं वियोगोऽपचयोऽन्तरमूनीकरणिमिति व्यवकलितम्' अर्थात् ऋण करना, वियोग करना, अपचय करना, अंतर करना तथा ऊनीकरण का नाम व्यवकलित है। व्यवकलन की भी संकलन के समान कमविधि और उत्कमविधि दो विधियाँ हैं। जो इकाई से प्रारंभ हो वह कमविधि तथा जो वाई ओर के अधिकतम स्थान से प्रारंभ हो वह उत्कमविधि कहलाती है। भास्कर ने कहा है। ''कार्यः कमादुत्कमतोऽथवांकयोगो ययास्यानकमन्तरं वा।'' इस प्रकरण के विवरण के लिए हिंदूगणितक्षास्त्र के इतिहास के पृष्ट १२५-१२६ का अवलोकन कीजिए।

## प्रकरण ८. धन, ऋण

जोड़ने और घटाने में जिस संख्या को जोड़ा जाता है उसके पहिले घन शब्द लगाया जाता है और जिसको घटाते हैं उसके पहिले ऋण शब्द लगाते हैं। एक प्रकार से जोड़ने और घटाने के घन और ऋण शब्द संकेत हो गये हैं। घन का अर्थ होता है 'में जोड़ा' तथा ऋण का अर्थ होता है 'में घटाया'। घन और ऋण तो द्रव्य और कर्जे के लिए सुविदित शब्द हैं। आइये देखें उनका अंकगणित में क्यों कर प्रयोग होने लगा।

धन और ऋण शब्द बहुत प्राचीन हैं। इनका प्रयोग ऋग्वेद में एक जुआरी की हीन दशा का चित्रण करते हुए निम्नतिखित मंत्र में हुआ है:—

जाया तप्यते कितवस्य हीना माता पुत्रस्य चरतः ववस्यित् । गृहगाया विभ्यद्वनिमन्द्रमानं।उन्येपामस्तमुपनक्तमेति ॥३ ऋग्येद में पहिले धन शब्द किसी दौड़ तथा अन्य खेलों में विजेता को पारि-

१. देखिए महासिद्धांत, अध्याय १४, इलोक २।

२. इसका अर्थ पृ० ७१ पर दिया हुआ है।

तोषिक के रूप में मिलने वाली वस्तु के लिए आता या। "हितंबनं" का अर्थ प्रस्तावित पारितोषिक था। शत्रु से जीते हुए सामान के अर्थ में भी यह सब्द
आता था। अनएब धनंजित और घनंजय शब्द भी वेदों में मिलते हैं। पुन: इम सब्द
का सामान्य धन अर्थ हो गया। मानियरिविलियम्स संस्कृत कोप के अनुसार धन सब्द
धन धानु से बना है जिसका अर्थ है दौड़ना। डा० सिद्धेश्वर वर्मा का विचार है कि
यह धा धानु मे बना है जिसका अर्थ है रखना। पानितोषिक के रूप में रखते जाने
से यह बन कहनाया। निरुक्तकार धास्क ने इसको धि संतोपार्थक धानु से बना
बनाया है। धन शब्द इतना छोटा है नथा इसका प्रयोग इतना प्राचीन है कि इस
प्रमंग में उसकी इसने अधिक छानबीन करना वेकार है। जिस प्रकार धन शब्द के दो
अर्थ हैं:—(१) पारितोषिक अथवा मेंट, (२) स्त्री (संन्कृत धनिका, हिंदी धनि 'कहियों
धनि ने जाइ के अब धन धरी मने लि'—मुदामाचरित्र) उसी प्रकार बंगरेजी में भी
'डान' के दो अर्थ है। एक 'गिपट' जिससे 'डोनेशन' शब्द बना है तथा दूसरा स्त्री
(Dona, Italiane Donna, medonna-my lady)

वन के पर्यायदाची स्च तथा ग्राय एवं ऋगा के पर्यायवाची व्यय तथा ध्रम हैं। यथा:---

"योगेयुति: स्यान् क्षययो: स्वयोवी वनर्णयोरन्तरमेवयोग: (भा० वी० ग०)

अर्थात् दो ऋण राशियों अथवा धनराशियों के योग करते में राशियों जोड़ी जाती हैं यथा एक बन और दूमरी ऋण हो तो दोनों का अंतर ही योग होता है। बन को जोड़ा ही जाता है तथा ऋण का बोबन (चुकाना) ही किया जाता है, अतएब धन का जोड़ने के साथ तथा ऋण का बोबन के साथ सम्बन्ध होना स्वामाविक है। धन का जोड़ना अववा संन्याओं का जोड़ना मिनती-जुनती संकल्पनायें हैं। इसी प्रवार ऋण का बोधन और संस्थाओं का जोड़ना मिनती-जुनती संकल्पनायें हैं। इसी प्रवार ऋण का बोधन और संस्थाओं का बोबन भी सजातीय संकल्पनायें हैं। इसी अंकर्गणित अत्यन्त ब्यावहारिक रही है। धन सम्बन्धी व्यवहारों में ही जोड़ने, घटाने की अधिक आवश्यकता पड़ी होगी, अतएब उसी क्षेत्र के शब्द भी अंकर्गणित में आ गये। अंगरेजी का 'सम' शब्द भी द्रव्य नया योग दोनों का वावक है। उर्दू में जमा करना भी जोड़ने के अर्थ का है। अरबी अनुवादों में घन के लिय मान शब्द का प्रयोग किया है। श्रीवर ने घन शब्द वा प्रयोग मंस्थाओं के गुणनक्रल के अर्थ में मी किया है। देखिये:—

बच्चवेनाम्बस्तं मार्धदितयं त्रिमागयुक्ता च । पष्टिः पंचार्धगुणा कि भवति वनं प्रयक्तथय ॥ (प्राटीगण्डित, पृथ २६) ।

१. दे० ओहनस्ट्रेची कृत बीजगणित का अनुवाद ।

अर्थात् है को ई से गुणा करने पर तथा ६० ई को ई से गुणा करने पर वयाधन आएगा। धन का अर्थ लक्षणा से संख्या अथवा गुणनफल ही है। साधारण संख्यात्मक स्थल पर भी धन का प्रयोग किया है।

### पर्याच :

घन और ऋगा के लिये युत और वियुत शब्द भी प्रयुक्त होते थे। युत और उसका संक्षिप्त रूप थ्र० तथा क्षय और उसका संक्षिप्त रूप थ्र० घन एवं ऋण के लिये वसाली-गणित में प्रयुक्त हुये हैं। घन और ऋगा के लिये आय तथा व्यय शब्द भी प्रयुक्त हुये हैं। देखिए श्रीधर का प्रयोग:—

तुल्यच्छेदायव्ययराश्योरंशान्तरं कुर्यात् । (पाटीगणित, ए० २५)

न्यास ६ १२ । अंशान्तरे जातं  $\frac{3}{4^2}$  । त्रिभिरपवर्ष्यं १२ १२ ।

जातं धनं शेप: -- 🖇

अर्थात् तुल्य हर वाली आय (घन) व्यय (ऋण) राशियों के अंशों का अंतर करे जैसे  $\frac{1}{4}$  तथा  $\frac{3}{4}$  के अंशांतर करने पर शेप  $\frac{3}{4}$  आया। इसको तीन से काटकर  $\frac{1}{7}$  आया। इस प्रकार उत्तर  $\frac{1}{7}$  हुआ।

# धन, ऋण के संकेत-चिहन:

श्रीघर ने ऋणात्मक के लिये क्षयात्मक शब्द का भी प्रयोग किया है। देखिए:—

श्रम्यधिकपदस्यैवं विजये संख्या प्रजायते पुंसः। संख्या क्षयात्मिका चेद् भवति जयो हीनगच्छस्य।। (पाटीगणित, पृ० १४५)

यहाँ क्षयातिमका का अर्थ ऋणत्मय ही है। इसकी टीका में जो स्वयं प्राचीन है घनात्मक और ऋणात्मक शब्द भी वर्तमान अर्थ में प्रयुक्त हुये हैं। डा॰ दक्त के मत में क्षय के प्रथम अक्षर के का ही विकृत रूप 🕂 है जो आजकल योग के अर्थ में घलता है, किन्तु पहिले यह ऋण चिद्ध के रूप में प्रयुक्त होता था। जैसे ७ 🕂 का अर्थ —७ है। वक्षाली पाण्डलिप में इस का प्रयोग मिलता है। श्रीयरकृत पाटीगणित से उद्धृत पूर्य स्तोक की टीका में भी 🕂 चिद्ध ऋण के लिये प्रयुक्त हुआ है। किन्तु भारकर तथा अन्य परवर्ती लेगकों ने ऋण के लिये विन्दु का प्रयोग किया है। भारकर ने कहा भी है:—

'यानि ऋणगतानि तान्यूर्ध्वविन्दूनि' अर्थात् जो राशियां ऋण हों, उनके कपर बिन्दु होता है।

'तत्र परस्परकृतं गुणितं तत्रगुणा अभ्यासम्'। वक्षाली-पांडुलिपि में (पृ० १८७) गुणाकार शब्द भी आया है जो वाद में 'गुणकार' के रूप में मिलता है। देखिये:—

"यत्तस्य भवत्यर्घ विद्याद् गुणकार संवर्गम्" (आर्यभटीय ग० पा० २३)

गुणाकार शब्द में गुणा शब्द का स्पष्ट प्रयोग है क्योंकि गुणाकार का वर्थ है गुणा करने वाला अर्थात् गुणका। ऐसा प्रतीत होता है कि अकारांत गुण शब्द अच्छाई आदि के अर्थ में प्रसिद्ध हो जाने से स्त्रीलिंग गुणा शब्द का ही हिंदी गणितीय शब्दावली में प्रचलन हुआ। गुण और गुणा में लिंगभेद था ही, अव आवश्कता पड़ने पर उनमें अर्थभेद मी कर दिया।

जैसा योग के प्रकरण में वताया है कि शुल्वसूत्रों में इसे अभ्यास शब्द से व्यक्त किया गया है। त्रभ्यास शब्द का अर्थ वहाँ जोड़ना भी है। वास्तव में वहाँ अभ्यास आदित के अर्थ में है। जब अभ्यास्त के पहिने कोई संख्यावाचक भाव्द न हो तो एक आदित्त का अर्थ होता था अर्थात् तीन की एक आदित्त होकर ६ हो जाता है। तीन के दो वार अभ्यस्त होने से ६, तीन वार अभ्यस्त होने से १२ हो जाते हैं। इस से स्पष्ट है कि गुणा की मूल भावना में जोड़ की ही प्रक्रिया है जिसमें गुणा की गुणक संख्या के तुल्य वार लिख कर जोड़ा जाता है। यह परिमापा भास्कर प्रथम के आर्यभटीय भाष्य में मिलती है। लीलावती के टीकाकारों ने भी यही परिमापा दी है। वक्षाली-गणित में गुणा और अभ्यास के अतिरिक्त 'परस्परकृत' शब्द भी इस अर्थ में प्रयुक्त किया गया है जो उक्त परिमापा पर भी आधारित है। परस्परकृत का अर्थ है एकत्र करना।

### पर्याय :

इसके उपरांत आर्यभट के समय से गुणन का एक अन्य पर्याय-समूह हनन, वघ, अभिहित, श्राहति, कुट्टन, समाहति, प्रहति, घात, क्षय, संताइन प्रयुवत होना प्रारम्भ हुग्रा। दशमिक अंक प्रणालों के प्रचलन के बाद गुणन की नवीन प्रणालों में गुणकराद्दि के अंक एक-एक करके मिटा दिये जाते थे और उनके स्थान में गुणनफल के अंक आ जाते थे। गुण्य के सकल अंकों का इस प्रकार हनन होकर उसके स्थान पर एक राश्चि उत्पन्त हो जाती यी अतएव गुणन के लिये हनन आदि शब्द तथा. फल के आधार पर गुणकल के लिये प्रत्मुत्पन्न शब्द प्रयुक्त होते थे। फल के आधार पर

प्राप्तगुप्त ने गुणक शब्द कोफीग्रॅट के वर्ष में प्रयुवत किया है जिसे आजकन गुराकि कहते हैं। प्रयूदक् स्वामी ने इसको अंक शब्द से व्यन्त किया था।

योगफल को संकलित, वियोगफल को व्यवकलित कहा गया है। गुणन की यह पद्धति अरव में गई, वहाँ इस विधि का प्रयोग अलख्वारिज्मी (८२५ ई०) अतहस्सार आदि अनेक लेखकों ने किया और इस विधि को अल-अमल-अल-हिन्दी तथा तरीक़ा-अल-हिन्दी (हिंदुओं की विधि) कहा । अतएव उनका शब्द मी हमारे घात, बाहित (चीट पहुँचाना) आदि शब्दों का अनुवादमात्र है क्योंकि जरव का मूल अर्थ भी चोट पहुंचाना है। उनके यहाँ भी गुएान के अंक मिटाये जाते थे। अंकों के मिटाने का एक छोटा सा उदाहरए। तीचे दिया जाता है।

उदाहरण---

१४६ को १४ से गुणा करना है:-

१५ १४६

६ से १५ को गुणा किया आया ६०,० को ५ के नीचे और ६ को मिटा १५ कर उसके स्थान में ६ लिखा। अब नई स्थिति यह है:-

2880

गणक को एक स्यान वाई और हटाया :--

१५ १४६०

अब ४ से १५ को गुणा किया और आया ६०, इसको ६ में जोड़ने से १५ बाया ६६; ४ को मिटा दिया और नई स्थिति यह हुई:-१६६०

गुराक को एक स्यान वाई ओर हटाया और इस प्रकार नई स्थिति यह है। १५ १६६०

१ से १५ को गुणा किया आया १५, उसमें ६ जोड़ दिये, आये २१। १ को मिटा दिया और उसके तथा ६ के स्थान पर २१ लिख दिया। 038C

एस प्रकार निम्न संख्या प्राप्त हुई:-

## प्रयोग :

हमते देखा कि कम से गुणक के एक एक करके सारे अंक मिट गये और एक

१. मंत्रतित व्यवकतिते प्रत्युत्पनो य भागहारस्य । श्रीघर आदिमं गुणकारी त्र प्रत्यत्वन्तो पि तद्धमवेत । महावीर

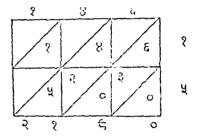
२. दे० हिंदू गणितशास्त्र का इतिहास, पृ० १३०-३६ ।

नई संख्या उत्पन्न हुई। इसीलिये गुणन को हनन और गुणनफल को प्रत्युत्पन्न कहा था। हनन परिवार के शब्दों के प्रयोग नीचे दिये जाते हैं:—

इप्टगुिस्तिमिष्टचनं त्वयवाद्यन्तं पदार्घहतम् (आर्ये०, ग० पा० १६) वैराधिक फलराशि तमथेच्छाराणिना हतं कृत्वा (,, ,, २६) वक्षाली-पाण्डलिपि में भी इन सन्दों का प्रयोग हुआ है।

वराहिमहर ने वहत्संहिता में गुणन को वर्गणा शब्द मी प्रयुक्त किया है। वर्ग करने में भी गुणा करनी पड़ती है श्रीर वर्गणा में भी कुछ न कुछ गुणन का साहचर्य है अतएव इस वर्गण शब्द से व्यक्त किया। गुणन की गैलोसिया विधि में गुण्य के जितने स्थान होते हैं उत्तने वर्गाकार कोष्ठ खींचे जाते हैं और उनके नीचे पुनः उतने

वर्गाकार कोष्ठ खोंचते हैं जितने कि गुणक में स्थान होते हैं। अंत में तिरछा जोड़ करते हैं। देखिये समीपस्थ चित्र। संभव है वराहमिहिर को यह विधि ज्ञात हो। गरोदादैवज्ञ ने इसको भी कपाटसंधि विधि कहा है जो कि डा॰ सिंह एवं डा॰ दत्त के मत में अगुद्ध है। गैलोसियाविधि को



यदि वर्गगाविधि कहा जाता तो अधिक उपयुक्त होता। यही गैलोसियाविधि वर्तमान गुगानविधि की जन्मदात्री है। प्राचीन गणित साहित्य में निम्न ७ प्रकार की गुणन-विधियों का वर्णन है:---

## गुणन-विधियां :

१. कपाट-संघि विधि, २. वर्गणाविधि, ३. तत्स्थविधि (तियंक्गुणन-विधि), ४. स्थानविमाग (स्थानखण्ड-गुणन), ५. गोमूत्रिका विधि, ६. रूप-विभाग (रूपाखण्ड गुणन), ७. इप्टगृणन (बीजीय विधि)। इनका विवरण हिन्दू गणितशास्त्र के इतिहास के पृष्ठ १२८ से १४१ में दिया है। अंक मिटने वाली गुणन रीति के समाप्त होते ही गुणन के पर्यायवाची हनन, वध आदि घट्ट भी समाप्त हो गये, अब बचे मौलिक घट्ट 'अभ्यास' और 'गुणन' जो अब मी प्रयुक्त हो रहे हैं और उनमें भी अभ्यास केवल वज्यान्यास (Cross multiplication) में ही प्रयुक्त होता है। हमने जिन घट्टों को भुना दिया उन्हों के अनुवाद जरव आदि घट्ट अरबी, फारमी आदि मापाओं में अब तक प्रयुक्त होते हैं।

## यच्याभ्यासः

वा इन्द्र के शस्त्र अपना नादलों की नियुत्त को कहते हैं, जी कड़क के साथ पमकती है। इन्द्र के आगुध वाच्य को × आकार का माना जाता है। इसी प्राकार

१. वृक्षानी-पाष्ट्रनिषि, पत्र ६५ (बी०) ।

२. हिन्दू गणितधास्त्र, पूळ १३७ ।

की वह वस्तु थी जिससे ईसामसीह को फांसी दी गई थी। उसकी अंगरेजा में 'कास' कहते हैं जो वाद में ईसाई धर्म का चिह्न वन गया। वज्राभ्यास तिर्यग्गुणन को कहते हैं जैसे यदि

$$\frac{\pi}{\eta} = \frac{\pi}{\Xi} \text{ तो क च = } \eta \text{ ख}$$

अतएव यह संस्कृत में वज्राभ्यास तथा अंगरेजी में 'कास मल्टीम्लेकेशन' के नाम से प्रसिद्ध है। वैसे भी विजली 'तिरछे पथ में ही चमकती दिखाई देती है अतएव वज्र का प्रतीक x ठीक ही है और जैसा ऊपर बताया है आकार साम्य से वज्राम्यास शब्द भी सार्थक है। महावीराचार्य ने क्षेत्रों के मेदों में एक वज्राकृति भी बतायी है। देखिये:—

वज्राकृतेस्त्थास्य क्षेत्रस्य षडग्रनवतिरायामः । मध्ये सूचिमुं खयोस्त्रयोदश त्र्यंशसंयुता दण्डाः ॥

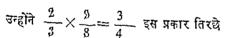
(ग० सार० सं०, पृ० ११४)

इसको गकायुघ भी कहा है। यथाः

यवमुरजप्रावशकायुधसंस्थान प्रतिष्ठितानां । मुखमध्यसमासार्घत्वायामगुणं फलं भवति ॥

(ग० सार० सं, प० ११४)

टोकाकार रंगाचार्य ने इसका चित्र ऐसा दिया है।



काटने को वज्रापवर्तन शब्द मी प्रयुवत किया है। श्रीघर ने भी वज्रवत् शब्द का पाटीगणित में पृ० १०६ पर प्रयोग किया है। यथा:—

'स्त्रप्रमृतिवं ज्यवहरागतभूमी भवेदित्यम्' डा० कृपाशंकर शुक्त ने इसका अनुवाद इस प्रकार किया है।

When the base is negative, these threads should be shortened out crosswise in the following form:

वहागुप्त ने वज्जवध शब्द वज्जाध्यास के अर्थ में प्रयुक्त किया है। वय अन्यास का पर्यायवाची है। देखिए:---

> वज्यवर्षेवयं प्रथमं प्रक्षेप:क्षेपवधतुस्यः । प्रक्षेपगोधकहते मूले प्रक्षेपके रूपे ॥

> > (बार्व स्फुर सिर्व १८।६४,६६)

तियंग्गुगन भी तिरछा होता था। जैसे :—
भास्कर ने दज्जवध के लिये वर्तमान 'वज्जाम्यास' शब्द ही
प्रमुक्त किया है। देखिये :—

वज्राम्यासी ज्येष्ठलब्योस्तदैक्यम्

हस्त्रं लघ्वोराहतिय्वप्रकृत्या । कृण्णा जयेष्ठाम्यासयुग् ज्येष्ठमूलं

तत्राम्यासः क्षेपयाः क्षेपकःस्यात् ॥ (बी० पृ०, १६०)

यहाँ ज्येष्ठ श्रीर लघु मूलों की निम्न प्रकार से गुणा के वर्ष में वज्राम्यास शब्द प्रयुक्त किया गया है :—



#### प्रकरण १०. भाग

भाग शब्द मज् (विश्राणने) घातु से घड़्या प्रत्यय लग कर बना है। विश्राणन का अर्थ है बांटना। जो वितरित हो वह भाग हुआ, जैसे ४० रुपये ४ श्रादिमियों में बराबर-बराबर बांटने पर प्रत्येक को १० रुपये वितरित हुए। अतएव १० रुपये प्रत्येक का भाग कहलाया। वैदिक काल में ही भाग का अर्थ हिस्सा था। देखिये:—

'अधारयन्त बह्नमो भजन्त सुकृत्यया । भागं देवेषु यज्ञम्' अर्थात् (ऋ०१।२०।८) देवों के मध्य स्थित बह्नियों (ऋभुओं) ने अपने सुकृत से यज्ञीय माग को ग्रहण किया ।

मनुस्मृति की निम्न पंक्ति में मज् घातु का अर्थ विमाजन है:---'मजेरन् पैनुकं रिक्थम्' अर्थात् पैनुक संपत्ति को बाँटे।

गणितीय अर्थ में भज् धातु का प्रयोग गृत्व सूत्रों में ही आता है । वहां भाग का अर्थ भिन्न (हिस्सा) है अर्थात् दशम भाग  $\frac{2}{20}$ , पंचदश भाग  $\frac{2}{20}$ , त्रिमाग  $\frac{2}{3}$  । वर्ग

प्रादि के रेखात्मक भाग करने में भी मज् धातु का प्रयोग है। यथा :--

'शेषमध्णया विभन्य विषयंस्येतरत्रोपदघ्यात्' (बो०णु०सू०) येदांग-ज्योतिष काल में माग की क्रिया ज्ञात थी । देखिए :—

तिषिभकादशास्यस्तां पर्वनांशसमन्विताम् ।

विभज्य मसपूरेन तिचिनक्षत्रमादिशेन् ॥

अर्घात् तिपि को ११ से गुणा करे, पर्व नक्षत्रांशों को जोहे तथा नक्षत्र संस्था में भाग देकर तिपि के नक्षत्र को बताये । इसमें विभज्य शब्द से संख्यात्मक माग ही अभिप्रेत है। वक्षाली-पाण्डुलिपि के तृतीय भाग के १६६ वें पृष्ठ पर माग शब्द आया है। माग का संक्षिप्त रूप माग माग का द्योतक था। माग का पर्यायवाची छेद और उसका संक्षिप्त रूप छे० भी वक्षाली-पाण्डुलिपि में प्रयुक्त हुआ है।

### पर्वाय :

माग के पर्याय भागहर, भाजन, विभाजन, विभाग, छेद, हरएा आदि शब्द हैं। विपरीत त्रैराशिक नियम बताते हुये आर्यमट ने लिखा है:—

## प्रयोग:

गुराकारा भागहरा भागहरा ये मवन्ति गुणकाराः । यः क्षेत्रः सोऽत्रचयोऽपचयःक्षेपस्य विपरीते ॥ (ग०पा०,प्र० २७)

ग्रयात् विपरीत त्रैराशिक नियम में गुणाकार, भागहार; भागहार; गुणाकार; योग, वियोग तथा वियोग योग में परिणत हो जाता है। गुणाकार, भागहार इन बड़े जट्दों के स्थान पर गुणा, माग शट्द भी हिन्दी में प्रचित्रत हुए वैसे मी उनका सब्दार्य भाजक है न कि नाग। भाग के समान छेद का भी ग्रयं टुकड़ा है अतएव यह भी इसी अर्थ में प्रचित्रत हुआ। हरण का सम्बन्ध घटाने से है। माग घटाने की ही किया है। अंगरेजी का 'डिवीजन और उर्दू के तक़सीम शब्द का भी माजन के समान मौलिक अर्थ बाँटना ही है।

जिसको भाग दें वह माज्य, विभाज्य, छेद्य, हार्य तथा जिससे भाग दें उसे भाजक, छेदक, भागहार, हार अथवा हर कहते हैं। भाग देने में जो वार जाँग उन्हें लब्ब या लब्बि कहते हैं। भाज्य का भाजक से छोटा जो अंश वच रहता है उसे शेष फहते हैं। बोलचाल का वार सब्द आवृति संख्या के अर्थ में प्राचीन है। देखिए ब्रह्मगुष्त का प्रयोग:—

एकोनगुषास्यस्तं प्रमवहतं रूपसंयुतं वित्तम् । यावरकृत्वो भवतं गुरोन तद्वारसिम्मतिर्गेच्छः ॥ (ब्रा०स्कु०सि०)

### षार :

यहाँ वार का वर्तमान अयं ही है। ब्रह्मगुष्त ने इस क्लोक में गुणोत्तर श्रेणी की पद-संक्या निकालने का नियम वताया है। गुणा शब्द सामान्य अनुपात के लिए आया है। वित्त शब्द श्रेणी के योग के लिए आया है। प्रभव आदि पद के लिए तथा स्प एक के लिए प्रयुक्त हुआ हैं बर्यात्  $a \frac{(r^n-1)}{r-1} \times \frac{r-1}{a} + 1 = r^n$  यहाँ  $r^n$ , r में जिन्नी बार बट सके वही n है अर्थात्  $\frac{? ? y}{y}$  में बार 3 है न कि 2 y। 4 यों कि

१२५ पांच से ३ वार ही विभाजित हो सकता है। वाद को वोलचाल में वार शब्द लब्बि के अर्थ में भी प्रयुक्त होने लगा।

जो भाग-विधि वेदांग-ज्योतिप काल में ही हमारे यहाँ ज्ञात थी वह योरुप में १५वीं १६वीं, शताब्दी तक बड़ी कठिन मानी जाती थी। यद्यपि मारतवर्ष में भागविधि बहुन पहिले से ही प्रयुक्त होती थी किन्तु उस विधि का वर्णन महावीर-कृत गणितसारसंग्रह तथा श्रीधर कृत पाटीगणित में ही सर्वप्रथम मिलता है। यथा—

तुत्येन सम्मवेसित हरं विमाज्यं च राशिना छित्वा।
भागोहायः क्रमदाः प्रतिलोमं भागहारिविधिः।। (पा० २२०)
अर्थात् भाज्य तथा भाजक को समान संख्या से विभाजित करके फिर
विलोमविधि द्वारा भाग देवे इसको भागहारिविधि कहते हैं।

विन्यस्य भाज्यमानं तस्याधस्स्थेन भागहारेण । सहशापवर्तन-विधिना भागं कृत्वा फलं प्रवदेत् ॥ १८ ॥ प्रतिलोमपथेन भजेद्भाज्यमधःस्थेन मागहारेण । सहशापवर्तनविधियंद्यस्ति विधाय तमिष तयोः ॥१६॥ (ग०सा०सं०, पृ०११) अर्थं लगभग क्रपर के ही समान है ।

### प्रकरण ११. मिनन

मिन्न शब्द मिदि (अवयवे-दुकड़ा करना) अथवा मिदिर् (विदारसे = दूटना, मुकना, चीरना) धातु से क्त प्रत्यय लग कर बना है। यह शब्द वैदिक माया में दूटा हुआ, मोंका हुआ, नष्ट किया हुआ, इन्हीं अर्थों में प्रयुक्त होता था। उदाहरणतः ऋग्वेद में (११३२।५) में यह शब्द उपरोक्त अर्थों में प्रयुक्त हुआ है। अंगरेजी का फ्रांकान तथा अन्य योरोपीय भाषाओं के शब्द फ्रांकिटओ, राउण्ट, रोटो, श्रीर रोक्ट्रों मिन्न शब्द के अनुवाद हैं जो लैटिन शब्द फ्रांक्ट्स (फ्रांक्लिएर) अथवा रूण्टस (टूटा हुआ) से ब्यूत्पन्न किए गए हैं।

# पर्याय :

यता---

वैदिक साहित्य में मिन्न के लिये सर्वप्रथम कला शब्द था। वहां इसका अर्थ या कुल का भाग विशेषतः सौलहर्यां भाग। कला शब्द ऋत्वेद में प्रयुक्त हुआ है। देगिए:—

'कलां यथा राषां यथापतृषं सनेयामसि' (प्रतुवेद ६।४७।१७)

यहीं कला का अर्थ सायग्रमाप्य में हृदयादि अवयय चताया है। युल्य सूत्रों में कला यान्य सामान्य मिल्न के अर्थ में प्रयुक्त हुचा है। देखिये:— 'तृतीयेन नवमी कला' आपस्त्व शुल्व सूत्र। 'चतुर्येन पोडशी कला' कात्यायन शुल्व सूत्र।

सर्वात् 
$$\left(\frac{?}{?}\right)^2 = \frac{?}{ε}$$
 भिन्त 
$$\left(\frac{?}{8}\right)^2 = \frac{?}{?}$$
 भिन्त

ऋग्वेद मे निम्नलिखित भिन्नें आई हैं :—

त्रग्रं 
$$= \frac{?}{?}$$
 $= \frac{?}{?}$ 
 $= \frac{?}{?}$ 
 $= \frac{?}{?}$ 
 $= \frac{?}{?}$ 
 $= \frac{?}{?}$ 
 $= \frac{?}{?}$ 
 $= \frac{?}{?}$ 

एक में अतिरिक्त अंशवाली भिन्नों में त्रियाद (ु) सर्व प्राचीन है। गुत्व मूत्रों में भी अनेक मिन्नों का वर्णन आया है। मिन्न के लिये अंग, भाग भीर कला सब्दों का प्रयोग मिलता है। यथा:—

गन्द नीचे दिये जा रहे हैं।

पंचदश माग = १ (समस्तं पंचदश भागान्कृत्वा द्वावेकसमासेन समस्येत् स पुरुष: का०शू० ४।४ लाप १०।३)

छंद की सुविधा के लिए माग शब्द लुप्त भी कर दिया गया है जैसे,

नतुर्यं 
$$=\frac{?}{?}$$
  
पंत्रम  $=\frac{?}{?}$   
पष्ट  $=\frac{?}{\varepsilon}$ 

अर्थात् एक अंश वाली मिन्नों में केवल हर का ही कथन किया गया है। मानव शुल्य सूत्र (४।४) में हिगुण, त्रिगुण और चनुगृंप $\frac{?}{2}$ ,  $\frac{?}{3}$  और  $\frac{?}{2}$  के लिए तथा दुगूने, तिगुने और चीगुने के लिए भी प्रयुक्त हुए हैं।

सुल्व-सूत्रकारों ने एकांशक निन्नें ही प्रयुक्त नहीं की जैसा कि आदि मिस्र-वासियों तथा बाबुल निवासियों ने किया था किन्तु उन्होंने योगिक निन्नें भी प्रयुक्त की यों। देखिये:—

कारवायन ने १४ है प्रक्रमों को चतुर्दण प्रक्रमान् श्रीट्चप्रक्रमसप्तमागान् कहा है। देखिये:—

या करणी चतुर्देश प्रकमान् संक्षिपति त्रींदच प्रकमसप्तभागान् स एकशतिबधे: प्रकमः ॥

अध्ययं=१
$$\frac{?}{?}$$
 (अध्ययंपुग्पा रज्नुहों सपादीकरोति का०शु०सू०)
सपारी हो=२ $\frac{?}{?}$ 
चतुर्भागोन= $\frac{?}{?}$ 
(ग्रा०शु० १९१९)

एक विचित्र प्रयोग भिन्न वाचक शब्दों में देखने को मिलता है। यथा:— अर्थनवम==६१ (आप० गु० २१८) प्रपंदशम=६१९ मिन्नों की मिन्नों के प्रयोग भी मिलते हैं, जैसे,

दंबमस्य बनुविशेन  $\frac{1}{2} \times \frac{1}{2}$ , बाप० णू० १म।३ बनुयंनविशेषाधं  $\frac{1}{2} \left( \frac{1}{2} \chi'^2 \right)$ 

चतुर्यमविशेष मध्तम है(है√२)

मिन्त शब्द का प्रयम प्रयोग :

गणितीय अर्थ में मिल्त गब्द का प्रयम प्रयोग देदांग ज्योतिष के निम्न ब्लोक में मिनता है :-

वर्षको भवेषो दिवसांवभागः चतुर्वदशस्यापनीय भिन्नम्। मार्बेऽविके चाऽविगते परेंचे छूतमैकं नवकैरवेत्य ॥ २७ अर्थात् पर्व नलत्र के लिए आवत्यक भावनिका कला = <del>१३७</del> मांश — है मांग — पर्व के चौदह दिनों के दिवसांग भाग + है दिवसांग

भाग । इसम मिन्न छोड़ दी जाती है अथवा उसको पूर्णाक कर लेते हैं । यदि पर्व के मांट, पूर्व पर्व के मांग्र से आये या आये से अधिक नजत्र से अधिक हों तो मांग जिसके अंग में ६ या ६ के गुणज हों, एक दिवस से बढ़ जाता है। इसमें मिल्न तया त्रयंग (है) तथा उत्तम (अंग) रुख्य प्रयुक्त हुये हैं। वेदांग-ज्योतिष का एक और इनोह रीचे उद्त किया जाता है जिससे प्रतीत होगा कि उस समय मिला तथा इतित की अन्य सामान्य क्रियाओं का भी जान था :--

> मांगाः स्प्राप्टकाः कार्याः पक्षद्वादशकोद्वगताः । एकादरागुराइचीनं शृहलेई चैंददा यदि ॥

कर्षात् १२ या १२ के गुणकों के बरावर पूर्वों के मांग बाठ या बाठ के गुगड होते हैं ती १२ मा १२ के गुणज न हों ती उनकी संख्या को ११ से गुणा करिये और इस प्रकार उनके भाग प्राप्त कीजिये । गुक्त पक्ष में नक्षत्र में चन्द्रस्थिति जानने के सिये ६२ (युग के चान्द्र पर्वों की संख्या १२४ के आधे) जी है जाते हैं। व्यास्या:— सूर्व वर्ष में २७ तसत्रों की परिक्रमा करता है। ५ वर्षों में वह १३५ नक्षत्रीं में होकर जाता है। ५ वर्षों में चान्द्र पर्व १२४ होते हैं।

·· १२४ चान्द्र पदों में सुर्व १३५ नक्षत्र चलता है

.. , प्रश्रेष प नक्षत्र चनेगा ∴ प पर्वी में

माना  $\frac{?? \, \mathsf{T}}{? \, \mathsf{P}'} = ? - \frac{\mathsf{T}}{? \, \mathsf{P}'}$ 

द्वति । १२ मा १२ की एमज मंस्या है ती

$$\begin{aligned}
\mathbf{a} &= 28 \left( \frac{28}{88} - 8 \right) \\
&= \frac{88}{88} \left( \frac{28$$

अतएव दलोक की प्रथम पंक्ति कितनी सार्थक है। विना इतनी किया के जाने जब उपरोक्त पंक्ति समभी नहीं जा सकती तो लेखक को उक्त किया का अवस्य ज्ञान रहा होगा। अत: वेदांग-ज्योतिप काल में भिन्न परिकर्म का पूर्ण ज्ञान था। वेदांग-ज्योतिप के निम्न स्लोक में १०५% (दश सिवश) का उल्लेख मिलता है। इलोक यह है:—

कला दश सिवशास्याद्धे मुहूर्तस्यनाडिके । द्वित्रिशस्तरकलानांतु पट्णती त्र्यधिकं भवेत् ।।

अर्थात् एक नाडिका = १० $\frac{2}{5}$  कला, २ नाडिका = १ मुहूर्त, ६० नाडिका = ६०३ कला = १ दिन ।

कीटिल्य अर्थ शास्त्र में पादोन (  $\frac{3}{5}$  ), अर्ध (  $\frac{5}{5}$  ), त्रिमाग (  $\frac{3}{5}$  ) शब्द आये हैं।

जैन साहित्य में मिन्न गणित को कलासवर्ण या प्राकृत शब्द कलासवन्न से व्ययत किया गया है। देखिये :---

परिकम्मं ववहारो रज्जुरासी कलासवन्नो य । जायन्तायति वग्गो घनो ततह वग्गवग्गो विकप्पोत ॥

(स्थानांग-सूत्र ७४७)

## कता-सवर्णः

कलाओं अर्थात् मिन्नों को जोड़ने से पहले उनका सवर्णन अर्थात् उनकी मम्ब्युंद (महराहर) कर लते थे। इसी सम्ब्छेंद को सवर्णन शब्द से व्यवत करते थे। यह किया इतनी महत्वपूर्ण बी कि पूरे भिन्न-परिकर्म को कलासवर्ण शब्द से व्यक्त करते ये अथवा भिन्न का भी दूसरा नाम कलासवर्ण हो गया। कलासवर्ण शब्द का प्रयोग बक्षाली-पांतुलिप (३०० ई०) में तथा महाबीर (५५० ई०) एवं श्रीधर ने भी किया है। महावीर ने कलासवर्ण भिन्न-परिकर्म के अर्थ में प्रयुक्त किया है। क्योंकि यह अध्याय का नाम है तथा इसके अन्तर्गत पृथक्-पृथक् नियमों के मूत्रों में मिन्न शब्द का ही प्रयोग किया है। कलासवर्ण अब अपने जीवन के अत्मि क्या विता रहा था। बाद को मिन्न के लिये जाति भव्द मी चला। महावीर ने भिन्न के प्रकार भागजाति, प्रमागजाति, भागमागजाति, भागानुबन्धजाति, मागा-प्याहजाति तथा मागमातृजाति, इतने प्रकार की मिन्नों को लिखा है। आयुनिक चिह्न प्रणाली जात न होने से आजकल के मिन्नों के विशिष्ट प्रक्तों को इन पृथक्-पृथक् नामों से व्यक्त किया गया है।

महाभास्करीय में (पृ० १०) है, के लिए दणलद शब्द का प्रयोग किया है। त्रव मी अग श्रीर भाग का पर्यायवाची है। श्रीपति ने गणिततिलक में मिल्न के लिये विभिन्न शब्द का भी प्रयोग किया है। यथा:—

'हरराशिवगंबिह्नांशकृतिः क्रियते विभिन्नकृतये कृतिभिः' अर्थात् विभिन्न का वर्गे = क्षेत्र वर्गे /हरवर्गे ।

नीचे हिन्दी के कुछ भिन्मवाची शब्द तथा वे संस्कृत शब्द भी जिनसे कि में व्युत्पन्न है दिये गये हैं :---

पीना (पीन) = पादीन (किन्तु श्रीना पीना दे दिया यहाँ पीना झब्द पूर्ण के लिये श्राया है। मीटिल्स अर्थमास्त्र में ऊनं पूर्ण वा दद्यात् यह पंचित शार्ट हे ऊन का श्रीना श्रीर पूर्ण का पीना हो गया)

पीना अर्थात् पादीन का अर्थ है 'चौबाई' कम' अतः जब अकेला होता है तभी दगका ै अर्थ होता है अन्यवा अन्य गंद्याओं के माय जैने पीने आठ, पीने का 'चौकाई दम', अर्थ है सर्यात् पीने आठ≈आठ-चौबाई।

> सर्वेषा, भयाया = भनाद (शून्य-पृत्रों में प्रगृष्त ।) निहार्ट = त्रिमागिक चोवार्ट = चतुर्थिक हेड़ = द्वयर्थ

१. देशिये गणित-सार-संग्रह, पुष्य ३३-४५ ।

पीछे वताया गया है कि गुल्व सूत्रों में अर्घ नवम्  $= \frac{1}{2}$ , अर्घवशम  $= \frac{1}{2}$  याजुज्योंतिप इलोक १४ में भी ग्रर्धपंचम  $= \frac{1}{2}$ , अर्घचतुर्थ  $= \frac{1}{2}$  आदि प्रयोग मिले हैं।
इसी प्रकार अर्घह्य  $= \frac{1}{2}$  का भी हो सकता है। ग्रर्धह्य का हयर्घ रूप सूर्यप्रक्रित में
मिलता है। इसका अर्थ भी डेढ़ है। सूर्यप्रक्रित पर शुल्व सूत्रों का प्रभाव वताया ही
जा भुका है।

ढाई, अढैया, अढाई = आढक (वेदांग-ज्योतिष में प्रयुक्त यथा: —
पत्नानि पंचाशदणां घृतानि तदाढकं द्रोगामतः प्रमेयम्
त्रिमिविहीनं कुडुवैस्तु कार्यम् तन्नाडिकायास्तु भवेत्प्रमाणम्।)

हूंठा, $}$  = अर्घचतुर्थ = ३ $\frac{1}{2}$  साढ़े = सार्घ अहुठ

## भिन्नों की प्राचीन लेखन-प्रणाली

बटा:

मिन्नों के लेखन में पहले बिना रेखा खींचे अंश और हर ऊपर नीचे लिख १।३ टिग्रे जाते शे जैसे (२।४) , ०९ को भी (०) जिस्स देने शे , मनी मध्य अस्त

दिये जाते थे जैसे (२।४)।१६ को मी (१) लिख देते थे। यही प्रथा अरव १ २

के अलनसवी ने भी ग्रहण की। वाद को अरव निवासी वीच में रेखा खीच निकले।
पढ़ने में हुँ दो बटा तीन या दो मागे तीन पढ़ते हैं। वटा शब्द वांटना (विभाजित
करना) से बना है। दो बटे तीन का अर्थ है दो को तीन से बांटा अर्थात्
भाग दिया।

अंश, हर:

रेखा के ऊपर की संस्था को अंश तथा नीचे की संख्या को हर कहते हैं। ठुँ का अर्थ होता है कि एक को सात से हत किया, माजित किया और उसमें से पांच भाग ने लिये। अताएव ५ को माग या अंश कहना ठीक ही है। और सात को हत करने के कारण हार, हर, छेब, भाजक कहना भी ठीक है। व्योंकि नीचे की संख्या ने नाग ही तो दिया जाता है। हार और हर दोनों शब्दों का प्रयोग मिलता है। यथा:—कृत्वा परीवर्तनमंगहार्योहंरस्य तहत् कुलियापवर्तने। (ग० ति०, पृ०१)

हर साम्ये ऋते युतम् (वधाली-पांट्रलिपि)

वेदांग-ज्योतिष में अंध को उत्तम और हर को अधम कहा है य्योंकि यह ज्यर और नीचे निरो जाते हैं। इससे प्रतीत होता है कि वेदांग-ज्योतिष काल में जिला-निरात-प्रणाली का झान था। यह किया इतनी महत्वपूर्ण थी कि पूरे भिन्न-परिकर्म को कलासवर्ण शब्द से व्यक्त करते थे अथवा भिन्न का भी दूसरा नाम कलासवर्ण हो गया। कलासवर्ण शब्द का प्रयोग वक्षाली-पांडुलिपि (३०० ई०) में तथा महावीर (८५०ई०) एवं श्रीधर ने भी किया है। महावीर ने कलासवर्ण भिन्न-परिकर्म के अर्थ में प्रयुक्त किया है। क्योंकि यह अध्याय का नाम है तथा इसके अन्तर्गत पृथक्-पृथक् नियमों के सूत्रों में भिन्न शब्द का ही प्रयोग किया है। कलासवर्ण अब अपने जीवन के अन्तिम क्षरा विता रहा था। वाद को मिन्न के लिये जाति शब्द मी चला। महावीर ने भिन्न के प्रकार भागजाति, प्रमागजाति, भागभागजाति, भागानुबन्धजाति, मागा-पवाहजाति तथा मागमातृजाति, इतने प्रकार की मिन्नों को लिखा है। आधुनिक चिह्न प्रणाली जात न होने से आजकल के भिन्नों के विशिष्ट प्रश्नों को इन प्रथफ्-पृथक् नामों से व्यक्त किया गया है।

महाभास्करीय में (पृ० १०) है, के लिए दशलव शब्द का प्रयोग किया है। लव भी अश श्रोर भाग का पर्यायवाची है। श्रीपित ने गणितितलक में भिन्न के लिये विभिन्न शब्द का भी प्रयोग किया है। यथाः—

'हरराशिवर्गविह्तांशकृतिः क्रियते विमिन्नकृतये कृतिभिः' अर्थात् विभिन्न का वर्गे = अंश वर्ग/हरवर्ग ।

नीचे हिन्दी के कुछ भिन्नवाची शब्द तथा वे संस्कृत शब्द मी जिनसे कि ये व्युत्पन्न हैं दिये गये हैं :—

पाव, पजआ≔पाद (पाद चतुष्पाद का चौथाई होता है) अद्रा ≕अर्घ

पीना (पीन) = पादोन (िकन्तु भीना पीना दे दिया यहाँ पीना शब्द पूर्ण के लिये आया है। कीटिल्य अर्थशास्त्र में ऊनं पूर्ण वा दद्यात् यह पंवित आई है ऊन का ओना और पूर्ण का पीना हो गया)

पीना अर्थात् पादोन का अर्थ है 'चीयाई कम' अतः जब अकेला हीता है तभी इसका है अर्थ होता है अन्यथा अन्य संख्याग्रों के साथ जैसे पौने आठ, पौने का 'चौयाई कम', अर्थ है ग्रयांत् पौने आठ = आठ-चौयाई।

> सर्वया, सवाया = सपाद (णुल्य-मूत्रों में प्रमुपत ।) तिहाई = त्रिमागिक चौथाई = चतुर्थिक छैट = हयर्ध

१. देग्सियं गणित-सार-संग्रह, पृष्ठ ३३-४५।

श्लोकों में इन शब्दों का प्रयोग हुआ है। ५, २५ को इस प्रकार काटता है कि शेप आगे कुछ नहीं बचता। तो २५, ५ की निरग्रक राशि कहलाती थी (देखिए सि० शे० कुट्टक २३)।

# ऐतिहासिकता:

योरुप में १५ वीं शताब्दी में लघुतम समापवर्त्य निकालने की विधि ज्ञात हुई। किन्तु उसका भलीभौति प्रयोग १७वीं शताब्दी में हुआ। हिन्दी का वितत भिन्न शब्द अंगरेजी के कन्टीन्यूड फ्रैंक्शन का शब्दानुवाद है। वर्तमान रूप में वितत भिन्न को लार्ड ब्रोकर (१६२०-१६८६) ने निकाला था।

ऊपर के विवरण से यह स्पष्ट प्रतीत होता है कि ऋग्वेद काल से ही मिन्त का ज्ञान प्रारम्म हो गया था और वेदांग-ज्योतिप अथवा गुल्व काल तक इसका ज्ञान परिपक्व हो गया था। अत: यह निश्चित है कि विश्व को भिन्न का ज्ञान भारतवर्ष ने ही दिया। चीन में छठी शताब्दी तक भिन्न-परिकमें बड़ा कठिन समभा जाता था। चैंच चिव चेन ने अपनी पुस्तक अरिथमैटिकल क्लैसिक में लिखा है:—In learning arithmetic we are not troubled with the difficulties in multiplication and division but we are troubled with the hardships of considering fractions. अर्थात् अंकगणित के सीखने में हम को गुणा भाग करने में कोई कठिनाई प्रतीत नहीं होती। हमें तो केवल भिन्नों की कठिनता सताती है। (मिकामी चाइना, प्र०३६)।

## प्रकरण १२. दशमलव

सन् १६०० के लगमन पं० मोहनलाल, पं० वंशीधर, पं० कुँजविहारीलाल ने अँगरेजी शब्द डेसीमल का 'दशमलव' अनुवाद किया जो सर्वश्रेष्ठ अनुवादों में से एक है क्योंकि लब का अर्थ भाग तथा अंश होने से दशमलय का अर्थ दशमांश हुमा। वास्तव में दशमिक अंकप्रणाली का ही दशमलय अंकप्रणाली एक विस्तार मात्र है जिसमें प्रथम स्थान में इकाई के १० भाग किये जाते हैं इस प्रकार कमशः दस २ भाग होते जाते हैं। अतएय यह नाम सार्थक, सरल तथा अंगरेजी शब्द का समध्यितक मी है। वैसे दसवें माग के लिए दशलय शब्द नास्कर प्रथम (६२६ ई०) ने भी प्रयुक्त किया है। देगिये:—

अचलहतनयांशा लिप्तिका क्ट्रनिचने

गगनरगविभवते तिष्णिकास्तापि पूर्वाः । ग्रहतनुगरपर्यासास्त्रस्यराः सोधनीयाः

्द्यानय ममुशिद्दान्द्रतु पः म भागोः ॥ (म॰ मा०, १० ६०)

'दोराए गाणत का इतिहास, रचियता दिवेदी, गुळ ६४ ।

पंक्तियां हैं। तावन्तस्तावन्तः का अर्थ ऐसा ही है जैसा अंगरेजी में हम बोलते हैं कि यह ध्री वाई ध्री है। तीन क्षेतिज और तीन अध्वीधर पंक्तियों के मिलाने से कुल क्षेत्रफल के वरावर का वर्ग तथा ६ क्षेत्रफल के एकक वर्ग मिलते हैं। इन दोनों वस्तुओं का नाम वर्ग हो गया। यहां पर वर्ग का प्रारंभिक अर्थ पंक्ति या समूह ही है। क्षेत्रफल तथा उसके एककों के भावों के आधार पर संख्यात्मक वर्ग घटन



की सृष्टि हुई क्योंकि वर्ग-क्षेत्रफल में भुजा की लम्बाई को उसी से गुणा करना पड़ता है बोलने में यही बोलते हैं कि ३ फुट लम्बी रेखा, ६ वर्ग फुट क्षेत्रफल बनाती है। इसी प्रकार अंकगणित में भी यही कहते कि ३ का वर्ग ६ होता है। क्षेत्रफल वाली मापा में फुट शब्द निकाल दें तो अंकगणितीय वर्ग की मापा से मिलान हो जाता है। दोनों ही प्रक्रियाओं में उस संख्या को उसी संख्या से गुणा करना पड़ता है अतः समान प्रक्रिया होने से शब्दावती भी समान हुई। परवर्ती संख्यात्मक वर्ग यव्य अतः ज्यामितीय वर्ग से उत्पन्न हुआ है। आर्यमट तथा श्रीपति ने दोनों का वर्णन भी एक साथ दिया है। यथा:—

वर्गः समचतुरथः फलं च सदशद्वयस्य संवर्गः । सदशद्वयसंवर्गो वनस्तथा द्वादशाधिः स्यात् ॥ (आर्ये० ग० पा०) वर्गोऽभिषातः सदश द्विरादयोः घनः समानिवतयस्य पातः । चतुर्मृजं क्षेत्रमुत्तन्ति वर्गे स्याद्द्वादशाधिःस्तु धनः स वृत्दः ॥

(श्रीपति कृत सि॰ घे॰)

आर्यभट कहते हैं कि वर्ग का अर्थ समजतुर्मुज हैं और उसका क्षेत्रफल समान यो रागियों के गुणकफल के बराबर होना है। सहय तीन रागियों के गुणकफल के बराबर होना है। सहय तीन रागियों के गात को पन कहते हैं। धीपति वहते हैं कि वर्ग समान दो रागियों के गुगा के बराबर होता है और नमजतुर्मुं इ किय को भी वर्ग कहते हैं, इसी प्रकार पन समान तीन रागियों के गुगकफल के बराबर होता है और समहादग कोरों वाले केन को भी पन कहते हैं जिसका हमरा नाम बुंद भी है।

लन्य सर्प :

आर्यभद्र ने वर्ष सब्द अगुरम रचान समा अवर्ग 'गुरमस्यान' के लिए भी। प्रयक्त किया है। समा :---

यगीक्षराणि यगेँदरगीक्षराणि काल्डमी यः।

महिनको स्पर्ध नव काँद्रवर्षे नवास्त्रवर्षे वा ॥ (आ० घी० पा०

रे. पृत्र सहर, पन के अबं में अन्यय कर्न नहीं नहीं नित्ता ।

इस प्रकार वर्ग शब्द जो प्रारंभ में समूह के अर्थ में था, बाद में पंक्ति के अर्थ में आया। पंक्तियों से तात्पर्य या कतारें जैसे वागों में पेड़ों की कतारें। वर्ग का क्षेत्रफल निकालते समय वर्ग ऐसी ही पंक्तियों में विमाजित किया जाता है अतएव समचतुरश्र के स्थान में छोटा-सा वर्ग शब्द चलने लगा। वर्ग के क्षेत्रफल निकालने में उसी संख्या को उसी से गुणा करना पड़ता है अतएव अंकगणितीय द्विघात के अर्थ में भी वर्ग शब्द प्रयुक्त होने लगा। इस प्रकार जो शब्द कभी वस्तुवाचक था वह आगे चलकर माववाचक वन गया।

## प्रकरण १४. घन

घन णव्द निम्नितिखत तीन गणितीय अर्थो में अति प्राचीन काल से प्रयुक्त होता चला आ रहा है :—

- १. टोस (Solid) ।
- २. समान तीन राशियों का गुणनफल।

३. धनक्षेत्र।

प्रथम अर्थ में भगवती सूत्र (३०० ई०पू०, सूत्र ७२४-७२६) तथा अनुयोगद्वार मूत्र (मूत्र १२३-१४४) में प्रयोग मिलते हैं। वहाँ घनत्र्यस्त, घनचतुरस्त, घन
आयत, घनवत तथा घनपरिमंडल शब्दों में घन प्रथम अर्थ में ही आया है। द्वितीय
अर्थ में उत्तराध्ययन मूत्र (३०।१०,११) में घन वर्ग शब्द आया है जिसका अर्थ है
(फ³) = कः। यहाँ घन का अर्थ सदद्या तीन राशियों का गुणनफल ही हुआ।
आयंगट के दितीय तथा नृतीय अर्थों में प्रयोग वर्ग शब्द के अन्तर्गत दिखाये जा चुके
हैं। वक्षाली-पांटुलिप में भी घन शब्द क्यूच के अर्थ में आया है।
घनफल, वर्गफल:

यर्गफल तया घनफल गट्द अंकगणितीय तथा रेखागणितीय दोनों ही अर्थों में प्रयुक्त हुए हैं। वर्गफल का अर्थ है वर्ग का क्षेत्रफल एवं समान दो राशियों का गुण-फल अर्थात् २ वर्ग है तथा ४ वर्गफल है इसी प्रकार २ घन तथा = घनफल है। पर्गफल घट्द आर्यमट के 'फलं च सहग्रहयस्य संवर्ग:' वाले दलोक में आया है। इसी प्रकार घनफल घट्द ब्रह्मगुष्त के निम्न दलोक में प्रयुक्त हुन्ना है। यहाँ घनफल का अर्थ आयतन है:—

आकृति-फलमौच्याहतमग्रतसैनयार्थमीच्चयदैर्घ्यगुणं । पनगणितमिष्टका-घनफलेन हतमिष्टका-गिएतम् ॥ (ग्रा०स्फु०सि०१२।४७।) भागतनः

पनफल के अर्थ में आगतन शब्द का प्रयोग आपस्त्व शुल्य मूत्र में मिलता है:—
"गार्दपत्याह्वनीययो रस्ती नियम्य लक्षणेन दाक्षिणापायम्य
निमित्तं करोटि तद्दक्षिणाग्ने रायतनम्" (पृ० ६६)

### प्रकरण १५. मूल

वर्ग और वर्गमूल दोनों ही संकल्पनाओं की नींव शुल्व सूत्रों में पड़ गई थी। देखिये कात्यायन जूल्व सूत्र की निम्न पंक्तियां:—

'हिःप्रमाणा चतुःकरणी, त्रिःप्रमाणा नवकरणी, चतुःप्रमाणा षोडग्करणी'। 'यावत्प्रमागा रज्जुर्मवति तावन्तस्तावन्तो वर्गाभवन्ति'।

अर्थात् दो एकक लंबी रज्जु चार एकक क्षेत्रफल वाला वर्ग तथा तीन एकक लम्बी रज्जु नो एकक क्षेत्रफल वाला वर्ग एवं चार एकक लम्बी रज्जु सोलह एकक क्षेत्रफल वाला वर्ग वनाती है। जितने एकक लम्बी रज्जु होती है वह उतने गुणित उतने ही वर्ग वनाती है।

इस स्थल में करणी शब्द का वास्तविक तथा मौलिक अर्थ करने वाली ही है किन्तु क्या यह सत्य नहीं है कि इस सम्बन्य में बहुत सी संख्यायें और उनके वर्गफलों की संख्यायें सामने उपस्थित हो जाती हैं तथा दोनों ओर पंक्तियों और स्तंभों में विभाजित करने से छोटे-छोटे वर्ग स्वयं उपस्थित हो जाते हैं, अत्रुच मिव्य में जाने वाले वर्गमूल शब्द की नींव में करणी शब्द ही है। यद्यपि करणी तथा रज्जु वर्ग की एक भुजा को कहते थे किन्तु ये ही ज्यामितीय संकल्पनायें अंकगणितीय 'वर्ग' और 'वर्गमूल' इन दोनों संकल्पनाओं की जननी है। करणीगत शब्द एक ऐसे वर्गमूल चिह्न के अन्तर्गत इस अर्थ में आता है तथा करणी शब्द एक ऐसे वर्गमूल के अर्थ में आता है जिसका मान संख्यात्मक रूप में व्यक्त नहीं किया जा सकता है किन्तु यह वर्ग की एक भुजा के द्वारा अवस्य निरूपित किया जा सकता है।

### प्रवम प्रयोग :

मूल शब्द का प्रथम प्रयोग अनुयोगाद्वार-मूत्र (लगभग १०० ई०) में तथा समस्त परवर्ती गणितीय ग्रंथों में मिलता है। वक्षाली-पांडुलिपि में इसका सोकेतिक शब्द 'मू' भी है। देखिये:—

मृत्यद रागि से तात्पर्य उस संख्या से हैं जिसका पूरा-पूरा वर्गमूल निकत सके।

यर्गमूल का दूसरा पर्यायवाची शहद 'पद' (आघार) भी है। देखिये आर्यमट और कामुनुष्त के प्रयोग :—

> भागं हरेदवर्गान्तिस्यं द्विगुणने वर्गमूलेन । वर्गाद्वर्गे सुद्धे लब्धं स्थानान्तरे मूलम् ॥ (आर्थ० ग० पा० ४)

संबंधितांग वर्षव्येदकृति-विमावितो सवित वर्षः । संविधितांश-मूर्व थेदर्यदेतीवृतं मूलम् ॥ (ब्रा०स्तु०सि० १२।५) इसमें ब्रोमूल तथा पट बच्द प्रयुक्त हुए हैं ।

मृत का बिद्धक अर्थ पेड़ या पीये की जड़ है। उसके लाक्षणिक अर्थ आदि कारण, आधार आदि हैं जुन्छ मुत्रों में मृत की करणी सब्द से बोतित किया है क्योंकि करणी अर्तात् रज्जु से जो वर्ग की एक भुजा के माप के बरावर होती थी पूरा-पूरा वर्ग बन जाता था, अत्तप्य करणी वास्तव में वर्ग का मृल ही थी। यदि भुजा नहीं तो वर्ग कैसा। अत्तप्य करणी वास्तव में वर्ग का मृल ही थी। यदि भुजा नहीं तो वर्ग कैसा। अत्तप्य मुजा को करणी (कारण) तथा वर्ग को कृति कहा गया। अतः करणी वर्गमूल का बोतक हो गई। बाद में जब करणी शब्द उन राशियों के लिये प्रयुक्त होने लगा जिनका पूरा-पूरा वर्गमूल न निकाला जा सके तो मूल शब्द करणी के स्थान पर आ गया। बक्षाली-पांडुलिपि में यह अर्थ-परिवर्तन देखने को मिलता है और उससे भी पूर्व जैन-ग्रंथों में।

मूल सब्द को अरवी में 'जज्ज', लैटिन में 'रैडिक्स' एवं अंगरेजी में 'रूट' शब्द से अनूदित किया गया नयों कि इन सबका शाब्दिक अर्थ जड़ ही है तथा मूल सब्द का भारतीय प्रयोग विदेशी प्रयोगों से अधिक प्राचीन है।

धनमूल शब्द भी आर्यभटीय तथा परवर्ती गणित के ग्रंथों में मिलता है। यथा:--

> अवनाद् भजेद् द्वितीयात् त्रिगुगोन घनस्य मूलवर्गेण । वर्गस्त्रिपूर्वगुणित: शोव्य: प्रथमाद् घनश्च घनात् ॥ (आर्यभटीय गणित पाद)

# प्रकरण १६. त्रैराशिक नियम

य्युत्पत्ति:

विराणि अर्थात् प्रमाणराणि, फलराशि तथा इच्छाराणि से संबंधित होने के फारण इसको भैराधिक नियम कहते हैं। भास्कर प्रथम (६२६ ई०) ने इसके लिए अनुसात शब्द मी प्रयुक्त किया है। बक्षाली-पांडुलिपि (भाग ३, १७६, १८६) में इसके निये भैराधिक वियान शब्द मी प्रयुक्त हुआ है अतः इसका ज्ञान नृतीय शता ईगती में मारत में अवश्य था। इस नियम में तीन राशियों अर्थात् (१) प्रमाण राशि, (२) फलराणि, (३) इच्छाराणि दी हुई होती हैं और चतुर्थ राशि अज्ञात होती हैं विस्था मान प्रमाणराणि , इस नियम से निकाल जेते हैं जैसे १००

> वैराशिक फलराशि तमथेच्छाराशिना हतं कृत्वा। लव्यं प्रमाणभाजितं तस्मादिच्छाफलमिदं स्यात ॥

अर्थात् त्रैराशिक विधान में फलराशि को इच्छाराशि से गुणित करे और प्रमाणराशि से विभाजित करे तब अभीष्ट फल प्राप्त होता है। यहाँ प्रमाणराशि (प्रथमराशि) से इच्छाराशि यदि वड़ी होती थी तो अभीष्ट फल (चतुर्थराशि) भी दक्तफल से बड़ा होता था किन्तु यदि इच्छाराशि के बढ़ने पर अभीष्ट फल कम होता जाय तो इस त्रैराशिक को व्यस्त-त्रैराशिक कहते हैं और तब इसमें प्रमाण और फल राशियों की गुणा करके इच्छाराशि से माग देकर अभीष्ट फल प्राप्त करते हैं जैसा भास्कर द्वितीय ने कहा है:—

इच्छावृद्धौ फले ह्रासो ह्रासे वृद्धिः फलस्य तु । व्यस्तंत्रैराशिकं तत्र ज्ञेयं गणितकोविदैः ॥ (लीलावती)

आदि और अंतराशि समान जाति नी हों तो यह सम त्रैराशिक तथा विषय जाति की हों तो व्यस्त त्रैराशिक कहलाता है। व्यस्त का अर्थ है उत्टा। अर्थात् गुएगा के स्थान पर माग तथा माग के स्थान में गुणा की जाय, देखिये श्रीधर के टीकाकार की एतिहिषयक उवित:—

''विपरोतमस्तं व्यस्तं गिरात व्यस्तत्वं च गुणाभाग हार विपर्यासात्'' (पाटीगणित, पृ० ४३)

र्यराधिक नियम में तीनों राशियों को एक पंक्ति में निखते थे जैसे, १ रु० की पांच नारंगी मिलती हों तो २० रु० में कितनी मिलेंगी ? इस प्रदन के हल करने में तीनों राधियों को निम्न प्रकार लिखते थे :—

# 18141701

इसी कम से मध्यकाल में अरब वाले तथा लैटिन लेखक भी तीनों संस्याओं को लिगते थे। बाज मी अनुपात लगाते समय इन तीन संस्याओं को १:५:२०:क इसी तरह लिगते है। उन्होंने (श्ररव निवासियों ने) श्रेरादिक दाव्य भी अपनाया या किन्तु प्रमाग्राफल, इच्छा ये शब्द नहीं लिये थे। अलबहनी ने एक ग्रंथ इस विषय पर बनाया उसका नाम 'फीराशिकात-अल-हिन्दी' (हिंदुओं का राशिक) रवला। ऐसा प्रतीत होता है कि त्रैराशिक, पंचराशिक बादि शब्दों में त्रि, पंच आदि शब्द संस्थावाचक समझ कर निकाल दिये और शेष राशिक शब्द का बहुवचन राशिकात कर लिया। और किताब का बहुवचन किताबात।

अरव में यह नियम = वीं शताब्दी में पहुँचा । वहां से यह योख्प पहुँचा और इसको गोल्डन रूल शब्द से वहां पुकारा गया । देखिये १७वीं जताब्दी के अंगरेज गणितज्ञ हाडर के विचार : -- The 'Rule of Three' is commonly called the 'Golden Rule' and indeed it might be so termed for as Gold transcends all other metals, so doth this rule all others in arithmetic.

वर्षात् त्रैराशिक नियम को प्राय: गोल्डन रूल कहते थे श्रीर इसका यह नाम श्रन्थयंक है वर्षों कि जिस प्रकार स्वर्ण सब घातुओं में श्रेष्ठ होता है उसी प्रकार यह नियम भी समस्त अंकगणितीय नियमों में श्रेष्ठ है। रूल आफ श्री, शब्द भी त्रैराशिक के निये अंगरेजी में व्यवहृत होता है जो त्रैराशिक शब्द का अनुवाद है। मारतीय गणितकारों ने भी इस नियम की वही प्रशंसा की है:—

### श्रेरादिक की प्रशंसा :

अस्तित्रैराशिकं पाटी बीजं च विमला मित :।
किमज्ञातं सुमुद्धीनामतो मन्दार्थमुच्यते ।। (लीला०, पृ० ४७)

अर्थात् त्रैर।शिक नियम ही समस्त अंकगणित है और विमलवृद्धि ही वीज-गिनत है। अर्थात् समस्त अंकगणित त्रैराशिक से ओतत्रीत है। एक दूसरे स्यान पर उन्होंने त्रैराशिक नियम को भगवान के समान सर्वव्यापक बताया है। बीजगिणित में भी इस नियम की व्याप्ति बताई है। यथा:—

> यत्किञ्चद् गुणभागहारिविधिना बीजोत्र वा गण्यते । तस्त्रैराशिक मेव निर्मलिषयामेयायगम्यं विदास् ॥ एत्रचद्गृषाऽस्मदादि जटगोधीवृद्धिवृद्धया वृद्धैः।

तद्भेदान गुगमान् विघाय रिचतं प्राधैः प्रकीर्णादिकम् ॥ (लीला०, पृ० १८७) पंचरात्रिक, सप्तराद्रिक स्नादि : पंचसप्त नवराशिकादिकेऽन्योऽन्यपक्षनयनं फलिच्छ्दाम् । संविधाय बहुराशिजे वधे स्वल्पराशिक्ष भाजिते फलम् ॥ (लीला०, पृ० ५०) वक्षाली के त्रैराशिक विधान शब्द के सजातीय शब्द पंचराशिक विधान को श्रीपति ने भी प्रयुक्त किया था। यथा:—

मासेन पंचकशतेन हि वत्सरेगा पट्सप्ततेभंवति हन्ति कलान्तरं किम् । कालं फलं च वद मूलधनं च ताभ्याम् चेत्यंचराशिकविधानमवैहि विद्वन् ॥ (ग० ति० ६८)

टीकाकार सिंहतिलकसूरि ने गिर्गतितिलक के पृष्ठ ७५ पर बहुराशिक शब्द भो प्रयुक्त किया है।

# ऐतिहासिफता:

त्रैराशिक, सप्तराशिक, शब्द अरव पहुँच कर फिर भारत में अरवासत्ता होकर लौटे।

र्वराशिक अनुपातमात्र ही है। भारत में ब्रह्मगुष्त ने त्रैराशिक के प्रश्न को जिस प्रकार लिखा, वही प्रकार अरव वालों ने अनुकरण किया। ब्रह्मगुष्त ने हैं पल वस्तु के दाम है पण हैं तो २ के क्या दाम होंगे। इस प्रश्न को चन्होंने निम्न रीति से लिखा है:—

रब्बीवेन एजरा ने भी आधुनिक ४७:६ = ६३: य की ४७ ६३ इस

प्रकार लिखा। भारतवर्ष में समीकरण के दोनों पक्षों को भी ऊपर नीचे लिखा जाता था। जिसको ब्रह्मगुष्त ने अन्यक्तान्तर-मक्तं.....वाले क्लोक में तदधस्तात् कह के प्रगट किया। अरब बाले गणितीय ज्ञान के लिये ब्रह्मगुष्त के विशेष ऋणी हैं। उन्होंने ब्रह्मगुष्त के दोनों ग्रंच ब्राह्मक्तुटसिद्धान्त तथा खंडखाद्यक को 'सिदिहद लगा अनुअर्कद' नाम से अनुवाद कराये। ऐकिक निषम:

कपर यदि बीच में १ का मान निकालने के लिए एक पंक्ति और बढ़ा दी जाने तो यही ऐकिक नियम कहलायेगा अर्थात् एक वस्तु का मान निकाल कर फिर बहुतों का मान निकालना ।

१. देगिये योजगणित भन्द, अध्याय ३।

## प्रकरण १७. धनुपात

यह शब्द अनु - पत् घातु से घज् प्रत्यय लगाकर वना है। इसका शाब्दिक अर्थ है पीछे २ गिरना अर्थात् अनुसरण करना, पीछा करना। कालिदास ने शकुन्तला नाटक में लिखा है:—

ग्रीवाभंगाभिरामं मुहुरनुपतिति स्यन्दे दत्तदृष्टिः। पश्वार्द्धेन प्रविष्टः शरपतनभयाद् भूयसा पूर्वकार्यम्।।

यहां अनुपतित का अर्थ पीछा करते हुये ही कहा है। अनु का अर्थ अनुरूप अथवा अनुसार भी होता है जैसे अनुनाद, अनुगुण। अनुपात शब्द का भी अर्थ है 'अनुरूपः त्रैराशिकेत पातः' अथवा 'त्रैराशिकमनुमृत्य पातः' अथित् त्रैराशिक के अनुरूप अथवा अनुसार राशियों का पात अर्थात् क्रिमिक हियति है जिसमें। त्रैराशिक नियम में राशियों का क्रम इस प्रकार —

x x	₹७ ४	अथवा			 			
<b>२१</b> २	0	इस प्रकार	_	१	 X	1	२०	ाथा ।⁴

राशियों का लगभग वही क्रम है जो कि अनुपात में होता है, अतएव अनुपात शब्द अन्ययंक है।

### प्रथम प्रयोग :

अनुपात राव्य का प्रथम प्रयोग वराहिमिहिर का मिलता है । देखिये :— लिप्ताद्वयने हरिजे प्रयूचेण मेररोपेऽगुंलं मवित । अनुपातोऽन्तरसंस्ये कर्तव्यो हिन्दिषुवतार्थम् ॥ (पं०सि०, ए० ३०)

श्रयीत् क्षितिज पर किसी लगोलीय पिट के व्यास की दो लिप्ताओं से एक अंगुल व्यायम होता है जबकि नमोमध्य में होने से ३ लिप्ताओं से १ अंगुल श्रायाम होता है यदि यह पिट जितिज श्रीर नमोमध्य के बीच स्थित हो तो अनुपातिक गणना-विधि से टक्तांगित करे।

इसके उपरान्त मास्कर प्रथम ने महाभास्करीय के पृष्ठ ४४ तथा लघु-भास्करी के प्र०४२ में अनुपात राव्य का प्रयोग प्रैराशिक के अर्थ में किया है। आर्य भटी के गिमतपाद स्लोक २६-२६। की टीका में उन्होंने कहा है 'आचार्य आर्यभट ने तो महा पर केवल प्रैराशिक का वर्मने किया है, पंचराधिक इत्यादि अनुपात

रे. देशिये हिंदू गणितसास्य का दतिहास, पृ० १६६, २०५ ।

२. अंगरेजी में प्रोपोरणन सब्द के भी दोनों अर्थ हैं।

विशेषों का ज्ञान कैसे किया जाय ? उत्तर भी स्वयं देते हैं। 'श्राचायं ने अनुपात के मूलमूत सिद्धांत का वर्णन किया है। इसी सिद्धांत से पंचराणिक आदि सब सिद्ध हो। जाते हैं। इससे प्रतीत होगा कि अनुपात और त्रैराधिक नियम एक जाति के नियम ही समके जाते थे। महावोर ने तो व्यस्त त्रैराशिक के स्थान पर व्यस्तानुपात शब्द तक प्रयुक्त किया है। 'त्रह्मगुप्त (६२ ई०) ने 'अनुपात' शब्द निम्न इलोक में वर्तमान अयं में ही प्रयुक्त किया है:—

कर्णावलम्बयुनी खण्डे कर्णावलंबयोरघरे । ग्रनुपातेन नदूने ऊर्घ्ये सूच्यां सपाटायाम् ॥ (ब्रा०स्फु०सि० १२।३२) निष्पत्ति ।

श्ररवी शब्द निस्त्रत (Ratio) को सम्राट् जगन्नाथ ने अपने ग्रंब रेखागणित मैं 'निष्पत्ति' के रूप में अपना लिया । देखिये—

'एकोराशिंडितीयराशेरंशो भवति वा गुणगुणिततुल्यो भवति एताहणं यत्रराशिंडयं भवति तत्र निष्पत्तिरित्युच्यते' अर्थान् जव एक राशि डितीय राशि का अंग हो अथवा उसकी गुणगुणित हो तो इन दोनों में निष्पत्ति होती है। प्रयोग कवीरदास का है अर्थात् १६ वीं शताब्दी के प्रारंभ का । संस्कृत में सूद के अर्थ में वृद्धि, कलान्तर तथा कुसीद वब्द आए हैं यथा :—

'अयंप्रयोगस्तु कुसीदं वृद्धिर्जीविका ।' (अमर कोप) 'प्रेतस्य पुत्राः कुसीदं दब्दः ।' (कौटिल्य अयंशास्त्र)

वृद्धि (व्याज) दो प्रकार की होती थी, सरलवृद्धि तथा चक्रवृद्धि । ये गव्द गौतमद्यमंभूत्र, नारदमंहिता, मनुस्मृति आदि धर्मशास्त्रों में प्रयुवत हुये हैं। चक्रवृद्धि में व्याज पर व्याज और फिर व्याज पर व्याज लगता है। व्याज का एक चक्र सा चल जाता है ग्रतएव उसे चक्रवृद्धि कहते हैं। बक्षाली-पांडुलिपि में व्याज नियमों को 'हुण्डिका समानयन-भूत्र' से उद्बोधित किया गया है। हिदी के हुण्डी शब्द का इस प्रकार इतना प्रचीन प्रयोग लगता है। किस्त के लिये वहाँ धान्त तथा मूलधन के लिए प्रयृत्ति तथा पूंजी को नीबी शब्द प्रयुवत हुये हैं।

### प्रयोग :

अन्वेषण करने पर संस्कृत में व्याज शब्द सूद के अर्थ में गणिततिलक की टीका में सिहतिलक मूरिने (लगभग १२७५ ई०) अनेक बार प्रयुक्त किया है। उन्होंने इस पिष्चछेद का नाम भी 'व्याजोपजीवि वृत्ति' रक्या है। ऐसा प्रतीत होता है कि सिहतिलक सूरि के समय उनके प्रांत में (संभवतः गुजरात) यह शब्द प्रचित्त रहा होगा। आज भी हगारे यहाँ व्यवहार घट्ट भी व्योहार वनकर सूद के अर्थ में योना जाता है और व्योहार पर पैसा देने वाले को बोहरे कहते हैं। उत्तर नारत में व्याज तथा दक्षिण भारत में बड्डी (वृद्धि) शब्द इस अर्थ में चलता है। कोटिक्य अर्थनास्त्र में भी कहा है:—

'समाद्यणा घर्म्या मासवृद्धिः पणगतस्य । पंचपणा व्यावहारिकी' अयित् ११ प्रतिशत मासिक व्याज कानूनी है । वारिएज्य में १ प्रतिशत व्याज चलता था । इस प्रयोग से जात होता है कि व्यवहार शब्द में सूद के अर्थ का कुछ आजाम वा निकला था। कौटिस्य अर्थशास्त्र में व्याजी नाम का एक धतिप्रस्क (दस्तावेज) ऐसा करना जिसकी घनराशि पर व्याज ऐसी प्रतिशत से ऐसे समय को निश्चित किया जाता था जिससे कि व्याज पूर्वेवन् ही मिले। एकपत्रीकरण के स्थान पर महावीर ने एकीकरण शब्द प्रयुक्त किया था जिमका रंगाचार्य ने औसतीकरण (averaging) अनुवाद किया था किंतु यह अनुवाद उचित प्रतीत नहीं होता। एकपत्रीकरण ग्रयवा एकीकरण का अर्थ तो केवन कई दस्तावेजों को एक दस्तावेज करना है।

## परिमापा:

वीजगणित की आधुनिक परिमापा यह है—"अंकगणितीय नियमों का व्यापकीकरण अयवा संख्याओं के गुणवर्मों का संकेताक्षरों क, ख, ग आदि द्वारा अमूर्त्त अनुसंवान।"

### पर्याय :

यीजगणित शब्द के निम्नलिखित पर्याय हैं। १. कुट्टकगणित, २. अन्यक्त-गणित ।

### प्रयोग:

वीज शब्द सर्वप्रथम आयंभटी की भास्कर प्रथम (६२६ ई०) द्वारा रचित टीका में देखने की मिलता है। ब्रह्मगुष्त रचित ब्राह्मस्फुटसिद्धान्त में इसके लिये कुट्टक शब्द अध्याय नाम के रूप में प्रयुक्त हुआ है, किन्तु उसमें ब्रव्यक्त शब्द मी अज्ञातराणि के अर्थ में प्रयुक्त हुआ है। यथा:—

> अव्यक्तान्तरभगतं व्यस्त रूपान्तरं समेऽव्यक्तः। वर्गाव्यक्ताः शोध्या यस्माद्रपाणि तदधस्तान् ॥

पृथ्दक् स्वामी (८६० ई०) ने ब्राह्मस्फुटसिद्धान्त की टीका में बीजचतुष्टय का उल्लेख किया है। श्रीपति (१०३६ ई०) ने सिद्धांत शेखर में बीजगित्ति के अध्याम का नाम अध्यक्तगणित रक्या है। बीजगित्ति पर श्रीचर, पद्मनाभ, मस्करी पूरण, और मुदगल के ग्रंथ अब अप्राप्य हैं, केवल भास्कर द्वितीय (१११४ ई०) का बीज-गणित नामक ग्रंथ मिलता है। यह प्रारंभ में सिद्धांत-णिरोमणि का एक प्रध्याय मात्रथा। भास्कर दितीय ने निम्नलिशित ब्लोक में बीजगित बद्ध का प्रयोग किया है। जनसंसदि दैवविदां तेजो नाशयति मानुरिव भानाम् । कट्टाकार-प्रश्नैः पठितैः कि पुनः शतशः ॥

ग्रयात् जैसे सूर्य नक्षत्रों के तेज को नष्ट कर देता है उसी प्रकार कुट्टक के प्रक्त कहने मात्र से ज्योतिषियों के मुख की कान्ति को नष्ट कर देते हैं और जो कुट्टक के णतदा: प्रक्तों को निकालना जानता हो उसकी तो वात ही क्या।

कहा जाता है कि यूनानी गणितज्ञ डायोफैंटस को नी कुट्टक साघन में वड़ा आनन्द आना या ग्रोर उसको दिघात अनिर्घारित समीकरणों का जन्मदाता भी कहा जाता है किन्तु वह उनका मान संख्यात्मक तथा श्रकरणीगत ही निकाल सका। मारत-वासियों ने कुट्टक विधि का वैज्ञानिक उपचार किया। प्रो० कजोरी कहते हैं:—

Indeterminate analysis was a subject to which Hindu mind showed a happy adaptation. We have seen that this very subject was a favourite with Diophantus and that his ingenuity was almost inexhaustible in devising solutions for particular cases. But the glory of having invented general methods in this most subtle branch belongs to the Indians. The Hindu indeterminate analysis differs from Greek not only in methods but also in aim. The object of the former was to find all possible integral solutions. Greek analysis on the other hand demanded not necessarily integral but simple rational answers. Diophantus was content with a single solution, the Hindus endeavoured to find all (Cajore's History, page 94-95).

## श्रव्यवतगरित :

अध्ययतागणित से तात्पर्य अध्ययत राशियों (अज्ञात राशियों) द्वारा प्रतिपारित गणित में हैं। बीजगणित के प्रादुर्मीय से राशियों दो प्रकार की हो गईं। एक व्ययतराशियां जैसे १, २, ३, ४, ......आदि अंकगणितीय संद्यायें, दूसरी क, य, ग आदि अव्ययतराशियां। चूकि इनका मान निकालने से आता है स्वयं स्पष्ट नहीं होता ग्रत: यह अव्ययत कहलाई। अव्ययत दाव्य का इस अर्थ में प्रथम प्रयोग प्रहागुष्ट का ही प्रतीत होता है। यथा :—

#### प्रध्यवतः:

अध्यनतीत्तरमयते व्यस्त रापान्तरं समेऽध्यपतः । वर्गाव्यक्ताः गोष्पा यसमाद्रुपाणि तदपस्तात् ॥

अपन् अपरों के अन्तर की गुणांकों के अन्तर में भाग देने पर अय्यनत का

विविध वर्ण की गोलियाँ प्रयुक्त की जाती हों। कुछ पाश्चात्य विद्वान गुलिका शब्द के प्रयोग के कारण आर्यमटीय गिएत पर यूनानी डायफैण्ट्स का प्रभाव मानते हैं किन्तु उनको यह ज्ञात नहीं कि भारत में अज्ञात राश्चि के लिए यावत्तावत् शब्द स्थानांग-सूत्र (३२५ ई० पू०) में ही प्रयुक्त हो गया था।

# ग्रय्यक्त राशि शब्द के विदेशी मापाश्रों में अनुवाद :

व्यक्तराणि, अज्ञातांक तथा वीज शब्दों का प्रभाव सुदूर देशों तक गया । मिस्र में इसको हो (Hau) कहते थे जिसका अर्थ है राणि (Heap, mass) । एतदर्थक यूनानी मब्द 'प्लीदो मोनेडोन अलोगोन' (Plethos monadon alogon) है । इसका भी अर्थ है अब्यक्त (Undefined number of units) चीन का भी एतदर्थ शब्द 'यूएन' (yuen) है जिसका अर्थ है 'वीज'।

# ऐतिहासिकता:

वीजगिणत के इतिहास को गिरात के इतिहासवेत्ता, त्राह्मण (२००० ई० पू०) तथा शुल्व साहित्य (५०० ई० पू०) से ही प्रारम्भ करते हैं। वर्गाकार वेदियों को आयताकार करना निम्नलिखित समीकरण साधन के समान था:—

आयताकार को वर्गाकार करने में निम्नलिखित समीकरण अन्त-निहित है :—

$$4^2 + 3^2 + = 6^2$$

उन्होंने ऐसी अनेक सांस्थिक सारणियाँ भी दी हैं, जैसे :---

$$x^2 + y^2 = y^2$$
  
 $(x^2 + y^2 = y^2)$ 

किन्तु इनका यह बीजगिगत ज्यामितीय बीजगणित था।

स्थानांगमूत्र में डा॰ दत्त के मतानुसार बीजगिगात के निम्नतिधित विषयों का तन्त्रेय है:—

मायन्तायन (Simple equations), वर्ग (Quadratic equations), घन (Cubic equations), पर्मेयर्ग (Biquadratic equations), विकहर (Permutations and Combinations)।

यक्षातीयोद्देलियि में इंप्टबर्म सम्बन्धी कुछ ऐसे प्रश्न मिसते हैं जिनका हत बिना सर्व समीकरणों के सामन के हो हो नहीं सकता ।

विभिन्न विषयम के लिए देखिए छा० दत्त का स्टिट्ट गणितसास्त्र का इतिहास, भाग २, पृष्ठ ३७-४० ।

आयंग्रद का निम्न श्लोक उपलब्ध हिन्दू गणित साहित्य में बीजगणित सम्बन्धी प्रयम श्लोक माना जाता है :—

गुलिकान्तरेण विभवेद्द्योः पुरुषयोस्तु रूपकविशेषम् । त्रक्षं गुलिकामूल्यं यद्यर्यकृतं भवति तुल्यम् ।

अर्थात् दो पुरुषों की जातवन की राशियों के अन्तर की वस्तुओं की अजात संन्याओं के अन्तर से माग देते हैं। इस प्रकार प्राप्त लब्बि अजातराधि के मृत्य के बराबर होती है। परमेश्वर (१४३० ई०) ने आयेभटी की टीका में इस इनोक पर लिखा है:—

"अच्यक्तमूल्यानां मूल्यप्रदर्शनमित्याह । गवादिद्रव्यं गुलिकाशव्देनोच्यते क्ष्यक्रशब्देन प्रगादि-संजितं स्वर्णीद द्रव्यम् ।" परमेश्वर ने इस श्लोक में वर्णित नियम को समझाने के लिए निस्न उदाहरण मी दिया है :—

ममस्वयो स्पकाणां शतंपष्टिः क्रमाद्धनम् । यावणकृविज्ञिष्याष्टौ तत्र गोमूल्पकं कियन् ॥

बर्यान् दो दिनयों के पास कुछ गायें तथा कुछ नकद रूपया है। पहले के पास १०० द० तथा ६ गायें दूसरे के पास ६० द० तथा = गायें हैं। यदि दोनों की घनराशियां जिसमें गायों का मूल्य सिम्मितित है वरावर हों तो दोनों पर कुल कितनी मम्मिति है अर्थान् १०० + ६य = ६० + = य, २य = ४०, u = २०, उत्तर २२०।

इस उल्लेख से तीन वातों का पता चलता है: (१) आर्यभट को संभवतः वीजगणित का जान था, (२) मास्कर प्रथम के समय (६२६ ई०) वीजगणित का अवश्य जान था, (३) ६२६ ई० से पूर्व भी वीजगणित के ग्रन्थ वर्तमान थे जिनमें से कुछ आर्यभट (४६६ ई०) से पहले अवश्य रहे होंगे। ब्रह्मगुप्त और भास्कर द्वितीय के समयों में लगमग ५०० वर्षों का अन्तर है। ५०० वर्षों के वीजगणित के विकास की दर को ध्यान में रखकर यह सहज ही अनुमान लगाया जा सकता है कि ईसवी की दितीय अथवा तृतीय शती में भारत में अवश्य वीजगणित की सत्ता था। डा०दत्त के मत में उमास्वाति (१५० ई० पू०) को ध्यापक दिधात समीकरण का अवश्य ज्ञान था। स्थानांगसूत्र (३२५ ई० पू०) में भी वीजगणित के विषयों का उल्लेख है। यह सब उपर्युवत निष्कर्ष के समर्थक हैं।

### ग्रहनेवा :

वीजगणित का ज्ञान भारत से अरव होकर योख्य पहुँचा, इस तथ्य का परिनायक स्वय "अल्जेबा" यव्द है। अल्जेबा सब्द अलस्वारिज्मीकृत 'म्रलजबुल मुकावला'
का सक्षिप्त रूप है। लोओनार्डो नामक इटली का एक व्यापारी उसे इटली ले गया।
इस ग्रन्थ का तदुपरान्त लेटिन मापा में अनुवाद हुआ। योख्य में सर्वप्रथम वीजगणित
की पुस्तक तूकस पेसिग्रोलस की है। यह १४६४ ई० में छपी। यह पुस्तक लेओनार्डो
की पुस्तक के आधार पर लिखी गई थी। अलस्वारिज्मी के म्रलजबुल मुकावला नामक
पुस्तक का योख्य में इतना प्रचार हुआ कि बीजगणित का नाम ही वहां "म्रलजेबा"
पट गया। मुघाकर द्विवेदी कृत समीकरण-मीमांसा की भूमिका में उनके सुपुत्र
प्राक्षर जी द्विवेदी लिखते हैं:—

"ऐसा कहा जाता है कि खलीका अलमानून (=१३-=३३) के राज्यकाल में
मुहम्मद बिन अलग्वारिज्मी राज्याही दूतों के साथ अकगानिस्तान गए और लौटते
ममय भारतवर्ष होते हुए आए। अति के घोट ही समय बाद उन्होंने बीजगिएत की
एक पोधी निगी। दम पोधी के विषय उन्हों के आविष्कार किए नहीं मालूम पड़ते
परन्तु भारतवर्ष ही के बहुगुष्त, भट्ट बलभद या और किसी बिहान के बीजगिणत
में अनुवाद किए गए हैं या उनके आधार पर लिखे गए हैं।" दनसादक्लोपीडिया
बिटानिका के देवें गरकरण के एक ४१२ के नेता से भी यही सिद्ध होता है।
हैं विषे : —The circumstances of this treatise professing to be only a
compilation and moreover, the first Arabian work of the kind, has
led to an opinion that it was collected from books in some other
language. As the author was intimately acquainted with the
astronomy and computations of the Hindus, he may have derived
his knowledge of algebra from the same quarter. The Hindus, as we

shall presently see had a Science of algebra and we may conclude with some probability that the Arabian algebra was originally derived from India.

अल्जबुल मुकावला का शान्तिक अर्थ समीकरण की दो क्रियाओं को लिखत करना है, जब का अर्थ था राशियों को पूरा करना। ऋण को धन बनाना, यह वज्यान्यास से तथा समान राशिओं को दोनों ओर जोड़ने से प्राप्त होता है। पुनः समीकरण के दो पक्षों की तुलना करना जिसमें समराशियों को दोनों ओर से निकाल दिया जाता है। इस प्रकार अल्जेबा का अर्थ समीकरण साधन से संबन्धित है और बीज मी विमन्त समीकरणों के साधन को कहते हैं। यथा:—

उन्तं वीजोपयोगीदं संक्षिप्तं गणितं किल अतो वीजं प्रवस्यामि गणकानुन्दकारकम् ॥

प्रयम मेकवर्णसमीकरणं वीजं द्वितीयमनेकर्णसमीकरणं वीजं। (भा०वी०ग०)

अर्थात् संकलनादि मुख्य बीजगणित नहीं या यह तो बीजगणित की उपयोगी कियाएँ हैं, बीज तो चार प्रकार के होते है। (१) एकवर्ण समीकरण, (२) अनेक वर्ण समीकरण, (३) मध्यमाहरण, (४) मावित समीकरण।

वीजगणित शब्द का अर्थ इस प्रकार अल्जेब्रा के अर्थ से मिलता है। वीज शब्द भास्तर प्रथम (६२६ ई०) ने प्रयुक्त किया है तथा अल्जेब्रा ६वीं शताब्दी का शब्द है अत: अल्जेब्रा भारतीय बीजगणित के बाघार पर ही नाम पड़ा। अल्जेब्रा को अगरेजी में अनेलिसिज भी कहते हैं। इसका अर्थ भी समीकरण से संबन्धित है। यथा:—Analysis is a method of resolving mathematical problems by reducing them to equations:—D' Alembert.

जापानी मापा का 'किंगेनसीहो' शब्द जिसका अर्थ है अव्यक्त को व्यक्त करना भी समीकरण से संबन्धित है। अतः न केषल अंगरेजी तथा अरबी का अल्जेब्रा शब्द, अपितु अन्य अनेक देशों के शब्द भी बीजगणित अयवा अव्यक्तगिणित के आधार पर बने। सचमुच बीजगणित का भारत में हो आविष्कार हुआ। अनेक अरबी के बीजगणित मम्बन्धी पारिभाषिक शब्द भी इसी मत का समर्थन करते हैं। यथा:—

धन==भाल	जावा==जव	प्रत्यानयन == फियालतारीक-
ऋण=देन	गर≕मुहृम (तीर)	(क्याकांटा) अलहिन्दसा
		गुणा की एक
मून==जद्य (जड़्)	चाप=कोस	विधि = अल-अमल-अनिहुद
घात=जरव (चोट)	करणी=श्रतम	शृत्य≔सिफ ( <b>खा</b> ली)
अंग=हिंदमा	नमीकरग्ा≕मनामात	माग=तकनीम

श्री काये आदि पाइचात्य विद्वानों ने हिन्दू गणित की मीलिकता पर जो सन्देह प्रकट किए हैं तथा उन पर श्नानी गणित के प्रभाव का जो उल्लेख किया है एवं अरबों पर हिन्दू गणित के प्रभाव का अभाव बताया है उस पर जोहन स्ट्रेची की निम्न पंक्तियाँ ग्रवलोकनीय हैं:—

"इनकी खोज करना मेरा उद्देश्य नहीं है कि भारतीय विज्ञान के कौन से अंग मौलिक बताये जा चुके हैं, मैं केबल इनना ही बताना चाहता हूँ कि हिन्दुओं के ज्ञान-विज्ञान की मौलिकता के विषय में जो सन्देह प्रगट किए हैं वह अपेक्षाकृत बहुत नदीन हैं और ये मन्देह उन आदिमयों ने प्रगट नहीं किए हैं जो हमसे कहीं अधिक अच्छे प्रकार से इस विषय पर निर्णय दे सकते थे। अरब के लोग भारतीय गणित तथा फिलत ज्योतिय दोनों को अरब तथा यूनानियों की ज्योतिय से पृथक् मानते थे। आबिन अरारा ने हिन्दू तथा यूनानी एवं पारसी गणित विषयों की परस्पर नुलना की है। हम जानते हैं अरब निवासी अपने अंकों को भारतीय बताते हैं। मन्दी ने टालेमी की ज्योतिय को भी उन्हीं से सम्बन्धित किया है। फैजी जो यूनानी तथा अरब की विद्याओं से परिचित या और जिसको हिन्दुओं के विज्ञान का भी मली भौति ज्ञान या उसने उसकी मौलिकता पर कभी संदेह नहीं प्रकट किया। जीज मुहम्मद्याही अर्थात् ज्योतियीय सार्याणयां जो कि भारत में सन् १७२६ ई० में छ्वां थीं उसकी मूमिका में यूरोपीय, यूनानी तथा अरबी एवं भारतीय पढ़ितयों को एक दूनरे से प्रयक् बताया है।" (जोहन स्ट्रैचीकृत बीजगणित की भूमिका)

# प्रकरण २. करणी

## रयुत्पत्ति :

करणो शब्द कृ धातु ने स्प्रीतिंग में करण कारक के अर्थ में त्युट् प्रत्यय लगा कर बना है। अनः इसका शब्दार्थ है जिससे किया जाय।

# प्राचीन थर्च :

मृत्य-काल में करणी का अर्थ रज्जु था नवींकि उस काल में इसके हारा यमवैदियों की रचना की जाती थी। बाजकल जो काम हम मापनी तथा परकार से करते हैं यहीं काम उस प्राचीन काल में रस्सी से कर लेते थे। इस प्रसंग में कात्यायन का निम्न मूप अवलोक्तीय है:—

"कर्या नत्करमी तिमेद्मानी पार्यमान्यध्यमानित्रक्वयः (कात्या० यु० मृत)। रज्यु पीन प्रकार की होती भी करणी, नत्करणी, निमेद्मानी, पार्यमानी तथा अध्युषा । ध्रयं का क्रमिक विकास:

करण कारक के अतिरिक्त कर्ता कारक के अर्थ में भी करणी शब्द का प्रयोग मिलता है:—

"पदं तियं इमानी त्रिपदा पाइवंमानी तस्याक्षण्या रज्जुदंशकरणी" (कात्या॰ गु॰ सू॰) अर्थात् जिस आयत की एक भुजा १ हो दूसरी ३ हो तो उसका कर्ण मूल आयत से १० गुना क्षेत्रफल वाला आयत बनाता है। यहाँ दशकरणी का अर्थ है १० गुना बनाने वाली।

तदुपरान्त वर्गाकार वेदियों की भुजाओं को बनाते-बनाते करणी स्वयं वर्ग की भुजा वन गई। देखिये:—

"नाना प्रमाण समासे ह्रसीयसः करण्यावर्षीयसोऽपिच्छन्द्यातस्याक्ष्णयारज्जु रुभे समस्यतीति समासः।" (का० शु० स्०)

वर्यात् यदि दो मिन्न प्रमाण वाले वर्गों के वरावर एक वर्ग बनाना हो तो बड़े की एक भुजा में छोटे वर्ग की एक भुजा के वरावर काट लीजिये फिर इस प्रकार वने हुए आयत के कर्ण पर बना हुआ वर्ग दोनों मूल वर्गों के योग के वरावर होता है।

शुल्व सूत्रों की कितपय पंत्तियों का अंकगणितीय मापा में निर्वचन करने से ''करणी शब्द का वह वर्गमूल जो निकाला न जा सके किन्तु वर्ग की एक भुजा द्वारा निरूपित किया जा सके'' यह अर्थ भी निकलता है। देखिये:—

"हिपदा तियंङ्मानी पट्पदा पार्श्वमानी तस्याक्ष्णया रज्जुरुचत्वारिशतकरणी" (का० गु० सू०) अर्थात् जिस आयत की एक भुजार है दूसरी ६ उसका कर्णा चालीस का करणी है अर्थात् करणी चालीस (=४०) है। यहाँ करणी का अर्थ वर्गमूल हो गया किन्तु इस वर्गमूल को आयत के कर्णा द्वारा ही निरूपित करना बताया गया है।

यक्षाली -पांडुलिपि (तीसरी शती) में भी करणी शब्द अकलनीय वर्गमूल वाली करणी गत संख्या (Surd) के अर्थ में आया है। सूर्यसिद्धान्त में भी करणी का प्रयोग इस अर्थ में हुआ है। देखिये:—

> रांकुवर्गाविसंयुक्तं त्रिपुवद्वर्गमाजितात् । तदेव करणीनाम तां पृयवस्थापयेदुघः ।। (सू० सि० ३०।१६)

संडं के अर्थ में करणी शब्द की चर्चा ब्रह्म पुष्तर और उनके परवर्शी सभी गणितज्ञों ने की है। महावीराचार्य (५५० ई०) ने करणी का श्रयं उस राशि से लिया है जिसका वर्गमूल निकालना अपेक्षित हो। यथा:—

पोडगपट् विशत करणीनां वर्गमूल पिण्डं मे । अयर्चैतल्पदशेपं कथय सखे गिर्णततत्वज्ञ ॥

१. वक्षाली-पाण्टुलिपि, पू० १७८ ।

२. त्रा० स्कु० सि० १८।३,३६,४३।

रंगाचार्य जी इस स्थल पर करणी शब्द की व्याख्या करते हुए लिखते हैं:— The word Karani occuring here denotes any quantity the surd root of which is to be found out the root itself being rational or irrational as the case may be.

आपस्तंत्र गृत्व सूत्र में भी चतुष्करणी शब्द आया है यद्यपि ४ का वर्गमूल पूरा २ निकल आता है। इसके विरुद्ध श्रीपति (१०३६ ई०) ने करणी शब्द से केवल उसी राणि का बोध होना बताया है जिसका कि वर्गमूल पूरा २ न निकल सके। किन्तु जिसका वर्गमूल निकालना अमीष्ट अवस्य हो। देखिये:—

ग्राह्मं न मूलं खलु यस्य राधे स्तस्यप्रदिष्टं करणीति नाम ।। (सि० शे०,पृ० ६५) करणीमूल:

करणी के मृत को करणी-मूल अथवा करणीपद कहते हैं। यथा:---

म्बज्रतीः करणीरहिताया मूलयुतोनितरूपगुणार्घे ।

म्यगुणः प्रथमं हि तदन्यत् स्यात् करणीपदमित्यसकृच्च ॥

(सिद्धान्तदोखर, पृ० १००)

क्षाणि पंचवर्गे यत्र चतुर्विशति: करण्यश्च ।

मूलं तत्र भवेत्किं वद करणीमूलविद्विज्ञ ॥ (सि० शे० टीका, पृ० १११)

पारणी का सांकेतिक चिहुन :

करणी का वर्तमान सांकेतिक चिह्न  $\sqrt{-}$  को जो r ( = radix ) का संक्षिण एप है जर्मनी के स्टिफेल ने अपनी पुस्तक इस्टीगरा (१५४४ ई०) में प्रयुक्त किया था। यहाँ पहुंचे करणी का संक्षिण रूप के ही उस राज्ञि से पूर्व लिए क्षेत्रे के चित्र कर्म कर्म करणीयत राज्ञि समा सर्वेग्ट को करणीयत उपवा करणीयूल कहते हैं। करणीय उपवा करणीयूल कहते हैं। करणी के अपन अपने

वर्ग बब्द के पर्याय के रूप में भी करणी एवं कृति पब्दों के प्रयोग मिलते है। कृति एवं कृतिपद वर्ग और वर्गमूल के लिए प्रयुक्त किये जाते थे। करणी लगा कृति जिस प्रकार साहित्यिक भाषा में पर्यायवाची बब्द है उसी प्रकार गणितीय भाषा में भी ये पर्याववाची है। येखिए भारकर प्रथम की उक्ति :----

स्वर्गः करणा कृतिः यगेणा सायकरणमिति पर्यायोः।" इय सम्बन्धः में समाहोमितिक् को आगे निसी पंक्ति असलोकगीय है :--

१. आस्तद गुन्य मूत्र २।६।

इ. देव मुगारण दिवेदी हुए मुगार का दलिताम ।

श्रुवकरणी मेपोना द्वयोस्तुराश्यो: पदं ज्या: स्यु:। (पं० सि श्रुव स्थिरांक के लिए और 'करणी' वर्ग के लिए आया है। गणिति ने भी करणी को वर्ग के अर्थ में प्रयुक्त किया है। देखिए:—

मागोन रूपविहृते खलु हश्यमूले हश्यात् पदार्घ करणीसहितात् मूलद्विमागसहिते गमिते कृतित्वं राशिमंत्रेदिभमतो हृदि यस्त्व अर्थात् भिन्न को एक में से घटाकर जो प्राप्त हो उससे हश्य देवे । पुन: हश्य से पूर्व के पद को आधा करे पुन: उसका वर्ग करे, संस्या में जोड़े और फिर वर्गमूल निकाले, उस वर्गमूल में टश्य की अर्घभाग को जोड़े और फिर इसका वर्ग करे । इस प्रकार हमको इ हो जावेगी । इस सम्बन्ध में निम्नलिखित प्रश्न निकाला गया है । प्र हल दोनों मनोरंजक हैं अत: पाठकों के मनोरंजन के लिए दिये जा

प्रयन:--

त्रयंशः सारंगयूयात् त्रिलवकसिह्तो व्यद्याभीत्या प्रणाशे गीतेलुव्यं स्वमूलं विगलितकवलं मीलिताक्षि स्थितं च यूयाद्भ्रप्टे कुरंग्यौ तरलितनयने हंत हच्टे भ्रमन्त्यौ

कान्तारे बूहि तूर्ण यदि गिएतिविधि वेत्सि यूथप्रमाणम् अर्थात् हिरणों के एक भुण्ड में से एक तिहाई हिरण, अपनों अन्य हिरणों के साथ सिंह के डर से माग गये। मूल मृगसंख्या के एव संगीत में लुट्घ हो गए, इस प्रकार केवल अब दो हिरणा शेप वर्चे कितने हिरण थे।

प्रश्न का हल :---

$$\frac{?}{?} + \frac{?}{?} \times \frac{?}{?} = \frac{?}{E}$$

$$? - \frac{?}{E} = \frac{?}{E}$$

$$? \div \frac{?}{E} = ? \times \frac{E}{?} = \frac{?E}{?} \text{ (ueff } \frac{E}{?} \text{ (u$$

१. आज भी अंकगणित के द्वारा इस प्रश्न को हल करना की

बीजगणित १६७

# वर्ग के श्रयं में करां को व्युत्पत्ति :

वर्ग के अर्थ में करणी शब्द कृ घातु से कर्मकारक के अर्थ में त्युट् प्रत्यय लगी समझनी चाहिए। अतएव जो कुछ किया जाये अथवा बनाया जावे वह करणी है। ४ रिस्सियों से वर्गाकार वेदी बनती थी अतः वर्गाकार वेदी को बनाते-बनाते करणी (रज्जु) स्वयं वर्ग बन गई।

# फरणी फा पया कर्ण भी अर्थ या:

कुछ लोगों ने करणी का एक अर्थ कर्ण भी बताया है जो सन्देहास्पद है। टा॰ दत्ता के हिन्दूगणित णास्त्र के इतिहास में (पृ॰ १६१) लिखा है कि ज्यामिति में करणी का अर्थ समकोण त्रिभुज का कर्ण है। किन्तु यह हिन्दी अनुवाद में ही है, मूल में तो 'In Geometry it means a side' यह था। अतः मूल से तो यह अर्थ नहीं निकलता। स्ट्रैची छन बीजगणित के अनुवाद में भी डेविस द्वारा की हुई शब्द ब्यारपाओं में करणी का अर्थ कर्ण दिया है। जब तक कोई प्रयोग नहीं मिलता तब तक हम इस अर्थ को स्वीकार करने में असमर्थ हैं। उन्होंने करणी का शाब्दिक अनुवाद 'कान' बताया है। सम्मवतः वे करणी और कर्ण को अमवश एक ही समझ गये हों।

# करणी का अंगरेजी और अरबी में प्रनुवाद:

यह अम यहीं तक सीमित नहीं किन्तु अरबी में करणी के लिए 'अस्म' कहते हैं जिनका घण्यां बहिरा है। एक प्रकार से उन्होंने भी करणी का अनुवाद करते समय उमें कर्ण से सम्बन्धित कर लिया। अकर्णी तथा अकर्ण बहिरे की कहते हैं अतए उन्होंने भी सम्बन्धित कर लिया। अकर्णी तथा अकर्ण बदिरे को कहते हैं अतए उन्होंने भी सम्भवत: देशमत उच्चारण भेद के कारण अथवा अवने देशज क्षों में करणी को अकर्णी कर लिया। हमारी ग्रामीए जनता भी 'खालिस' को निखानिम कह देनी है। अंगरेजी भाषा में करणी घण्य अरबी के माध्यम से गया। अरबी के अस्म घण्य का वहां 'सई' प्रमुवाद किया गया। सई का अर्च भी बहिरा है। सारांश:

गया 'किन्तु जिसका वर्गमूल पूरा-पूरा न निकल सके ।' यह वर्ग की एक भुजा द्वारा फिर भी निरूपित किया जा सकता है।

भारतीय गरित की प्राचीनता और क्रमिक विकास:

करणी शब्द ३००० वर्ष प्राचीन शुंल्द सूत्रों में प्रयम वार प्रयुक्त हुआ और वहीं में इमका पारिमायिक अर्थ दिकसित होते-होते मूल अर्थ से मम्बन्धित एक विशिष्ट अर्थ में लाज भी प्रचलित हो रहा है। यह भारतीय गिंगत की प्राचीनता और उसके कमिक दिवास का एक ज्वलंत प्रमाण है।

इन दलोकों में सम तथा समकोण शब्दों का प्रयोग है। ईसवी प्रथम शताब्दी से छुठी शताब्दी तक की गिएत की पुस्तकों प्राय: अप्राप्य हैं। केवल वक्षाली के कुछ पन्ने तथा आयंभटी का केवल ३३ श्लोक वाला गणितपाद मिला है। आर्यमट के प्रमुख टीकाकार भास्कर प्रथम (६२६ ई०) ने आर्यमटी की टीका में आर्यभट के समय में बीजगणित के ज्ञात होने का उल्लेख किया है। इस सम्बन्ध में उन्होंने लिखा है कि उस समय लोग बीजचतुप्टय अर्थात यावतावत (Theory of Simple equations), वर्गावर्ग (Theory of Quadratic equations), घनाघन (Theory of Cubic equations), तथा विषम (Theory of equations with several unknowns) इन चार प्रकार के समीकरणों को जानते थे। यदि देखा जाये ती द्विधात समीकरणों तथा विधात समीकरण से वर्गावर्ग समीकरण एवं बनाघन समी-करण यव्य अच्छे थे वयोंकि द्विघात समीकरण का मानक रूप क यरे + ख य + ग = ० है। इसमें एक घात तथा पुन्य घात वाले पद भी हो सकते हैं। इसी प्रकार तिघात समीकरण में दो घात, एक घात तथा जून्य घात वाले सभी पद हो सकते हैं। केवल अनुमान ही लगाया जा सकता है कि ब्रह्मगुष्त, ग्रायंभट से पहले भी समीकरण का कोई पर्याय अयस्य प्रचलित रहा होगा । ब्रह्मगुष्त के परवर्ती काल में पृथूदक् स्वामी (८६० ६०) के 'साम्य' शब्द का प्रयोग मिलता है। तदुवरान्त श्रीपति (१०३६ र्र॰) एल सिदान्तरीयर में 'सहयोकरण' गव्द का प्रयोग मिलता है। यथा :--

यस्यणं-गुटुक-कृति-प्रकृति प्रभेदानव्यवतवर्ण-सहसीकरणे च बीजे।
ते मध्यमाहरण-भावितके च बुद्धवा निरसंशयं भवति दैवविदां गुरत्वम् ॥
समीकरण राष्ट्र का प्रथम प्रयोग अब भास्कर द्वितीय का ही मिलता है।
यणा :—

अत्जरूल मुक्तावला का संक्षिप्त रूप अत्जेन्ना बाद को योद्य में बीजगणित का वोषक वन गया । वास्तव में वोजगणित का भी समीकरण गणित ही अर्थ है ।

नमीकरण, साम्य तथा समकरण जन्दों का अरवी में 'मसामात' तथा अंगरेजी में 'इक्वेदान' बन्द से अनुवाद किया गया है क्योंकि हमारे शब्दों के प्रयोग उनके प्रयोगों में अत्यधिक प्राचीन हैं तथा अरवों ने भारतवर्ष से गणित के प्रथम पाठ सीखें। इसको उन्होंने स्वयं स्वीकार किया है।

#### प्रकरण ४. कमचय तथा संचय

कमवय तथा संवय ये यद्यपि संस्कृत शब्द हैं किन्तु गणित के पारिभाषिक शब्द नहीं थे। कमवय तथा संवय को जैनवसंग्रन्थ स्थानांगसूत्र (३५० ई० पू०) के ७१६ वें सूत्र में 'मंग' कहा गया तथा शीलांकसूरि ने इसे विकल्य-गणित कहा था। पिगल छंदःशास्त्र में (२०० ई० पू०) डमे प्रस्तारविधि अथवा मेरु कहते थे। यथा:—

''दससुहुमा पण्णाना, तंत्रहा-पाण मुहुमे प्रणामनुहुमे जाव सिगोह मुहुमे गणिय मुहुमे मंग मुहुमे'' (स्वा०सू० ७१६)

> इसमें भंग को मूक्ष्मबृद्धि गम्य बताया है। एकाद्या गच्छत्रयंत्ताः परस्परसमाहताः। रागयस्तद्धि विजेयं विकल्पगणिते फलम्।।

शीलांक नूरि हारा अहृत करगागाथा (समयाध्ययन अनु० हा० ५।२५) अर्थात् १ में लेकर अभीष्ट संस्थातक की संस्थाओं की गुणा करने से किसी वस्तु संस्था का कमचय प्राप्त हो जाता है।

पिगलछादःशास्त्र में भी संचय निकालने की विधि दी हुई है। इसकी भेरु कहते हैं, जैसे ६ के संचय निम्न सेरू में दिये हये हैं:—



स्रोतिम पक्ति में ६ सं <sub>०</sub>, ६ मं <sub>१</sub>, ६ सं <sub>२</sub>, ६ सं <sub>२</sub>, ६ सं <sub>२</sub>, ६ सं <sub>२</sub>

फल ही हैं। वृतरत्नाकर की टीका में नारायण भट्ट ने इस मेरुविधि पर निम्न प्राचीन कारिकायें उद्धृत की हैं—

आदावेकं लिखेत्कोष्ठं तदघोद्वेच संलिखेत् तदघस्त्रीणिकोष्ठानि एवं रूपेणवर्षयेत् । श्रादावेकं लिखेत्कोष्ठमेकं मध्यं च पूरयेत् लेख कोष्ठोपरिप्राप्तेरग्रिमांकेन संयुतैः ।।

प्रस्तार विधि में जैसे पीछे पहाड़ बनाकर दिखाया है उसी प्रकार पहाड़ों के भी पहाड़ बन सकते हैं। इसी पहाड़ में यदि सर्वत्र २ लिख दिये जायें तो २ का पहाड़ा हो जायेगा। संभव है हिंदी का पहाड़ा शब्द इसी प्रकार पहाड़ (पापाण) अथवा प्रस्तर (प्रस्तार) (प्रथ्यर) से संबंधित हो।

भगवती मूत्र (३०० ई० पू०) में संचय के लिये संयोग शब्द आया है। एक संयोग, एक एक के संयोगों को, द्विकसंयोग दो-दो के संयोगों को और इसी प्रकार त्रिकसंयोग तीन तीन के संयोगों को कहा गया है। यथा—

"एवम् एतेन क्रमेगा पंच पट् सप्त यावत् दशसंख्येयानि असंख्येयानि, अनंतानि च द्रव्याणि भणितव्यानि । एकक संयोगेन द्विक संयोगेन, त्रिकसंयोगेन यावत् दश-संयोगेन उपयुज्य यथा संयोगा उत्तिष्ठन्ति ते सर्वे भणितव्याः ।"

(भगवती सूत्र =1१)

लीलायती में संचय तथा क्रमचय विधि को अंकपाश शब्द से छोतित किया गया है। अंकपाश को उसमें बहुत कठिन बताया गया है और कहा है कि इससे यहे-यहों का गर्वपात हो जाता है:—

न गुणो न हरो न कृतिर्नधनः पृष्टस्तयापि दुष्टानाम् । गयित गणक्यट्टनां स्वात्पातोऽवस्यमंक-पाशेऽस्मिन् ॥ (लीला०, पृ० २१५) ष्पुत्पत्ति :

संत्रय शब्द त्राम से संबंधित है जिसका अर्थ है छटिना। छटि २ के बनाई हुई देरियों को त्रय (ममूत्र) कहते हैं। अकेल त्रय का प्राचीन अर्थ श्रेणी के क्रमिक यो पश्चे का मामान्य अंतर (Common difference) या अत्वत्य उससे बचाने के लिये मम् उपमर्ग नगाकर संत्रय कर दिया। क्रमत्रय में क्रम भी किया जाता है तथा प्रयत् भी प्राः गह अन्वर्षक भव्द है। यम त्रामें नगने ने ही चय से पृषक् हो गया अत: मम् उपमर्ग लगाने की नायद्यक्ता न रही।

है. यज्ञानी-पांतृतिवि में प्रम सदा अंगरेटी के मीक्वेंग मदद के असे में प्रमुक्त हुता है। आठ एवं रंगके निए अनुवास सदद प्रयुक्त किया जाता है।

चदाहरणतः ४, म, १२....., १, ३, ५ ७......पंचित्रशाद्राह्मण में १२, २४, ४म, ६६.....१६५६०म, ३६१२१६ आदि । गुणोत्तर श्रेणियां मी आई हैं। वृहद्देवता में (५००-४०० ई०पू०) २+३+४+.....१००=५००४६६ का मी उल्लेख है।

वक्षात्री-हस्तिलिपि में इसके लिए वर्ग तथा पार्थ सब्दों का प्रयोग हुआ है। वर्ग का भी अर्थ प्रारंभ में श्रेगी के समान 'पंक्ति' ही था। यथा:—

'यावत्त्रमाणा रज्जुभंवति तावन्तस्तावन्तो वर्गा भवन्ति'

श्रेग्री व्यवहार के अन्य शब्द चय और उत्तर मी वक्षाली-पांडुलिपि में आये हैं।

# जैन साहित्य के शब्द :

श्रेणी व्यवहार के पारिमापिक शब्द जैन धर्म ग्रन्थों में मिलते हैं। श्रेड़ी तथा गच्छ (पदमंग्या) शब्दों के दिखने मात्र से प्रतीत होता है कि यह प्रारंभ में प्राकृत के ही णब्द रहे होंगे जो बाद में संस्कृत में समाबिष्ट हो गये। गच्छ संस्कृत व्याकरण के अनुमार कोई शब्द नहीं है। श्रेणी व्यवहार के अन्य शब्द आदि (प्रथम पद) उत्तर (मामान्य अंतर) गिगृत (श्रेणी योग) आदि णब्द भी जैन माहित्य में आये हैं। संस्कृत के प्रयोग:

संस्कृत में भी इन समस्त सब्दों का प्रचार हुआ। उदाहरणतः आर्यभट और ब्रह्मकृत के निम्न प्रयोग ट्राटब्य हैं :—

इच्छं रुवे रु दलितं सपूर्वमृत्तरसूसां समुख्यमध्यम् ।

इन्टर्गाजनिमन्द्रधर्मे त्वचवाचन्तं पदाधंतृतम् ॥ (आर्ये० ग०पा० १६ ।) इ.स. इत्योकः भे धादि (प्रथम पद), (इष्ट, मन्पद)उत्तर (सामान्य अंतर), इष्ट

हम इलाक म चादि (प्रथम पर), (६०३, वन्तर) इतर (नामान्य अंतर), इन्हें यम (न परो पा योग) धरुर आये हैं। उत्त इलोक में अंगरेश का निम्न सूत्र दिया हुता है। श्रेणी या श्रेणीव्यवहार शब्द आर्यमटी तथा ब्राह्मस्फुटसिद्धान्त में नहीं आपे हैं क्यों कि आर्यमटी का गणितपाद तथा ब्राह्मस्फुट का गणिताध्याय इतने विस्तृत नहीं हैं जिनमें गणिन के प्रत्येक व्यवहार पर प्रयक् परिच्छेद दिये हों। यदि श्रेडी व्यवहार का प्रयक् परिच्छेद होता तो श्रेणी व्यवहार शब्द कम से कम शीर्षक के रूप में अवद्य आ जाता।

# श्रेणी श्रीर श्रेडी:

प्राचीन गणितीय प्रत्थों में श्रेगों के स्थान पर श्रेढी शब्द का अधिक व्यवहार हुआ क्योंकि श्रेणी-व्यवहार जैन साहित्य से संस्कृत में आया जो प्राकृत में लिखा हुआ था। आजकल श्रेणी अंगरेजी शब्द सीराज के लिए तथा श्रेढी प्रोग्रेशन के लिए आते है।

#### प्रयोग :

संस्कृत में श्रेढी का प्रयोग सर्वप्रथम भास्कर (६२६) ने आर्यभटी की टीका में किया। उन्होंने आर्यभट के समय प्रचलित गणित के आठ व्यवहारों में श्रेढी व्यवहार भी बताया है। गणित-सार-संग्रह नामक जैन प्रन्थ में श्रेढी-व्यवहार का विशाल उपचार किया है। इस व्यवहार पर उसमें ७४ इलोक दिये हैं। इन इलोकों में संकलित-संकलित शब्द भी आया है जो कई श्रेणियों के योग के अथं में है। ब्रह्मगुष्त के उपरोवत इलोक में भी यह शब्द आया है जिससे हिन्दू गणित के अनवरत प्रवाह का पता चलता है। गणित-सार-संग्रह में केवल संकलित शब्द से समांतर श्रेढी के योग का ही बोध होता था तथा गुण-संकलित आधुनिक गुणोत्तर श्रेढी के योग के अर्थ में समझा जाता था। अन्य गणितीय ग्रन्थों में संकलित तथा संकलन शब्द योग के अर्थ में आये हैं।

### संकतित शब्द का श्ररव में प्रचार:

संकतित शब्द का प्रचार अरव देश तक में हुआ। अलबस्ती (१०१४ ६०) ने 'फीसंकितत इल-अदद-जैनिस्फ' नाम की एक पुस्तक श्रेणी-व्यवहार के विषय पर लिखी। भास्कर द्वितीय (१११४ ६०) ने संकितत का अर्थ "एक से लेकर किन्हीं अंकों के योग" भी किया है यथा:—

सैकपदध्नपदार्धमधैकाद्यंकपुतिः किल संकलितास्या । (लीला०, ए० ४२) धीणयों के भेद:

आजकन श्रीणियों के तीन भेट्ट बताए जाते हैं (१) समान्तरश्रेणी, (२)
गुणोत्तर श्रेणी, (२) हरात्मक श्रेणी। समान्तर श्रेणी उस श्रेणी को कहते हैं जिसके
उतरोत्तर पदों का अन्तर समान रहे। गुणोत्तर श्रेणी वह श्रेणी होती है जिसमें
उत्तरोत्तर किसी एक संस्था से गुणा होती जाती है अयवा गुण अर्थात् गुणात्मक उत्तर

बीजगणित २०५

(Common difference) है जिसमें; अथवा गुणोत्तर वाली श्रेणी। हरात्मक का अर्थ है हर है आत्मा में जिसके; अर्थात् समान्तर श्रेणी के पद इसमें हर रूप में आते हैं अर्थात् उल्टे हो जाते हैं। हरात्मक श्रेणी यूनानियों की देन है। शेप दो श्रेणियाँ यहाँ अति प्राचीनकाल ने जात थीं।

श्रेणियों का ज्यामितीय उपचार:

श्रीवराचार्य (६०० ई०) ने अपने पाटीगणित नामक ग्रन्थ में थेडी-व्यवहार नामक एक पृथक प्रकरण लिए। है। जिसमें समान्तर तथा गुगोत्तर दोनो प्रकार की श्रेणियों का ज्यामितीय विवेचन किया है। मारतवासियों का मस्तिष्क सदा से अंक-गणितीय तथा बीजगणितीय प्रकृति का रहा है तथा यूनानियों का मस्तिष्क ज्यामितीय अधिक रहा है। किन्तु श्रीधराचार्य ने श्रेणी व्यवहार का भी ज्यामितीय विवेचन करके अपनी ज्यामितीय प्रकृति का परिचय दिया है। वह कहते हैं कि श्रेडी एक श्रेडी क्षेत्र के समान है जिसका ग्राकार मिट्टी के एक सरवे के समान है जयांत् नीचे कम और ज्यर फमण: बढ़ता हुआ। उन्होंने इस श्रेडी क्षेत्र को समपारवं समलंब चतुर्भु ज के आकार का बताया है। यथा:—

विस्तारोऽल्पोऽघस्तदुपरिमहान् स्याद्यया दारावस्य । श्रेटी क्षेत्रस्य तथा गच्छ समोलम्बकरतस्य ॥ (पाटीगणित, पृ० १०७)

चय, प्रचय:
श्रेटी सम्बन्धी प्राधुनिक सार्व अथवा सामान्य अन्तर शब्दों के निये प्राचीन
कान में चय प्रयवा प्रचय शब्द प्रयुक्त किया जाता था। यथा:—

गच्छविनगते गणिते रापोनपदार्धग्णितचयहीने । आदिः पदहतवित्तं चाण्न ध्येकपददलहतः प्रचयः ॥ द्विगुणैकोनपदोत्तरकृतिहतिषण्ठांशमुखचयहतमृतिः । ध्येकपदण्नामृतकृतिमहिता पदताडितेष्टकृतिचितिका ॥ पदमेत्ते गुणयारे अण्णोण्णां गुणिय रूवपरिहीर्णे । रूअगरोण हि ए मुहेण गुणियम्मि गुणगुणियम् ॥

(सं० : पदमात्रान् गुणकारान् ग्रन्योन्यं गुणियत्वा रूपपिरहीर्षे । रूपोनगुणेन हृते मुखेन गुणिते गुणगुणितम् ।।)

यहाँ सामान्य अनुपात के लिये गुरा अथवा गुणकार, पद-संख्या के लिये पद-मात्रा तथा गुणोत्तर श्रेणी के योग के लिए गुणगुणित शब्द प्रयुक्त हुआ है।

# ग्रध्याय ४ **रेखागणित**

# प्रकरण १. रेखागणित

# च्युत्पत्ति:

रेखा सम्बन्धी गणित अर्थात् रेखाओं से बनी हुई श्राकृतियों के गुणवर्मी तथा उनके क्षेत्रफल ग्रायतन आदि निकालने के गणित को रेखागणित कहते हैं।

#### पर्याय :

रेखागणित के लिए निम्नलिखित प्राचीन तथा अर्वाचीन शब्द प्रयुक्त हुए हैं :—शुल्वगणित, शुल्वविज्ञान, रज्जुगिएत रज्जुसंख्यान, रज्जु, क्षेत्रगिएत, क्षेत्र-समास, क्षेत्रव्यवहार, क्षेत्रमिति, रूप, ज्यामिति और भूमिति ।

# ऐतिहासिक विकास:

हिन्तुओं का प्राचीनतम साहित्य वेद हैं तथा "वेदा हि यज्ञायंमिमप्रवृत्ताः" वेदांग-ज्योतिष के इस कथन के प्रनुसार वेद भी यज्ञों के निये प्रवृत्त हुए। इन वज्ञों की वेदियां भी नाना प्रकार की बनाबी जानी थीं जैसे (१) स्वेनचित्, (२) वक्ष्मक्ष, व्यस्तपृत्त्वद्वेन, (३) कंक, (४) अलज, (४) प्रांग, (६) उभयतः प्रांग, (७) रयचक, (६) द्रांसा, (६) समूह्म, (१०) परिचाय्य, (११) व्यस्यान, (१२) कूमें।

इन मब आकृतियों की बेदियों के बनाने के संबन्ध में वर्ग, श्रायत स्नादि रसा-मित्तिय आकृतियों का भाग आयम्यक हो गया । साथ में इन सब बेदियों की रचना के निमे गह भी आयम्यक था कि उन सबका धेनकल वही हो जो कि मानक देदी दोन्नित का सर्घात् मादे मात वर्ग पुरुष । इन सबको स्थातय बनाने के निये निम्नितिस्त रेगागणितीय प्रक्रियाओं का भाग अपेक्षित था:— दी हुई हो, (७) समलम्ब चतुर्भु ज का क्षेत्रफल निकालना, (८) एक समलंब चतुर्भु ज के नमहप दूसरा समलंब चतुर्भुज खींचना जिसका क्षेत्रफल पहले के बराबर गुणज अथवा अपवर्तक (Sub-multiple) हो, (६) दिये हुए वर्ग के बरावर गुगाज अथवा अपवर्तक वर्ग खीचना, (१०) दो भिन्न वर्गो के बराबर एक वर्ग बनाना, (११) त्रिभुज को आयत में परिणत करना तथा आयत को त्रिभुज में परिएात करना, (१२) वर्ग के वरावर त्रिभुज अथवा समचतुर्भुज बनाना, (१३) आयत के कर्ण <sup>पर</sup> वना हुग्रा वर्ग उसकी दोनों भुजाओं पर वने हुए वर्गी के योग के बरावर होता है। बनाब्दियों से प्रचलित इन सब नियमों को बताने के लिए हमारे महर्षियों को उनत नियमों को बतलाने के लिये शुल्व सूत्रों की रचना करनी पड़ी । शुल्व विज्ञान अथवा गुल्व गणित ही हमारे रेखागणित का आदिमरूप तथा आदिम नाम थे। इन गुल्व मूत्रों में केवल बोघायान, आपस्तम्ब, कात्यायन, मानव, मैत्रायसा, वाराह तथा बाघुल गुल्व मूत्र उपलब्ध हुए हैं। मानव और मैत्रायण गुल्व सूत्रों में रेखागणित को गुल्व-विज्ञान कहा गया है। उमास्वाति द्वारा रिचत 'क्षेत्रसमास' (१२० ई० पू०) ग्रन्य भी रेखागणित पर था। जैनियों के दूसरे आचार्यों ने भी अन्य क्षेत्र-समास बनाये। इसके उपरान्त भास्कर प्रयम ने (६२६ ई०) आर्यभटी की टीका में गणित के श्राठ ब्यवहार बताए जिनमें क्षेत्रव्यवहार, खातव्यवहार, चितिब्यवहार, क्राकचिक तथा राशि रेखागणित सम्बन्धी व्यवहार बतलाए हैं। इनमें क्षेत्र व्यवहार समतल ज्यामिति का और शेप सब घन ज्यापिति के विषय हैं । महावीराचार्य ने डबत विषयों को केवल दो ही प्रकरणों में लिखा है (१) क्षेत्रगणित (Plane Geometry), (२) खात (Solid Geometry)। महाबीर से पूर्व रेखागणित के लिये क्षेत्रगणित शब्द का प्रयोग हरिभद्र ने आवश्यक सूत्रवृत्ति नामक ग्रन्य में किया है। ऐसा प्रतीत होता है कि महाबीराचार्य ने भी जैनियों के अन्य क्षेत्र-गणितीय ग्रन्थों के अनुसार उक्त वर्गीकरण किया या । आज भी ज्यामिति के यह दो भेद अर्थात् समतलज्यामिति (Planc Gometry)तथा घनज्यामिति (Solid Gometry) ही प्रमुखतया प्रसिद्ध है। स्थानांग सूत्र के ७४७ वें सूत्र में रज्जुसंस्थान तथा राशिसंस्थान कमशः क्षेत्रगिगत तथा धनज्यामिति के अर्थों में ही प्रयुवत किए हैं।

यहाँ यह बताना भी अप्रासंगिक न होगा कि बौढों के समय भें भी रेखा-गणित का प्रचार रहा होगा वयों कि विनयपिटक की उपालि वाली कहानी में 'हप' मन्द रेप्पागणित अथवा चित्रकला के निये प्रयुक्त मिलता है।

दोषंयुत्त का आविष्कार:

उम ग्रुग में विज्ञान की शायाएं आज जैसी सुनिर्धारित न थीं। धम्मसंगती (४०० ई० पू०) में रुपों के भेदों में परिसंटन (इनिष्म) का भी उल्लेख है। टीका-

१. मानव मूनव सूत्र ३।२, मैत्रायणी णुल्य सूत्र, अध्याय १ ।

कार बुद्धघोष ने परिमंडल को समझाते हुए उसको कुक्कुटांड संस्थान (Eggshaped figure) कहा था। पीतवत्यू टीका में परिमंडल के लिए आयतवृत्त शब्द का प्रयोग किया है। आयत (लम्बा) का पर्यायवाची दीवं भी है। आजकल आयतवृत्त का हो दूसरा रूप दीर्घवृत्त इलिप्स के लिए प्रचिलत है। आयत के स्थान पर दीर्घ का प्रयोग इसलिए किया गया क्योंकि आयत अंगरेजी के रेक्टेंगल शब्द के लिए सुरक्षित कर दिया गया। आयतवृत्त तथा दीर्घवृत्त दोनों का शाब्दिक अर्थ है लम्बा किया हुआ यृत्त (Elongated circle)। वास्तव में बाँस की खपंच्चियों के वृत्त को ऊपर से दबा कर लम्बा कर दिया जाये तो दीर्घवृत्त वन जाता है। जैन ग्रंथ मगवती सूत्र तथा अनुयोगद्वार सूत्र में भी परिमंडल (इलिप्स) शब्द का प्रयोग हुआ है। उनमें तो इसके दो भेद मी किए हैं (१) प्रतर परिमंडल, (२) घन परिमंडल।

# सूर्यं-प्रज्ञप्ति :

मूर्यंप्रज्ञप्ति (५०० ई० पू०) के ११वें, २५वें तथा १००वें सूत्र में निम्नलिखित रेखागणितीय शब्दों का प्रयोग किया गया है:—

(१) समचतुरस्र, (२) विषमचतुरस्र, (३) समचतुष्कोण, (४) विषम चतुष्कोण, (५) समचप्रवाल, (६) विषम चप्रवाल, (७) चक्राकार, (८) चक्राधंचक्रवाल । वेवर महोदय ने अपनी पुस्तक (Indische Studien, खंड १०, १० २७४) में इनका भ्रयं कमनः समयगं (Square), विषमवगं (Oblique Square), समसमान्तर चतुभुंज (Even parallelogram) विषमसमान्तर चतुभुंच (Oblique parallelogram), युत्त, धीपंवृत्त, गोलागंडक तथा अधंदीपंवृत्त कहा है।

दीर्पवृत्त (इलिप्स) का अनुसंघानकर्ता यूनानी मेनेनसस (३५० ई० पू०) माना जाता है किन्तु भारतवर्ष में उससे पूर्व सूर्यप्रज्ञान्ति (५०० ई०पू०) तथा धरम-संगर्नी (४०० ई० पू०) में उसका ज्ञान था।

कीटित्व प्रयंशास्त्रीय च्यावितीव शस्त्र :

दीर्घचतुरस्रस्याक्ष्या रज्जुस्तियंङ्मानी पार्श्वमानी च यत्पृयग्भूते कुरुतस्तदु-मयं करोतीति क्षेत्रज्ञानम् । (का० णु० मू०)

उपरोक्त इन सब उद्धरणों का अर्थ है कि आयत की दोनों भुजाक्रों के वर्गों का योग कर्ण के वर्ग के वरावर होता है। ब्रह्मगुष्त का निम्न दलोक भी इसी सम्बन्ध में है:—

कर्णकृते: कोटिकृति विशोष्य मूलं भुजो भुजस्य कृतिम् ।

प्रोध्य पदं कोटिः कोटिबाहुकृतियुतिपदं कर्गाः ॥ (प्रा० स्कु० १२।२४) अर्थात्  $\sqrt{कर्ण²-कोटि²-भुज, \sqrt{कर्ण²-भुज²-कोटि, <math>\sqrt{कोटि²+भुज²-कर्ग}$ 

मास्करिहतीय (१२वीं घती) ने इस प्रमेय की उपपित्ता भी दी है किन्तु हमारे यहाँ रियागिएतीय स्वयंतथ्यों का उल्लेख प्रायः नहीं है और न प्रमेयों की आज के समान उपपित्तयां दी हुई है। मारतीय ज्यामिति तो ज्यावहारिक वी। या दत्त की निम्न उनित भी यहाँ अप्रास्तिक न होगी:—

"यूनानी मस्तिष्य सामान्यत: रेलागणितीय पहले या श्रीर बाद में कुछ और तथा हिन्दू मस्तिष्य सामान्यत: अकगितिय एवं बीजगणितीय पहले या और बाद में कुछ और। आयंभट ने अंकगणितीय वर्ग और पन की चर्चा करते हुए बही एक शब्द में ज्यामितीय वर्ग और पन की ओर भी निर्देश कर दिया है:—

यगैः नमनतुरश्रः फल प सहगद्वयसंवर्गः । सहगत्रयमंवर्गी पनस्तिया हादशाश्रः स्यात् ॥ मुगलों के शासन-काल में यूक्लिड के एली मेंट का मारत में प्रचार हुआ। जहांगीर के राजज्योतिषी कमलाकर ने सिद्धान्त-तत्व-विवेक नामक प्रन्य में अपने तत्समद्वन्धी ज्यामितीय ज्ञान का परिचय दिया है। उन्होंने रेखा की निम्न परिमाषा की है:—-

दैर्घ्य यस्याः सदैवास्ति विस्तारो नंव विद्यते। अतिसूक्ष्मा च सा रेला ज्ञेया बुद्धिमता द्विषा।। अवका वकगा तत्र वका तु सरलाभिषा।

सर्थात् जिसमें लम्बाई होती है किन्तु चौड़ाई विलकुल नहीं ऐसी सत्यन्त सूक्म आकार वाली रेखा समभनी चाहिए।

# सम्राट्-जरन्नाय:

सन्नाट् जगन्नाथ ने जयपुर के राजा सवाई जयसिंह के आदेशानुसार १७३१ ई० के आसपास नसीरए द्दीन को फारसी ग्रन्थ से यूक्तिड का अनुवाद रेलागणित नामक संस्कृत ग्रन्थ में किया। यह ग्रन्थ गद्य में है। इसके उपरान्त किसी अज्ञातनाम व्यक्ति ने रेलागणित पर 'सिद्धान्त चूड़ामणि' नामक पद्यग्रन्थ लिखा। उक्त दोनों ग्रन्थों में अपूर्व साम्य है। यथा:—

यस्यित्रभुजस्य भुजत्रयमन्यित्रभुजस्य भुजै: समानं भवित तदा तस्य कोणत्रय-भिष अन्य त्रिभुजस्य कोणैरवश्यं समानं भवष्यति । (रेखागणित)

यस्य त्रिकोरास्य भुजत्रयंचेद् भुजैः समानं क्रमशोऽन्यकस्य । त्रिकोणकौ तो समानरूपौ स्यातामिति त्वं खलु दर्शयास्य ॥ (सि॰ चूड़ामणि)

इसके वाद वापूदेव शास्त्री तथा सुधाकर द्विवेदी ने क्रमशः रेखागिएत तथा गोलीय रेखागिएत नामक ग्रन्थ पाइचात्य पद्धति पर लिखे।

### रेखागणित के वाचक शब्द:

रेलागिएत के अन्य पर्याय ज्यामिति, भूमिति आदि शब्द अंगरेजी के ज्योमेट्री के ही राब्दानुवाद है। ज्यामिति अयवा भूमिति का अर्थ है पृथ्वी नापने की विद्या। हम जानते हैं कि भारत में रेखागणित का प्रारम्भ भूमिनापन से नहीं हुआ जैसाकि मिस्र में हुआ था। यहाँ तो यज्ञवेदियों के निर्माण के सम्बन्ध में रेखागणित की उन्नति हुई। अतएव मारतीय परम्परा के वोषक शब्द तो शुल्वगणित, रज्जुगणित तथा रेखागिएत ही हैं। शुल्वगणित तथा रज्जुगणित यज्ञवेदियों की विधायिनी शुल्व अयवा रज्जु से सम्बन्धित है जिनका बाद में रेखा अर्थ भी हो गया। सम्राट्

१. श्रीघर ने भूमिति शब्द अपने ग्रन्य पाटीगणित के पृष्ठ १०६ में प्रयोग किया या किन्तु उसका अर्थ या "आधार का परिमाण"।

जगन्नाय ने विषयोपचार तो बाहर से लिया किन्तु रेखागणित नाम तो फिर भी अपनी परम्परा से मिलता हुआ रखा। खेद है कि अब कुछ भारतवासी अपनी प्राचीन परम्पराओं से अनिभन्न होकर पाश्चात्य पद्धति पर शब्द-गठन करना चाहते हैं। यह भी नहीं कि अपने प्राचीन शब्दों को देख तो लेते और उनमें से जो सुग्राह्य होते उनको ग्रहण कर लेते। कविकुल शिरोमणि कालिदास की निम्न उनित को ज्यान में रखकर हमको मध्यम मार्ग ग्रहण करना चाहिये:—

पुराणमित्येव न साधु सर्व न चापि सर्व नवमित्यवद्यम् । सन्तः परीक्ष्यान्यतरद् भजन्ते मूर्यः परप्रत्ययनेयबुद्धः ॥

#### प्रकरण २. रेखा

रेखा शब्द रिख् घातु से बना है। रिख् घातु का दूसरा रूप लिख् भी है तया इसका अर्थ मुरेचना अधना खींचना है। रिख्यते इति रेखा अर्थात् जो कुछ खुरेचा जावे या गींचा जावे उसको रेखा कहते हैं। पृथ्वी पर तृण बादि नुकीली चीज से प्रायः रेखा गींचते ही हैं। अमरकोष में रेखा शब्द की ब्युत्पत्ति के विषय में मानुजि दीक्षित ने लिया है "रलयोरेकस्वस्मरणात् रेखाञपि" अर्थात् र ल में अभेद है अत-एव रेगा और लेखा समानार्चक हैं । रेघा और लेखा शब्द शतपथ ब्राह्मण तथा गृह्य-सूत्र में लाइन के अर्थ में प्रयुक्त हुए है। सरल रेखा के लिए बीघायन मुख्य सूत्र में प्राजु-निया शब्द आया है। देखा शब्द से सरल देखा का ही अर्थ समझना चाहिए जब तक प्रमंग में कुछ दूसरा अर्थ न दिया हो । संस्कृत में पंक्ति के पर्याय रेखा, लेखा मोर राजि गर्द हैं नयोंकि पंक्ति सीघी होती है। रिग्रा गब्द भी अत्यन्त प्राचीन है। सूर्य मिद्यान में इसका प्रयोग हुआ है। यथा :—"प्राक्षदिलमाधिता रेखा प्रोच्यते .. सममंदलम् ।'' अर्थात् पूर्यं से पदिनम की ओर जाने वाली रेगा को सममंद्रल, उन्मंदल तया विमुक्तमंद्रत कहते है। इस पंतित में रेखा धन्द लापुनिक लग्ने में ही प्रयुक्त हुआ है। इस प्रसंग में देखा का अर्थ वक देखा है सर्वोक्ति पृथ्वी के पारों बोर सरस रेसा सिष ही नहीं सकती । कमलाकर (१६०८ ई०) ने रेसा गब्द की निम्मलिखित परिभाषा की है :---

इसके उपरान्त वे कहते हैं "श्रवका वकगा तत्रावका तु सरलाभिघा" अर्थात् रेखा वक और अवक दो प्रकार की होती हैं जिनमें से अवक रेखा को सरल रेखा कहते हैं। सम्राट् जगन्नाथ (१७०२ ई०) ने अपने ग्रन्थ रेखागणित में रेखा शब्द का प्रयोग किया है यथा:—"तत्र यावत्यो रेखा एक रेखाया: समानान्तरा भवन्ति ता रेखा: परस्परं समानान्तरा एव भविष्यन्ति।" अर्थात् एक रेखा के समानान्तर सकल रेखाएँ परस्परं समानान्तर होती हैं।

#### पर्याय :

रेखा शब्द के निम्न पर्याय प्राचीन ग्रन्थों में आए हैं :—(१) शुल्व, (२) रज्जु, (३) करणी, (४) तेखा।

## समानान्तर रेखा:

जो रेखाएँ एक दूसरे से समान अन्तर अर्थात् समान दूरी पर होती हैं वे समान्तर रेखाएँ कहनाती हैं। इस शब्द का प्रथम प्रयोग वराहमिहिर ने किया है। यथा:—

प्रोक्ता शांशकलंका पूर्वापरयोश्च पार्श्वयोश्चापि ।

सायामिन्यो रेखास्त्रयोदश समान्तरा कार्याः ।। (पं० सि०, श्लो० १२, पृ० २१) समान्तर रेखा के स्थान पर हिन्दी में समान्तर रेखा शब्द ना प्रचार हुआ किन्तु ग्रव फिर इसको संक्षिप्त करके समान्तर रेखा कर दिया गया है।

#### प्रकरण ३. लेखा

हिन्दी में लेखा शब्द हिसाब (Account) के अर्थ में आता है। संस्कृत में लेखा के अर्थ रेखा, क्षीएा रेखा (चन्द्रलेखा) तथा लेखन थे।

## व्युत्पत्ति :

रेखार्थ में लेखा यब्द लिख (भेदने) यातु से बना है। भूमि पर नुकीली चीज से रेखा खींचने पर भूमि का भेदन ही होता है अतः इसको लेखा यब्द से ब्यक्त किया गया। र और ल का अभेद होता है अतः रेखा और लेखा समानार्थक हैं। हिसाय के अयं में लेखा यब्द लिख् (अक्षर-विन्यासे) बातु से बना है।

#### उयोग :

लेखन के अर्थ में लेखा का प्रयोग विनयपिटक में आता है। महिष उपालि

रेखागणित २१५

के माना-पिता द्वारा लोगों से पूछने पर कि वह अपने बच्चे को वया पढ़ावे जिससे उमका भविष्य उज्ज्वल हो, लोगों ने कहा कि 'लेखा' 'रूप' और 'गणना' सिखाने से बच्चे का भविष्य उज्ज्वल होगा किन्तु उपालि के माता-पिता को आर्यका हुई कि लेखा सिखाने से कहीं बच्चे को उगलियों का रोग न हो जाय।

पं० गुधाकर दिवेदी का मत है कि लेखा शब्द का प्रयोग बौद्ध काल से चला लाता है। अाज भी हम बोलते हैं कि सबको अपने कमों का लेखा-जोखा देना परेगा। लेखापुस्त तथा लेखाकर्म 'युक कीपिय' तथा 'एकाइंटेन्सी' के लिए प्रच-ित हैं। हिसाब के ब्यौरे किसी बही बादि में लिखे ही जाते हैं अतः लेखा घटद हिसाब के लिए बन गया।

र्िंचने पर कम हो न अधिक । जोड़ ऐसे लगाए जायें कि देखने में बुरे न लगें। रर्स्सा सन मिश्रित मूंज या कुञों की बनाए। यह दूटी न हो" ऐसा कात्यायन ने कहा है।

करणी लव्द मी वेदियों की रचना करने के कारण प्रथम रस्सी के अर्थ में प्रयुक्त होने लगी। कात्यायन शुल्व सूत्र में रज्जु के ५ भेद बताए हैं। यथा: — करणी, तत्करणी तियें इमानी, पादवं मान्य ध्एया चेति रज्जव: (का०शु०सू०)

वर्षात् (१) करणी, (२) तत्करणी, (३) तिर्यङ्मानी, (४) पाइवमानी, (४) वरण्या ये पाँच प्रकार की रज्जु होती है।

# *थक्ष्या रज्जु*:

अक्ष्या करणी तथा अक्ष्यारज्जु दोनों ही बाद में कर्ण के अर्थ में आये हैं। यथा:— "पदं तियंड्मानी त्रिपदा पार्वमानी तस्याक्ष्ण्यारज्जुर्दशकरणी।"
(का०श०स०२।5)

वर्यान् १२+३२=१०

"दीर्घचतुरस्रस्याक्ष्णयारज्जुस्तिर्यङ्मानी पार्श्वमानी च यत्प्रयग्भूते कुरुतस्तुदु मयंकरोतीति क्षेत्रज्ञानम् ।" (का०णु०मू० २। ११)

वर्यात् वायत की दोनों भुजाबों के वर्गों का योग उसके कर्गों के योग के बरावर होता है।

वर्ग की रेखा बनाते-बनाते रज्जु का अर्थ स्वयं रेखा हो गया । विनयपिटक (२।१२०) में रज्जु का अर्थ रेखा आता है ।

स्यानांग सूत्र के ७४७वें सूत्र में रज्जु शब्द रज्जु-संस्थान अथवा रेखा-गणित के लिए आया है। "रज्जु समासं वक्ष्यामः" कात्यायन के इस सूत्र में मी रज्जु का अर्थ रेखागणित ही है। रज्जुसमास का अर्थ रेखागणितीय नियमों का समूह है।

रज्जु एक माप विशेष भी है। जैसे आजकल जरीव, चैन चलते हैं उसी प्रकार उन समय रज्जु इस अर्थ में चलता या। यथा:—

चतुरशीत्यंगुलो व्यामो रज्जुमानां खातपीरुपं च · · · · · दशदंढो रज्जुः । (की०अ०शा०)

दंडो भवेन् पाणिचतुष्टयेन रज्जुः स्मृता दंडक विश्वतिश्च·····(गिण्ति ति॰) वर्षात् रज्जु ५० हाय की होती थी।

रज्जु का अर्थ त्रिमुज या चतुर्मुंज की सब मुजाओं का जोड़ भी है। बाजकल इसे से 5 प्रगट करते हैं यथा:— हिसम त्रिमुजक्षेत्रे प्रथमस्य घनं द्विसंगुणितम् । रज्जुः समाद्वयोरिष को वाहुः का मवेद्भूमिः ॥ (ग०सा०सं०, पृ०१२६)

अर्थान् दो समिद्विवाहृ त्रिभुज हैं। पहले का क्षेत्रफल दूसरे से दुगुना है। दोनों की परिमितियाँ बराबर हैं तो दोनों की भुजायें और आधार क्या हैं। अनेक जैन ग्रंथों में रज्ज का अर्थ स्वयंमुरमण समृद्र के व्यास से भी है।

मिन्हइ मुहुमाइ कोई सुरो अ गोलो अ अयगेआ हिट्ठो नारसहस्ससमयं सो छम्मासे छिह दिणेहि पि ॥ छ पहरे छ घडीया जाववकमइ जाइवि एतइया । रज्जू तत्य पमाएो दीव समुद्दा हवइ एया ॥ (रत्नसंचय ४।१६-२०)

वर्यात् यदि कोई झक्तिशाली देवता १००० मार के गर्म लोहे के गोले को फैंगे तो ६ मास ६ दिन ६ पहर और ६ घड़ी में वह जितनी दूर जाये उसकी रज्जु कहते हैं। इस प्रकार हम देखते हैं कि किस प्रकार सन मूंज से बनी हुई रज्जु घीरे-घीरे अर्थ बदल कर गणित की एक शाखा की द्योतक हो गई।

# प्रकररा ५. कोण, समकोण, न्यून कोण, श्रधिक कोण

## व्युत्पत्ति :

कोण शब्द की ब्युत्पत्ति सदा विवादास्पद रही है। भानुजि दीक्षित ने इसे कुण (शब्दे) घातु से निस्मृत माना है। डा० दत्त ने इसको कर्ण शब्द का अप अंश माना है। उनका विचार है कर्ण से प्राकृत में कोण बना तथा प्राकृत से पुनः यह शब्द बहुत प्राचीन काल से ही संस्कृत में प्रविष्ट हो गया। इन दोनों ब्युत्रित्तियों के स्वीकार करने में कई किटनाइयां पड़ती हैं। शब्दार्थक कुगा धातु का ज्यामितीय कोण से क्या सम्बन्ध है? यह तो कभी शब्द नहीं करता। हाँ वीणार्थक कोगा तथा सारंगी के गज का वाचक कोगा शब्द इस घातु से अवश्य निस्मृत है। अब रही कर्गा से कोण बनने की बात। वह भाषाविज्ञान की दृष्टि से एकदम अग्राह्य है क्यों कि इस शैली पर वने हुए अन्य शब्द नहीं मिलते। दूसरे कर्ण शब्द यदि प्राकृत में कोगा हो गया होता तो अनुयोग द्वार सूत्र १३३ तथा सूर्यप्रज्ञित सूत्र ५४ में कोण के अर्थ में कर्ण शब्द क्यों प्रयुक्त होता? घन को वहाँ अष्टक्णिक कहा गया है क्योंकि उसमें द कोण होते हैं। हाँ कर्ण से 'कन्त, कन्ने और कान' तो प्राकृत मापा में मिलते हैं।

मेरा विचार है कि कुण धातु का विकित होना अर्थ भी कभी रहा होगा। नहीं तो कुणाक (ऋग्वेद) "मुड़े हुए हाथ वाला" तथा समानार्थक कुणि (सुश्रुत) अट्दों में मुड़े हुए का माय कहाँ से आ जाता। अत: कुण (कौटिल्ये) धातु से कोण अट्द बना है। अतएव कोण जट्द कुणारु तथा कुणि के परिवार का ही शटद है। यदि यह प्राकृत में पहले बने तो वैदिक साहित्य में वाद में प्रविष्ट होगये। वेदों में प्राकृत का प्रमाव कई विद्वानों ने अनुभूत किया है और यदि संस्कृत में ही पहले बने तब तो संस्कृत के हैं हो।

#### प्रयोग:

कीण शब्द का प्रानीनतम प्रयोग अथर्बबेद परिशिष्ट (२३।१) में मिलता है, यदा:—

देखिये, अमरकोप की टीका ।

२. देखिये, साइंस आफ दी शुल्वाज, अन्तिम पृ० ।

"चतुरस्रं चतुष्कोर्णं तुल्यं सूत्रेण घारयेत्"

मूर्यप्रज्ञिन्त (५०० ई०पू०) के ५४ वें सूत्र में इसका प्रयोग हुआ है। कौटित्य अर्थशास्त्र में भी इसका प्रयोग मिलता है, यथा:—"नष्टकीएं निरिष्ठ पाइवांपहत्तं च अप्रयस्तम्।" संस्कृत के अन्य प्राचीन ग्रन्थ जैसे पंचतंत्र, कथासिरित्सागर, रामताप उपनिषद् आदि में भी इसके प्रयोग मिलते हैं।

त्रिकोएा, चतुष्कोण आदि :

सूर्यप्रज्ञान्त (सूत्र १६-२५) में त्रिकोण, चतुरकोण, पंचकोगा आदि शब्दों के प्रयोग मिलते हैं। बाद के साहित्य में भी इन शब्दों के प्रचुर प्रयोग हैं। स्वितः

वैदिक काल में कोण के लिये सर्वप्रथम स्नक्ति शब्द चलता था। पुनः विश्व शब्द का प्रचार हुआ। ऋषेद में नवस्नक्ति नो कोने वाले स्वर्ग के प्रसंग में आया है। चतुस्त्रक्ति त्राह्मण नया वापस्तम्ब श्रीतमूत्रों में प्रयुक्त हुआ है। कर्णः

#### समकोण:

कोण तीन प्रकार का होता है समकोएा, अधिक कोएा तथा न्यून कोण। यदि एक रेखा पर दूसरी रेखा खड़ी हो तो इस प्रकार जो दो कोण बनते हैं, वे या तो परस्पर सम होते हैं या विषम। यदि सम हों तो समकोण और विषम हों तो विषम कोण कहलाते हैं। चूँ कि दोनों कोणों का योग दो समकोण के बराबर होता है अतः समकोण अन्वयंक शब्द है। विषमकोण दो प्रकार का होता है, प्रथम न्यून कोण तथा दूसरा अधिक कोएा। समकोण से न्यून होने के कारण इसका नाम न्यूनकोण अथवा अल्पकोण पड़ा तथा समकोण से अधिक होने के कारण अधिक कोण नाम पड़ा। सम्राट जगननाथ (१७वीं शती) ने अपने रेखागणित ग्रंथ में इन शब्दों का प्रयोग किया है यथा:—

वरातले रेखाहययोगात् सूच्युत्पद्यते सैंब कोण: । स ए द्विविधि: समो विष-मक्च । तौ यथा । समानरेखायां लम्बयोगादुत्पन्नौ कोणौ प्रत्येकं समकोणौ भवतः, रेखे व मियो लम्बरूपे स्तः । समकोणान्त्यूनोऽल्पकोणो भवति । समकोणादिधिकोऽधि-ककोणो भवति । सम।तिरिक्तो विषमकोणो भवति । विषमकोणाः सरलरेखायां सरल-कुटिलरेखाम्यां, कुटिलरेखाम्यां च भवति ।

कोणों के ये भेद प्राचीन नहीं है किन्तु अरबी भाषा के आधार पर हैं, जिसके प्रन्य का उन्होंने संस्कृत में अनुवाद किया। न्यून कोए शब्द का प्रयोग निम्न पंक्तियों में देखिये:—"यस्य च त्रयोऽिव न्यूनकोणास्तन्त्यून्यूनकोणत्रभुजं स्थात" (रेखागिएत)

न्यून शब्द नि + कन से बना है। कन का अर्थ है कम। कन शब्द वैदिक 'एकान्न' से बना है जो विगड़ कर पहले एकोन और फिर संक्षिप्त होकर 'ऊन' हो गया।

## प्रकरण ६. लंब, अवलंब-सूत्र

लम्त्र शब्द अवलम्ब का संक्षिप्त रूप है। अवलंब शब्द अब स्वतंत्र रूप से गणित का पारिमापिक शब्द नहीं है किन्तु अवलंबसूच (साहुल सूत्र) के साथ अब भी विशिष्ट अर्थ में प्रयुक्त होता है। मराठी मापा में साहुल सूत्र को ओली कहते हैं, जो ग्रवलंब का ही परिवर्तित रूप है। अवलंबक, अवलंब तथा लंब इन तीनों का शाब्दिक अर्थ 'लटकने वाला' है। आज भी हमारा कार्य लटका रक्खा है अथवा विलम्बित कर रक्खा है, यह कहते हैं। लटकने अथवा लंबायमान होने के कारण 'लंब' अथवा अवलंब कहलाया। एक सूत्र में कुछ गुरु द्रव्य बांबते हैं और इसी को साहुल सूत्र, अवलंब अथवा लंब कहते हैं, जो ऊर्घ्याचर दिशा ज्ञात करने के काम आता

है। इस मंबंब में श्रीवर कृत पाटीगणित के टीकाकार की निम्न पंक्तियाँ स्रव-लोकनीय हैं।—

"उपरिष्टात्प्रान्तादवलंबितगुरुद्रव्यसूत्रभूमिसम्पाताविष लम्बः" पृ० १४४, वर्षात् ऊपर ने मूमि पर लटका हुवा व्यवजंब सूत्र, लम्ब कहलाता है। परमेश्वर ने व्यायंभटी की टीका में भी उन्त परिभाषा दी है यथा:—

'गुरुद्रव्याबद्वाग्रभवलम्बितं सृत्रमवलंबक इत्युच्यते'

त्रह्मगुष्त ने अवलम्बक शब्द साहुल सूत्र तथा लम्ब इन दोनों ही अयों में प्रयुक्त किया है। यथा :—

सनितेन समंसाच्यं श्रमेण वृत्तमवतम्बकेनोर्घ्वम् । तियंवकर्णेनान्त्यैः कथितैश्चनव प्रवक्ष्यामि ॥

इस क्लोक में अवलम्बक शब्द साहुलसूत्र के अर्थ में प्रयुक्त हुआ है। वह कहते हैं कि जल से समभूमि को तथा अवलम्बक से ऊर्घ्व दिशा को ज्ञात करते हैं। लम्ब के अर्थ में अवलंबक शब्द निम्न क्लोक में प्रयुक्त हुआ है:— बादि तथा यन क्षेत्रों के वाचक इकारांत, पद्यि, हादशाध्य बादि पाये गये हैं। दा० दत्त ने सिट किया है कि अध्य का अर्थ कीर (Edge) है। अतएव अध्य अपया अप्त अंत वाले शद्द मुझाओं के आवार पर नाम हैं। गुल्व मूत्रों में विकर्ण, पतुःकणं, पंचकर्णं आदि शद्द मी आये हैं जिनमें कर्ण का अर्थ कोण है। वैदिक्त काल की कोण मूलक तथा भुजा मूलक आकृतियों की नाम-पद्धित का बाद में भी अनुकरण किया गया कितु अधिन के स्थान पर कोण तथा अधि के स्थान पर मुज का अयोग हुआ। कोण शद्द का अयोग करते हुए त्रिकोण, चतुष्कोण, पट्कोण, गत्तकोण, अद्यकोग आदि शद्दों का अयोग सूर्यप्रचित्त तथा अथवेवेद परिशिष्ट में मिलता है। गूर्य सिद्धान्त में भी त्रिकाण शद्द आया है। आर्यभट तथा ब्रह्मगुल्त ने त्रिमुज, चतुमुंज आदि शद्दों का अयोग किया है। यथा:—

वृतं भ्रमेण गाध्यं त्रिमूजं च चतुम्ं जं च कर्गाम्याम् । (शाये०) विभुतस्य यद्यो भूजयोद्विंग्गित लम्बोहतो हृदयरज्जुः ।

साहिगुणा त्रियतुर्भुत कोंगासंग्यत विष्यम्म: ॥ (त्रा० स्कु०, ग० २७) देगिये सास्कर दिलीय के लीलावनी में त्रिभुज चतुर्भुज सब्दों के प्रयोग :—

तिम्ते मुनयोषीगस्तदन्तर गुणो भूबाहृती लब्ध्या । हिप्टा भूरनयुवा दलिताबाचे तयो: स्वाताम् ॥ सर्वेदोषु विदलं चतुःस्थितं बाहृभिविरहितं च तहबात् । मारत में त्रिमुज, चतुर्मुंज आदि का प्रयोग है। हमारे यहाँ भी दोनों पद्धतियों के नाम वैदिक काल से ही चले आ रहे हैं।

अंग्रेजी में भी ट्रायेंगल, पेंटागन, हेवजाग़न, आवटेन आदि कोण पढ़ित पर तथा क्वाडररीलेटरल आदि शब्द मुज पढ़ित पर है। यूनानी शब्दों में बाद में कोण पढ़ित अधिक प्रचलित हुई जिसका अंगरेजी शब्दों पर भी प्रभाव है। यूक्लिड ने (३२५ ई० पू०) अपनी पुस्तक 'ऐलीमेंट' में प्रथम भुज पढ़ित पर (Tripleuron, (Tetrapleuron, Polypleuron) आकृतियों के भेद किये। बाद में कोण-पढ़ित पर (Trigoncn, Tetragonon) आदि नाम भी रक्खे। रोमनों ने यूनानी पढ़ितयों का ही अनुसरण किया। प्राचीन मिस्रवासियों, वाबुल निवासियों, हैव्ह तथा अरब वालों ने मुजपढ़ित पर नामकरण किया।

त्रिभुजों का भुजाओं के आधार पर वर्गीकरण व्राह्मस्फुटसिद्धांत में मिलता है। देखिये:—

कृतियुति रसदशराश्योर्वाहुर्घातो द्विसंगुणोलम्बः । कृत्यन्तरमसद्दशयो द्विगुणं द्विसम-त्रिभुज-मूमिः ॥ (१२।३३) विषमत्रिभुजस्य भुजाविष्टोन फलार्घयोगो भूः। (१२।३४)

इनमें त्रिभुज के समत्रिभुज, द्विसम त्रिभुज, विषम त्रिभुज ये भेद मिलते हैं।
महावीराचार्य ने गणितसार संग्रह में कहा है:—

विभुजं तु समं द्विसमं विषम चतुरश्रमि समं भवति । (क्षेत्रगणित ५)

कोणों के आघार पर न्यूनकोण और अधिककोरा त्रिभुजों का ब्रह्मगुष्त ने उत्लेख नहीं किया। समकोणित्रभुज को जात्य त्रिभुज अवश्य कहा गया है। कोण के अनुसार शेप दो नाम नहीं दिये हैं बित्क शीर्ष से डाले जाने वाले लंब को बाहर अथवा अंदर होने के अनुसार गणेश ने इनको अंतर्लम्ब (न्यूनकोण त्रिभुज) तथा बहिर्लम्बित्रभुज (अधिककोरा त्रिभुज)नाम दिये हैं। द्वि-सम-त्रिभुज का बाद में समद्विबाहु त्रिभुज नाम पड़ा तथा समत्रिभुज का समित्रबाहु मी नाम पड़ा है। देखिये सम्राट् जगन्नाथ का वचन 'तित्रबिधम्। एकं समित्रबाहुकं, द्वितीयं समद्विबाहुकं, तृतीयं विषमित्रबाहुकम। समित्रभुज 'श्रर्थात् सम है तीनों भुजायें जिसकी' कितना छोटा और सार्थक शब्द है।

चतुर्भुं ज के भी समचतुर्भुज, आयत चतुर्भुज, द्विसमचतुर्भुज, त्रिसमचतुर्भुज तया विषम चतुर्भुज ये भेद त्राहास्फुटसिद्धांत तथा गणितसारसंग्रह में आये हैं। यथा-

त्रिभुजं तु समं दिसमं विषमं चतुरश्रमि समं भवति ।

द्विद्विसमं, द्विसमं स्यात्त्रिसमं विषमं बुघाः प्राहुः ॥ (ग०सा०सं०, ए० ११०) बाजकल प्रचलित समलंब चतुर्भुज (Trapezium) शब्द श्रीघरकृत पाटीगणित तया लीलावती के इन बागे लिसे क्लोकों में बाया है :—

समानतंत्रस्य चतुर्भु जस्य मृतोतभूमि परिवल्य भूमिम् ।
नुजो भुतौ त्रयन्त्रवदेव साध्ये तस्यावधे लंबमितिस्ततदेव ।।
पटपंचाणत् त्रिपण्टिस्य नियते कर्णयोगिती ।
कर्णा तत्रापरो सूहि समलम्बं च तच्छ्रती ।। (लीलावती)
त्रयम विरहिताधंयुता मध्यम लम्बस्तु पद्कराः सार्था :।
अंगत पष्टयंगोनाः समलम्बे तत्र कि गणितम् ॥ (श्रीधर पाटी०ग०, प्र०१७०)

समनंब शब्द सार्वक है नयों कि इसमें ऊपर की भूजा के दोनों छोरों ने आधार पर छाने हुवे तंब परस्पर बराबर होते हैं। ऊपर गणिनसारसंग्रह में आया हुआ समन्तुरस्य अथवा समचतुर्मुं ज अब अंगरेजी के 'रोम्बस' शब्द के लिये बाता है यह भी सार्वक शब्द है क्यों कि इसकी चारों भुजार्थे समान होती हैं। पहिले समचतुरस्र मब्द वर्ग के लिये बाता था।

# समानान्तर धतुभू जः

यह पत्र सामानान्तरभुज चतुर्भुज का संक्षिप्त रूप है। इसका वर्ष है नमानान्तर है भुजायें (आपने सामने की) जिसकी। राखाद जगन्नाय ने जपने रेखा-गणिन ग्रंथ में इसी पूरे नाम से इसको व्यक्त किया चा---"तत्र है चतुर्मुज-क्षेत्रे ममानान्तर-भुजे एक-दिशि हयोः समानांतररेलयोर्मच्ये समानभूमिके यदा भवतस्तदा ते है चतुर्मुजक्षेत्रे नमाने भवतः।

अर्थात् गदि दो समानान्तर चतुर्भूज एक ही आयार और एक ही समानान्तर रेखाओं के मध्य स्थित हैं तो ये बराबर होते हैं। अब समानान्तर का भी संक्षिप्त रूप समांतर पत्रने लगा है। इस प्रकार समानांतरभुज चतुर्भूज का अब समांतर अनुभूज बन गणा।

गमपादर्थ :

समकोण आदि की आवुनिक संकल्पनायें उस समय न होने से उनको जात्यित्रभुज की कितनी क्लिप्ट परिमाषा देनी पड़ी। इस परिमाषा में पाइथागोरस प्रमेय के मूल तत्व छिपे हैं।

> इष्टोभुजोस्माद् द्विगुराष्ट निष्नादिष्टस्य कृत्यैकवियुनतयाऽत्मम् । कोटि: पृयक् सेष्टगुणा भुजोना कर्णो भवेत् त्र्यसमिदं तु जात्यम् ।। (लीला०) सर्यात् यदि भुज 'क' है और इष्ट राशि 'इ' है तो

भुज=क

कोटि=
$$\frac{२ \frac{\pi}{5}}{\xi^2 - \xi}$$

कर्ण=(कोटि  $\times \xi$ )—क= $\frac{\xi^2 + \xi}{\xi^2 - \xi}$  क

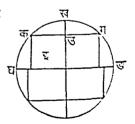
मह कर्णरे=भुजरे+कोटिर, यह सिद्धान्त उक्त साधन में अंतर्निहित है।

# प्रकरण =. कोटि, कर्ण तथा भुजा

### कोटि :

कोटि शब्द कुट् घातु से इ प्रत्यय लगाकर बना है। कुट् शब्द का अर्थ है हुटिल करना, मोड़ना। जो कुछ मोड़ा जाये वह कोटि हुई। घनुप का अग्रभाग कुछ विधिष्ट मुड़ा हुआ होता ही है स्रतः यह कोटि कहलाया। प्रश्न यह है कि घनुष्कोटि होकर कोटि शब्द समकोण त्रिभुज में लंब के अर्थ में तथा त्रिकोणमिति में ६०० की पूरक चाप के अर्थ में कैसे हो गया।

र्वाजस कृत सूर्य सिद्धान्त के अनुवाद में इस विषय पर कुछ प्रकाश डाला है उसका मत है घक खग उएक घनुप है, क घ, ग उ उसकी कोटियां हैं। क खग भुज अर्थात् मुड़ा हुआ (भुग्न) भाग है। क ग, क खग की ज्या है अतएव भुज ज्या कहलाती है। क उ भुज ज्यार्ध है जो बाद में भूजज्या ही कहलाई जिस प्रकार क उ भुज ज्या है उसी



प्रकार कर कोटिज्या है नयों कि प क ख एक समकोश की चाप हैं, तो क घ सम-कोण पूरक हैं। क प उपयुं वत घनुष की कोटि हैं अतएव कोटि का अयं समकोशपूरक चाप है। जोहन स्ट्रेंची का मत है कि समकोश त्रिभुज की कोटि कर्शा और भुजा घनुष से संबंधित तीन चीजें हैं। कोटि घनुष के छोर हैं। भुजा से घनुष पकड़ते हैं और श्युत्पत्ति :

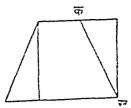
यह शब्द भारत-यूरोपियन घातु रिकर् से बना है जिसका अर्थ था । 
ग्रहण करना । कान भी बाह्य शब्द को ग्रहण करता । है अतएव उसको करें।
हैं । ऋग्वेद के ७वें मण्डल में कर्ण शब्द वर्तनों के कन्नों के अर्थ में प्रगुक्त हुंदा कन्ने वर्तन को पकड़े हुए हैं तथा कन्नों के द्वारा हम वर्तन को पकड़ते हैं अतए । 
का यह अर्थ भी हो है गया । ग्राज भी कड़ाही के कन्ने ही बोले जाते हैं । कर्ण हा किनारा भी रहा होगा वयों कि 'कन्ने' का किनारा अर्थ भी है । हम ग्राज भी है "पंतग के कन्ने बाँध दो"। वर्तनों के कन्नों की तरह हम कन्नों की सहायता से पत्र को पकड़े रहते हैं । कन्ना शब्द का किनारा तथा कोना ग्र्यं, "वर्तनों के कन्ने वा दो" इस प्रयोग में अब तक सुरक्षित है । कन्ना का स्त्रीलिंग कन्नी घोती की किना के लिए आज मी प्रयुक्त होता है । हम देखते हैं कि कर्ण शब्द के प्राकृत ह्यों कर्ण कोण, कोणीयता तथा कोना यह विविध अर्थ पाये जाते हैं शुन्व सूत्रों में कर्ण कोण के अर्थ में प्रयुक्त हुआ है (यह अर्थ परम्परा का द्वितीय कम है) यया:—

'एतेनैव त्रिकर्णसमासो व्याख्यातः । पंचकर्णानांच' (कात्यायन शु०स्०४।६,१० ऐतिहासिक विकास :

वव कर्ण शब्द की अर्थ परम्परा का तृतीय कम प्रारम्भ होता है जिसमें कण् (कोणों) से जाने के कारण कर्ण रेखा हो संक्षिप्त होकर अकेले कर्ण शब्द से व्यक्ष होने लगी। आज कर्ण जिस अर्थ में रेखागिणत में प्रयुक्त किया जाता है, गुल्व सूर्य वस अर्थ में अरुण्या रुज्य अरुवा अकेला अरुण्या शब्द प्रयुक्त किया जाता था अरुण्या का अर्थ था कुटिल या तिरहे रूप से जाने वाली। वैदिक शब्द अरुण्याध्य का अर्थ था गलत तरह से द्रोह करने वाला। अरुण्या का 'कुटिल रितरहें' अर्थ का यह विस्तार हो था। जो रेखा दिशाओं की ४ मौलिक रेखाओं कोई न्यूनकोण वनाये वह तिर्यक् और उनसे ६०० पर जाये वह सीधी मानी गयी समकोण त्रिभुज में कर्ण सदा परस्पर लम्ब रूप में स्थित दोनों रेखाओं से ६०० कम का कोई अन्य कोण बनाता है अत्वत्व कर्ण कहलाता है। इस सम्बन्ध आपस्तंव की निम्न पंवितयों का अवलोकन कीजिये:—

"आयामं वाऽम्बस्यागन्तुचतुर्वमायामस्याऽदृण्यारञ्जुिस्तयंद्भानी शेषः ।"
यहाँ व्यद्या का अर्थ समझते हुए कर्रावद व्यास्या में लिखा है:—
अध्यतिनिपातो विभवित प्रतिरूपकः । कोणवाची कोणगता रञ्जुरध्य्यारञ्जुः, का
रञ्जुरित्यर्थः । सुत्यों में सबसे प्राचीन बौषायन शुत्य सूत्र में एक स्थल पर कर्णः
पूर्वज अध्या कर्ण के अर्थ में न होकर केवल तियंगरेखा के ही अर्थ में है । यथा :-

"चतुरस्रमेकतोऽणिमस्चिकीर्पन्निण्मितः करणीं तिर्यःमानी कृत्वा शेपमक्ष्ण्या विभज्य विपर्यम्येतरशोपादय्यात्" आसन्न चित्र में क ख अक्स्प्या है। इस वर्ग को यहाँ अध्यया से विमाजित किया गया है और इघर का टुकड़ा उघर रख देने से बर्गका अणिमन् (Trapezium) बन गया । मुकर्ण, चापकर्ण:



गुर्य-मिद्धान्त में 'भु-कर्ण' पृथियी के व्यास के अर्थ में प्रयुक्त हुआ है। कर्ण-व्यास के लिए प्रयुक्त हुआ है क्योंकि यह पृथिवी के एक सिरे में दूसरे सिरे तक जाता है। मछाट जगन्नाथ ने जीवा के अर्थ में 'चापकर्ण' शब्द का प्रयोग किया है। यह भी चाप के एक सिरे से दमरे सिरे तक जाता है। चापकर्ण शब्द का प्रयोग इसमें पहिले और बाद में कभी नहीं मिलता । इसके लिए बाद में जीवा शब्द प्रयुक्त होने त्या । मञ्चाट जगन्नाय ने कर्ण से मिलता हुए चायकर्ण शब्द का प्रयोग मध्यवतः अरबी के सम्पर्क से किया वयोंकि वहाँ बतर, समकीण त्रिभूज के कर्ण तथा जीवा दोनों को ही ब्यनत करता है। चाप की जीवा को बतर (घनुप की दोरी) बहुना हो ठीक है वर्षीकि यह वास्तव में इसी आहुति का होता है किन्तु समकोण प्रभूष के वर्ण को बनर वर्गों कहा ? इसका उत्तर आपरतंत्र की उपरिज्ञात पंतित की टीका ने तुलना करके मिल जाता है। वहाँ उसे कर्गारकन कहा गया है। मूल में इमें बर्ध्यारकत् में ध्यवत किया गया है। शूलकाल में यह मारे काम रजज ही किया गरती यो ।<sup>1</sup> अन: अरबी पर यह नंस्कृत का प्रभाव प्रतीत होना है । किस्तु अरब वालों ने एक विभागता नी । हमारे यहाँ माइन के लिए जीवा तथा ज्या एवं कार्ड (Chord) के लिए जीवा शब्द था। उनमें अर्थ सास्य के कारण कुछ समझने में पटिनाई पटनी की उक्तीने इस वटिनाई की विल्युल युर कर दिया और साइन के निए हमारा द्रव्य केंब (कीवा) तथा कार्ड के निए एक धनग शब्द बनद रस निया। हिन्दी की वर्तमान शब्दावली में नंकरत समा अरबी के समस्त गुल हो से लिए किन्तु दोष विभी ने न तिए। उपने उक्त नीमों वर्षों में तीन पूर्व-पूर्वक मदद रवते । ETT :--

कर्ण = Hypotenuse विकर्ण = Diagonal

शुल्व सूत्रों में वर्ग की भुजा को करणी तथा विकर्ण को दिकरणी कहते थे। क्योंकि विकर्ण के वराबर रज्जु दुगुने वर्ग को करने (बनाने) वाली होती थी।

# प्रकरण ११. वृत्त, दीर्घवृत्त

यह वृत् घातु से कर्ताकारक के अर्थ में क्त प्रत्यय लगाकर बनता है। दृत् घातु का इस यह में चारों ओर घूमने का अर्थ है जो चारों ओर घूमे वह वृत्त है। वृत्त की परिधि चारों ओर मुड़ी हुई या घूमी हुई ही होती है। वृत्त घातु का चारों ओर घूमना, परिक्रमण करना यह अर्थ ऋग्वेद में आता है। वृत्त शब्द भी ऋग्वेद में आता है। उसका वहाँ 'घूमा हुआ', 'चक्र के समान गति में प्रवृत्त' यह अर्थ है।

अपने योगिक अर्थ में वृत्त का अर्थ केवल 'कर्वीलीनियर' आकृति है अर्थात् मोड़ खाने वाली आकृति या वन्द आकृति । अतएव बुछ लोगों ने वृत्त के अर्थ में समवृत्त शब्द प्रयुवत किया था जिसका अर्थ है चारों और से एक समान मुड़ी हुई। जो एक ओर कम और एक ओर अधिक मुड़ी हुई हो वह आकृति विपमचकवाल धी जो सूर्यप्रवित्त में इलिप्न के अर्थ में प्रयुवत हुआ है। समवृत्त शब्द का महावीरकृत प्रयोग निम्न श्लोक में देखिए:—

गणितं चतुरम्यस्तं दशपदमनतं पदेभवेद्वयासः । सूक्ष्मंतगवृत्तस्य क्षेत्रस्य च पूर्ववत्फुलं परिविः ॥ (ग०सा०सं०, पृ० १३२)

शतपय त्राह्मण में यह गोल या वर्तुल के अर्थ में प्रयुक्त हुआ है। वैदिक साहित्य में इनके लिए मंडल, परिमंडल और वक्र शब्द भी आये हैं। सूर्य प्रज्ञान्ति में इसके लिए समवक्रवाल शब्द आया है। बाद के साहित्य में इसके लिए बलय शब्द भी प्रयुक्त हुआ है। बोबायन जुल्ब सूत्र में वृत्त को मंडल तथा केन्द्र के लिए मध्य शब्द आया है। देखिए:

'चतुरसं मण्डलं चिकीपंयन्नदृण्यार्द्धं मध्यात् प्राचीनमस्यपातयेद्यतिशिष्यते तस्य गहतृतीयेन मण्डलं परिलिखेत्' (१।५८)

अर्थान् यदि आपको वर्ग के वरावर एक वृत्त खीचना है तो इसके केन्द्र से

१. नूयंप्रज्ञित सूत्र ११,२५।

पूर्व पिरचम रेखा की ओर आधा कर्ण खींची तब एक वृत्त खींची तथा साव ही दूसरे वृत्त का तृतीयांग भी खींची जो वर्ग के वाहर रहता है।

कौटित्य अर्थशास्त्र, जैनग्रंथ, भगवतीसूत्र (७२४-७२६) तथा अनुयोगद्वार सूत्र (१२३-१२४) में भी वृत्त शब्द का प्रयोग है। देखिये वराहमिहर के वृत्त और मध्य (केन्द्र) शब्दों के प्रयोग :—

याम्बोदक् समसूत्रादपक्रमांशावगाहिभिः सूत्रैः । प्रवमवदंबक्षित्तं वृत्तत्रयमानिखेन्मच्यात् ॥ (प०सि० २, ए० ३०)

इसके अतिरिक्त पंचसिद्धान्तिका के पृष्ठ २५ एवं ४० के १८वें तथा २२वें स्वीक में भी मध्य शब्द का अर्थ केन्द्र है।

जिसमें तारा वर्तमान रहे (वर्तते) यह उस तारे का अहारात्र वृत्त होता है । वृत्त शब्द का प्राक्षन रूप बट्ट है ।

दोषंवृत्त :

दीर्ष अयान् लंबा किया हुआ वृत्त । वृत्त को यदि हम ऊरर से रिचका दें तो जुछ एक और अधिक लम्बा हो जाता है और अतएव इस नवीन आकृति को दीर्षवृत्त सब्द से वैधित किया जाता है। दीर्षवृत्त सब्द के स्थान पर इससे पूर्व स्नायतवृत्त सब्द प्रयुक्त किया जाता था और सुत्व सूत्रों में आयत को दीर्ष-चनुरस अथवा दीर्ष सब्द से व्यक्त किया गया था। किन्तु बाद में दीर्ष के स्थान पर जब आयत सब्द प्रयुक्त होने त्या और सावन चनुरस के स्थान पर देवन 'आयत' सब्द प्रयुक्त होने त्या और सावन चनुरस के स्थान पर देवन 'आयत' सब्द प्रयुक्त होने लगा तो सायत के स्थान अर्थों में दीर्ष सब्द प्रयुक्त होने लगा जिसते कि अर्थ-यहंगा में संदिश्यता न रहे। रे

अर्थात् दीर्घाक्ष में अर्थलध्वक्ष को जोड़े तथा २ से गुणा करें। इस प्रकार दीर्घवृत्त की परिधि प्राप्त होती है पुन: है लघ्वक्ष को परिधि से गुणा करने पर उसका क्षेत्रफल प्राप्त होता है। अत: दीर्घवृत्त शब्द एक प्रकार से नवीन नहीं है किन्तु वहुत प्राचीन हैं। यहाँ यह उल्लेखनीय है कि दीर्घवृत्त के आविष्कार का श्रेय जो यूनानी मिनैवमस (३५० ई० पू०) को दिया जाता है वह ठीक नहीं है क्योंकि उससे बहुत पहिले बौद्धकाल में ही यह भारत में ज्ञात था।

#### प्रकरण १२. व्यास

वृत्त के व्यास को शुल्व सूत्रों में व्यास, विष्कंभ, व्यायाम तथा जैन और वाद के संस्कृत ग्रंथों में विष्कंभ, विस्तृति, विस्तार आदि शब्दों से व्यक्त किया गया है। देखिये आर्यभट के वृत्त और विष्कंभ शब्दों के प्रयोग:—

चतुरिवकं शतमष्टगुरां द्वापिटस्तया सहस्राणां ।

अयुतद्वयविष्कं मस्यासन्नो इत्त-परिणहः ॥

अर्थात् यदि व्यास = २०,००० तो परिधि का आसन्तमान = ६२,५३२। पाई का मूल्य इससे ३.१४१६ ग्राता है। इस समय तक पाई का इतना सूक्ष्म मान नज्ञात था।

विष्कंम दरवाजे के अरगड़े को कहते हैं। वच्चे जब लचकीली अरहर की लकड़ी का पहिया बनाते हैं तो उसमें इबर-उबर एक लकड़ी भी लगा देते हैं। जिससे कि चलने पर उसकी यह आकृति अक्षुण्ण बनी रहे। यह लकड़ी व्यास के बराबर होती है और पहिए को पिचकने से रोके रहती है। किवाड़ को खुलने से विष्कंभ रोकता है अतएब व्यास का दूसरा नाम विष्कंभ है।

### व्युत्पत्तिः

व्यास घटद वि पूर्वक अस् घातु से बना है। इसका अर्थ है व्यस्यतेऽनेन वृत-मिति व्यास: अर्थान् इसके द्वारा वृत्त दो मागों में वेंट जाता है अतएव इसे व्यास कहते हैं। व्यास जी ने भी वेदों को भागों में विभाजन किया तथा अनका क्रमीकरण किया अतएव उनका नाम वेदव्यास है। 'विव्यास वेदान यस्मात् स तस्माद व्यास इतिस्मृत:' (महाभारत)।

व्यास का अर्थ समास का विलोम, विस्तार तथा चौड़ाई भी है। देखिए :— 'आयाम व्यास पिंटेन नव पंचैक हस्तिका' (ग० ति, पृ० ७६)

### पर्याय:

यहां आयाम, लम्बाई, व्यास, चौड़ाई तथा पिट मोटाई को आया है। व्यास, विस्तार, विस्तृति पर्यायवाची शब्द होने के नाते एक दूसरे के स्थान में प्रयुक्त हो जाते हैं। कर्ण शब्द मी भूकर्ण में व्यास के अर्थ में आया है।

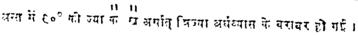
#### त्रिज्या :

व्यास के बाधे माग को व्यासार्ध, अर्घव्यास अथवा तिज्या कहते हैं। श्रापरतंव मृत्व सूत्र में (७।१२) इसको अर्घव्यायाम भी कहा है। त्रिज्या का अर्थ है त्रिमज्या अर्थात् ३ म (राणियों) को ज्या। इस प्रकार त्रिज्या शब्द का पूर्ण रूप त्रिमज्या अथवा त्रिराणिज्या है। मध्यम-पदलोपी समास से राशि अथवा 'भ' शब्द का लोप होकर त्रिज्या शब्द बना। देखिए वराहमिहिर का प्रयोग:—

इच्छांन द्विगुणीन त्रिभज्ययोना चयस्य चापज्या । पिट्रगुणा साकरणी तया ध्रुवोनावदेषस्य ॥ (प० सि०, ए० १२)

वारह रागियाँ ३६०° के बराबर होती हैं अतएब एक रागि ३०° के तथा तीन रागियाँ ६०° के बराबर हुईं। ६०° की ज्या (Sinc) एक के बराबर होती है। ऐकिक वृत्त में अर्थेच्यास एक एकक माना गया और उसी से ज्या आदि की परिभाषायें बनीं। अतएय विज्या—१—अर्थव्यास।

वामान चित्र में ज्या क रा कीण के साथ बढ़ते हुये का रा तथा



परवर्ती सब लेखकों ने इस शब्द को अपनाया। मास्कर प्रथम से पूर्व ब्रह्मगुष्त (६२६ ई०) ने भी इसका प्रयोग किया था। यथा:—

मासगणो यमगुणितः पृथक् कुतत्वोद्धृतः फलसमेतः ।

सार्वाष्ट्युतो वसुमयविभक्त शेपो विद्यो: केन्द्रम् ॥ (ब्रा० स्फु० सि० २५१६) मध्य, नाभि:

केन्द्र के पहिले इस अर्थ में मध्य और नाभि शब्द चलते थे। नामि-चक्र-नामि के अर्थ में प्रयुक्त होता था। ऋग्वेद तथा उपनिपदों में इसका प्रयोग है। देखिए:—

"कोऽस्य वेद भुवनस्य नाभि को द्यावाष्ट्रथिवीऽन्तरिक्षम् । कः सूर्यस्य वेद वृहतो जनित्रं को वेदचन्द्रमसं यतोजाः ।" (यजुर्वेद २३।५९ ।)

"अराइव रयनाभौ प्रारोसर्वप्रतिष्ठितम्" (प्रश्नोपनिपद)

रपुवंश में यह केन्द्रीय विन्दु के अर्थ में है । देखिये :—

"उपगतोऽपि च मण्डलनाभिताम्" (रघु० ६।१५ ।)

केन्द्र के अर्थ में मध्य शब्द का प्रयोग बराहमिहिर द्वारा भी किया गया है। यथा:—

याम्योदक् समसूत्रादपक्रमांशावगाहिमिः सूत्रैः । प्रयमवदंश क्षितं वृत्तत्रयमालिखेन्मव्यात् ॥ यहाँ मध्य का अर्थ केन्द्र है ।

प्रश्न यह है कि जब समानार्थक मध्य और नाभि शब्द थे तो विदेशी कैन्द्र शब्द को नयों अपनाया गया। वराहमिहिर ने निश्चय ही कुछ यूनानी ज्योतिप के विचारों को अपनाया था यह बहज्जातक में प्रयुक्त किये हुए आपोक्लिम, मेपूरए। आदि अनेक यूनानी शब्दों के प्रयोगों से जात होता है। यया :---

केन्द्रात्परं पणकरं परतदच सर्वमापोक्तिमं हिबुक्तमम्बु सुखंच वेश्म । यामित्रमस्तभवनं त्रिकोग्गं मेपूरणं दशममत्र च कर्म विन्द्यात् ।।

(बु॰जा॰, पृ॰२१)

यहाँ यामित्र (Diametron), आपोधिलम (Apoklima), त्रिकोण (Trigo-

उनको केन्द्र से सम्बद्ध निम्न अन्य मावों के लिए शब्द चाहिए थे :-

दोनों गतियोपों से किसी गृह की दूरी।

१. देशिये पंचिमद्धान्त का श्लोक २, ५० ३० ।

२. मंद केन्द्र का अर्थ मंदोच्चों (apsis) से ग्रह की दूरी । इसी प्रकार पित्र केन्द्र का अर्थ संयुत्ति (Conjunction) से ग्रह की दूरी ।

- ३. केन्द्र सम्बन्धी अन्य फलित ज्योतिष के विचारों को हमारी भाषा में शब्द न ये अतः छोटा शब्द केन्द्र ही ले लिया।
- ४. केन्द्र के गणितीय अर्थ वृत्त-केन्द्र के लिए मध्य शब्द था वह यथार्थ (Exact) नहीं था अतएव, केन्द्र गणितीय अर्थ में मी प्रयुक्त होने लगा।
- ५. केन्द्र का पर्यायवाची कण्टक शब्द मी वराहिमिहिर के ग्रंथों में मिलता है जिसका अर्थ मी नुकीली चीज अथवा नोक अथवा छेदने या भुकने वाली चीज (Prickle) है। यही अर्थ यूनानी 'केंत्रान' का मी है। ऐसा प्रतीत होता है कि केन्द्र तो स्वयं यूनानी भाषा का केंत्रान का संस्कृतीकरण है और कण्टक शब्दानुवाद है। दूसरे शब्दों में एक लिप्यन्तरण है तो दूसरा अनुवाद है।
- ६. केन्द्र के अन्य अयों के लिए शब्दों की आवश्यकता भी पड़ी। केन्द्र के वर्तमान अयं के लिए तो मध्य शब्द था, अतएव नया शब्द न बनाकर, ज्ञान के साय २ शब्द भी अपना लिया अतएव वराहमिहिर ने केन्द्र को अन्य अयों में अधिक प्रयुक्त किया और वर्तमान अये में अधिकतर मध्य ही प्रयुक्त किया। वाद को मध्य अयथायं (Inexact) होने के कारण छोड़ दिया गया और केन्द्र वर्तमान अर्थ में भी प्रचलित हो गया। सब जगह योग्यतमावशेय (Survival of the fittest) का तिद्धांत चलता है। वराहमिहिर ने ही इस अर्थ को प्रारम्भ कर दिया था।

#### प्रकरण १४. चाप

चप नामक बांस से बना हुआ इस अर्थ में चाप घनुप का एक विशेषण था। मान्त्रं मो इस प्रकार 'र्युंग' (सींग) दे बना हुआ एक घनुप का विशेषण था। चाप (चर मे निमित) घनुप का विशिष्ट नाम कोदण्ड था तथा शार्ङ्ग चाप को घनुप कहते थे। देखिए कौटिल्य अर्थगास्त्र का प्रयोग:—
उत्पत्ति:

'ताल चाप दाखं माङ्गाणि कामुं ककोदण्ड दूणा घतूं पि।

(को०अ०आयघाष्यक १८ यां)

अर्थान् ताल से बने हुए बनुष् को कामुं क, चय से बने हुए को कोटण्ड, धन्वन् दारु में बने हुए को दूषा तथा सींग से बने हुए को धनुष् कहते हैं।

एंसा प्रतीत होता है कि विशेषता प्रगट करते २ ये विशेषण स्वयं विशेष्य हो गए और इस प्रकार चाप मौर शाङ्ग शब्द स्वयं घनुष के पर्यायवाची बन गए। देशिए:—

देखिये मीनियर-विनियम-संस्कृत-अंगरेजी-कोष ।

जीवा जीवन्तिका मौर्वी वचा शिजित भूमिषु । तन्त्री तु जीवितं ः इति मेदिनी । मुहुर्जीवाघोपैवेविरयति । (महावारचरित ६।३०)

गणित के छन्दोबद्ध होने के कारण ज्या के अन्य पर्यायवाची मीर्वी आदि भव्द भी इसी अर्थ में प्रयुक्त हुए। बाद को ज्या शब्द अंगरेजी के साइन शब्द के लिए प्रयुक्त होने लगा। देखिए:—

"राशिलिप्ताष्टमो भागः प्रयमं ज्यार्यमुच्यते" (सूर्यसिद्धान्त)

इस प्रकार ज्या और जीवा का कार्य-क्षेत्र वदल गया। अर्थात् ज्या केवल त्रिकोणिमतीय अर्थ में तथा जीवा केवल ज्यामितीय अर्थ (कार्ड) में प्रयुक्त होने लगा। इस समस्या को अब अरय वालों ने ज्या के अर्थ में जेव (जीवा) और जीवा के अर्थ में ज्या का अनूदित शब्द वतर (धनुप की डोरी) करके सुलझा लिया। धार्यभट ने भी ज्या को जीवा (कार्ड) के अर्थ में प्रयुक्त किया है। गोलपाद में उन्होंने विषुव-जीवा शब्द में जीवा का प्रयोग किया है। ब्रह्मगुष्त ने ज्या आर जीवा दोनों ही शब्द दोनों अर्थों अर्थात् कार्ड तथा साइन में व्यवहृत किये हैं। जीवा को धर्ममान अर्थ में निम्न इलोक में प्रयुक्त किया है:—

वृत्ते गरोनगुणिताद् व्यासाच्चतुराहतात्पदं जीवा । (त्रा० स्कु० सि० १२।४) वर्षात्  $\sqrt{\pi x}$  स्यरानव्यास $\times 8$  = जीवा

इसी जीवा के नाम पर त्रिवोग्गमितीय ज्या का नाम पड़ा। क्योंकि ज्याओं का मान पहले जीवाओं द्वारा ही निकाला जाता था। यहा पद्धति भारत से अरब तया अरब से योरोप पहुँची। वहाँ भी धनुप की डोरी के अर्थ के ही बतर और कार्ड पड़द हैं। देखिए सूर्य-निद्धान्त के विजिस कृत अनुवाद का उल्लेख:—

Sines were named after those of chords because sines were substituted in calculation for the chords, a method invented by Hindus went to Arabia by Greeks.

# प्रकरण १७. शंकु तथा सूचीस्तम्म

शंक् :

प्रारम्भ में इस मध्द का अर्थ ठूंठ, कील, कांटा या बछीं था ।

वया :-- "स्वानुर्वा ना ध्रुवः शंकुः" (अमरकोष) वा "पुंसि शस्यं शंकुनी" (प्रमरकोष)

१. ब्राह्मस्युट मिद्यान्त २२।२२, १२।४२।

तत्क्षेत्रं सूचीफलकशंकुषनक्षेत्रं भवति ।

अर्थात् वहुमुज के घरातल से निकली हुई सूचियों के अग्र यदि एक विन्दु पर मिलें तो वह सूचीफलक शंकुघनक्षेत्र कहलाता है।

> ब्रह्मगुप्त ने सूची शब्द पिरैमिड के लिये प्रयुक्त किया था । देखिये:— क्षेत्रफलं वेघगुणं समखातफलं हुतं त्रिभि: सूच्या:

वर्यात् समखात (प्रिज्म) का घनफल=क्षेत्रफल × वेच (गहराई)

तथा सूची का घनफल  $=\frac{?}{3}$  क्षेत्रफल imes वेघ

तत्क्षेत्रं सूचीफलकशंकुघनक्षेत्रं भवति ।

अर्थात् बहुभुज के घरातल से निकली हुई सूचियों के अग्र यदि एक बिन्दु पर मिलें तो वह सूचीफलक शंकुधनक्षेत्र कहलाता है।

प्रह्मगुप्त ने सूची शब्द पिरैमिड के लिये प्रयुक्त किया था। देखिये:— क्षेत्रफलं देघगुणं समखातफलं हृतं त्रिभि: सूच्या: अर्थात् समखात (प्रिज्म) का घनफल=क्षेत्रफल  $\times$  देघ (गहराई) तथा सूची का घनफल  $=\frac{?}{3}$  क्षेत्रफल  $\times$  देघ

#### प्रकरण २. उत्क्रमज्या

त्रिकोणिमिति के इस दूसरे फलन को भी हिन्दुओं ने आविष्कृत किया। इसको अंगरेजी में वस्ड साइन (Versed Sine) कहते हैं। वस्ड का अर्थ है उलटा। अतएव वस्ड साइन का शाब्दिक अर्थ साइन हुआ जो कि उसके वास्तविक अर्थ रिकोमाइन से एकदम दूर है और इस अर्थ-अशुद्धता की व्याख्या उनके पास कोई नहीं है। अरवी में इसे सुहम कहते हैं, जिसका अर्थ है वाए। यह अर्थ भी गिएतिय वर्थ से तिलमात्र भी सम्बन्ध नहीं रखता। इन दोनों भाषाओं में गिएतित अर्थ में उक्त शब्दों की कोई व्युत्पत्ति नहीं है और हो भी कैसे जब कि यह संस्कृत शब्द उत्कमन्या तथा उसके पर्याय शर के अनुवाद मात्र हैं। अतएव हमारा उत्तरदायित्व है कि इम बतायें कि उत्कमन्या में व्या उत्कमता है। आइये अब इस अब्द की व्युत्पत्ति की विवेचना करें। नीचे ज्या प्रकरण में वताये हुए इलोकों के अनुगार २४ ज्या-मानों, ज्यांतर-मानों तथा उत्कमन्या-मानों की सारणी दी हुई है।

	_				
फ्रमांक	अंश	कला		ज्यान्तर मान (कलाओं में)	उत्क्रमज्यामान (कलाओं में)
१	3.	४४	२२५	३२१३	9
ź	ড	३०	388	२६=६	२ ह
3	88	१५	६७१	२७६७	ĘĘ
γ	१५	o	580	२५४⊏	११७
2,	{⊏	४५	११०५	२३३३	१५२
Ę	۶ą	3.	१३१५	₹१२३	२६१
v	२६	१५	१५२०	१६१=	きんく
=	30	o	१७१६	१७१६	४६०
3	5. Ú	ХХ	1810	१५२=	५७६
१०	३७	₹0	२०६३	१३४५	0 ? 0
<b>१</b> ?	४१	१५	२२६७	११७१	<b>≃</b> ₹\$
१२	४४	0	२४३१	१००७	१००७
\$ 3	<b>85</b>	<u>የ</u> ሂ	ゔ゙゙゙゙゙゙゙゙゙゙゙゙゙゙゙゙゙゙゙゙゙゙゙゙゙゙゙゙゙゙゙゙゙゙゙゙゙゙	εγ∍	११७१
<b>8</b> %	χę	ξo	<b>ই</b> ওইব	630	१३४४
१५	४६	१४	३,८५,६	४७६	<b>१</b> ४२=
ફૃદ	é o	o	₹8७=	४६०	१७१६
१७	63	Υ¥	Vass		१६१=

कोटिज्या ही कहना उपयुक्त होगा। सूर्यंसिद्धान्त में भुजज्या और कोटिज्या का निम्न पंक्तियों में प्रयोग हुआ है:—

शेपं केन्द्रपदं तस्माद् भुजज्याकोटिरेव च ।
युग्ये तु गम्याद् वाहुज्या कोटिज्या तु गताद् भवेत् ।। (२।२६,३०)

इन पंक्तियों में भुजज्या के स्थान पर बाहुज्या शब्द भी प्रयुक्त हुआ है क्योंकि बाहु भुज का पर्याय है।

## ऐतिहासिकता:

यूनानियों के पास तो कोज्याफलन नहीं था अर्थात् उन्होंने कोटिपूरक चाप की जीवा निकालने का प्रयत्न नहीं किया अतएव कोज्या का वहाँ कोई शब्द नहीं है। श्रंगरेजी का कोसाइन शब्द संस्कृत कोटिज्या का श्रनुवाद मात्र है। कोसाइन का पूरा रूप काम्पलीमेंट्री साइनस है जिसका अर्थ है साइन आफ दी काम्प्लीमेंट। काम्प्लीमेंट्री, कोटि का तथा साइन ज्या का श्रनुवाद है।

ज्या, कोज्या का मान किस २ वृत्त पाद में धन तथा ऋण रहता है, यह मुंजाल (६३२ ई०) ने अपने ग्रंथ लघुमानस में बताया है। देखिये:—

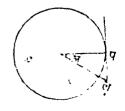
> ग्रहः स्वोच्चोनितः केन्द्रं तदूष्ट्वाघोऽर्धजो भुजः । धनर्णं पदयः कोटी घनर्णणं धनात्मिका ।। (२।१)

वर्थात् उपरि श्रयंवृत्त में ज्या घन तथा निम्न में ऋ एा रहती है एवं कोटि-ज्या प्रथम, द्वितीय, तृतीय तथा चतुर्थं वृत्तपाद में श्रमश: घन, ऋण एवं धन रहती है।

## प्रकरण ४. स्परांज्या तथा कोटिस्परांज्या

स्परांज्या और कोटिस्परांज्या ये अंगरेजी के त्रिकोणमितीय टैंजेट तथा कोटैंजेंट झददों के अनुवाद हैं। उन्होंने ज्यामितीय और त्रिकोणमितीय दोनों अर्थों में एक ही सब्द रक्षे हैं। हमने दोनों को प्रयक्-प्रयक् झदद स्थिर किए हैं। ज्यामिति में स्पर्भ सब्द में रेखा तथा त्रिकोणमिति में ज्या लगाकर उनत भिन्न-भिन्न संकल्प-

नाओं से मिन्न २ घड़द बनाए हैं। अरबी में टैजेंट की खतेमुमास कहते हैं। अंगरेजी घट्द टैजेंट तथा हिन्दी स्पर्णरेखा उसी के अनुवाद हैं। क्योंकि मुमास घट्द का अर्थ है रपर्षे। आगन्न चित्र में कोण शह की स्पर्शंज्या बिन्दु प पर गिची हुई एक स्पर्ण रेखा ही है। यहाँ जिल्ला एक के बराबर मान निया गया है।



### अध्याय ६.

# डयोतिप

### प्रकरण १. ज्योतिप

व्युत्पत्ति :

ज्योतिष शब्द 'ज्योतिष्' शब्द से अच् प्रत्यय लगाकर वना है। ज्योतिष् अथवा ज्योतिः का अर्थ है मूर्यादि नक्षत्र और ग्रह। अतएव ज्योतिप का अर्थ है 'ज्योतियों अर्थात् सूर्यादि नक्षत्रों तथा ग्रहों की गतियों आदि जानने की विद्या। प्रारम्म में ज्योतिष खगोलीय ज्ञान तक ही सम्बन्धित था और वेब द्वारा ही उनके स्वरूप आदि का ज्ञान कर लेते थे। गणित का तो बाद में विकास हुआ अतएव ज्योतिप शब्द प्रारम्भिक परिभाषा की ओर संकेत करता है। छांदोग्य उपनिषद् का नक्षत्रविद्या राव्द भी उवत तथ्य को समर्थित करता है। वाजसनेयिसंहिता में नक्षत्र-दर्श शब्द आया है जिससे प्रतीत होता है कि उस काल में नक्षत्रों का वेय कर लेती ये। किन्तु संहिताकाल में ही गतिगणना करना प्रारम्भ कर दिया था तभी तो कहा है 'प्रजानाय नक्षत्रदर्श' यादसे गणकम्' अर्थात् विशिष्ट ज्ञान के लिए नक्षत्रदर्शक गणक के पास जाओ । स्पष्ट है गणक का अर्थ यहां ज्योतिषी है क्योंकि वह गतियों की गणना कर लेता था। नेमिचन्द्र शास्त्री कहते हैं, "ईस्वी सन् से पांच सी वर्ष पूर्व रचे गए प्राचीन जैन आगम में ज्योतिषी के लिए 'जोड्संगविड' शब्द आता है। भाष्यकारों ने इस शब्द का श्रयं 'ग्रह, नक्षत्र, प्रकीर्णक और ताराओं के विभिन्न विषयक ज्ञान के साथ राजियों और ग्रहों की सम्यक् स्थिति के ज्ञान की प्राप्त करना' किया है। अतएव स्पष्ट है कि उदयकाल में राशिचक, नक्षत्रचक और प्रहन्नक का प्रचार घा।"

### प्रयोग :

ज्योतिय शब्द का प्रयम प्रयोग धावस्तंत्र धर्मसूत्र, मुण्डोवनिषद् तथा वेदांग ज्योतिय में मिलता है । यथा :---

> वेदाहि यज्ञार्यममित्रवृताः कालानुपृथ्यो विहिहादस यज्ञाः । तस्मादिवं कालविधानशास्त्रं यो प्रयोतिषं वेद स वेदयशान ॥

यहाँ ज्योतिष की कालविधानधास्त्र भी कहा गया है । वास्तव में यशों के समु-चित्र दास ज्ञानने के लिए ही ग्रह्मतिगणना प्रारम्भ हुई होगी । नहीं है। हो सकता है कि हमारे नामों से उनके नाम प्रमावित हों, इस लेख के लंग में इन नामों की मूची दी जा रही है। हमारे वारों के नाम प्रहों पर हैं। जिनके नाम अत्यन्त प्राचीत हैं। सोम तथा बृहस्पति के नाम बैदिक काल के हैं। अंगरेजी के नाम प्रहों पर नहीं हैं उनमें से कुछेक देवी-देवताओं के नाम पर भी हैं जैसे प्राइडे 'दिया नामक देवी पर', द्यूबडे, 'दिव' नामक देवता पर तथा 'यसंडे' योर नामक गर्जन देवता पर हैं। नैदिन के नाम प्रायः प्रहों पर ही हैं किन्तु हमारे यहाँ आर्च-अपेतिय काल से बारकत्यना मिलती है बतएब यह कहना कि हमने यूनानियों से बारकत्यना ली यह सम्देहास्पद है।

भारतीय ज्योतिय में आयोश्तिम, द्रेष्काण, मेणुरस्, हरिज आदि यूनामी नामों के आ जाने ने अनेक विद्यानों का यह (विचार कि भारतीय ज्योतिय यूनी-नियो ने आई है, निय्या है। १वीं गती के पूर्व अनेक यूनामी लोग मारत में आकर पढ़ते ये। उनका वैश्विरिया का साम्राज्य तो नमान्त ही हो गया था और वे हिन्दू वर्म में परिवर्गित हो रहे ये अतः उनका मंस्कृत तथा मारतीय विद्यायें पढ़ना स्वामाविक या। उन्होंने अपने जान को भी अति मुन्दर संस्कृत माया में लिखा। यवनाचार्य की संस्कृत अत्यन्त परिमाजित थी। इस प्रमंग में योड़े यूनानी शब्द तथा कुछेक ज्योतिय के विचार मारत में आ गए। इसका यह अर्थ कवादि नहीं कि हमारी ज्योतिय, यूनानी प्रयोतिय का फत है। बाद को उमी प्रकार, मुसलमानों के प्रमाव से कुछ बरवी उपनि के पब्द वैसे ईमराफ, इक्कवाल, रह आदि मारतीय ज्योतिय में जा गए। वास्तव में नीतकाट ने नाविकवर्षकत-पद्धित के आधार पर मारतीय ज्योतिय ग्रंय ताविकवर्षकत-पद्धित के आधार पर मारतीय ज्योतिय ग्रंय ताविकवर्षकत नाविकित्वान, जो अब रस में है, के निवासियों को कहते थे। ये अब मी अधिकतर मुसलमान हैं।

राशियों के नाम

मापतीय नाम	अंगरेजी नाम	् अरबी नाम !	े अरबी नामों के प्रय
	Aries	वर्ग	Ram
द्व	Taurut	सीर	Bull
मियुन	Gamini	<b>ड</b> ीस्	A black sheep white
_			in the middle
	Cancer	<u> स</u> ुरदान	Cancer
- <del></del>	Lio	सन्द	Lion

जानात्येकमपि यतो नार्यभटो गणितकालगोलानाम् । न मया प्रोक्तानि ततः पृथक् पृथक् दूषणान्येषाम् ।।

अर्थात् आर्यमट को गणित, कालविज्ञान, गोलविज्ञान इनमें से एक भी विषय नहीं आता, ग्रतः में उनके दोषों की गणना नहीं करना चाहता ।

"उत्पत्स्यते मम हि कोऽपि ममानवर्मा कालोह्यं निरविधिविपुला च पृथ्वी" वर्षात् काल अनन्त तथा पृथ्वी विद्याल है। कभी न कभी तो कोई मेरे समान गुण वर्म वाला व्यक्ति उत्पत्न होगा ही, इस उक्ति के अनुसार मन् ८६० ई० में पृथूदक् स्वामी ने आर्थमट के मत का समर्थन किया। यथा:—

मनंजरः स्थिरो मूरेवावृत्यावृत्य प्रातिदैवसिकौ । उदयास्तमयौ संपादयति नक्षत्रप्रहाणाम् ।।

वर्यात् नक्षत्र-मंजर स्थिर है। पृथ्वी ही घूम-घूम कर प्रतिदिवस नक्षत्र तथा प्रहों को टिंदित एवं अस्त करती है।

उस समय के आयंभट के परवर्ती गिणितज्ञों को यह नहीं मातूम पा कि पृथ्वी के साथ उसका बातावरण भी उसी गित से घूम रहा है अतएव श्रीपित ने आयंभट के मत का खण्डन करते हुए लिखा है:—

यद्येवमन्वरचरा विहुनाः स्वनीदमासादयन्ति न सनु भ्रमिनकेऽपि । किचानदुदा अपि न मूरि पयोमुच: स्पुर्देशस्य पूर्वगमनेन चिराय हन्त ॥ वर्षात् यदि पृथ्वी घूमती हो तो पक्षी श्रपने घोंसलों में नहीं लौट सकते एवं बादन भी अधिक मात्रा में जन नहीं वरसा मकते ।

पृथ्वी तथा अन्य दिव्य पिटों में आकर्षणशक्ति तथा चुम्बक शक्ति है इसका कुछ ज्ञान हमारे ज्योतिषियों को या। देखिए श्रीपित का पृथ्वी वर्णन :—

नमन्ययस्कान्त-महामर्गीनां मध्ये स्थितो नोहगुटो ययास्ते । प्राचारकृत्योकी तर्यंव सर्वाचारो घरित्र्या ध्रुवमेव गोनः ॥

अर्थात् जैसे चुन्यक पत्यरों के बीच में लोह की गुटिका स्थिर रहती हैं उसी प्रकार आधार प्रत्य होते पर भी यह पृथ्वी स्थिर है। यहाँ खगोलीय पिटों में चुम्बक प्रक्ति का होता बताया गया है। मास्कर द्वितीय ने भी पृथ्वी की आकर्षण प्रक्ति का निस्त स्वोत में बर्गन रिया है:—

क्राहण्ट्यास्तियम् मही तयायतं सस्यं गुरयत्ताभिमुखं स्यशनतया । क्राहण्यते ततस्ततीय माति समें समन्तात् स्वयतस्यियंसे ॥

स्पर्यत् पुष्यी में आवर्षण-मस्ति है जिससे वाकाश में स्थित गुरु दिंड सी सपनी बोर साहाद कर सेती है प्रसाय यह दिए गिरता हुया सा दिसाई देता है। इस मंत्र की व्यास्या करते हुए सायणाचार्य ने 'विपुरूपे' का ग्रर्थ 'नाना रूपे' किया है अर्थात् विषु का अर्थ है 'नाना'।

दक्षस्य वादिते जन्मिन वर्ते राजानामित्रा वरुणा विवासिस । अतूर्तपन्याः पुरुरथो श्रयंमा सप्तहोता विपुरूपेषु जन्मसु ॥ (निरुवत ११-२३)

अर्थात् हे पृथिवी तुमने सूर्य के उदयकाल में मित्र और वरुण की यज्ञवेदी वन कर सेवा की । यह नूर्य नाना रूपों में उदित होता है, नियत गति है, सप्त रिष्मयों से रस ग्रहण करता है तथा बहुवेगी है ।

यहां निरुवतकार यास्काचार्य ने 'विपुरुपेपु' का अर्थ 'विषमरूपेपु' किया है अर्थात् विपुरूप का अर्थ हैं मिन्नरूप। विषु का अर्थ विषम या भिन्न है। सायणाचार्य ने भी विपुरुपेप का अर्थ 'नाना रूपेपु' किया है।

विपु का स्वतन्त्र प्रयोग पाणिनीय व्याकरण की वैदिक प्रक्रिया में 'विष्वं परय', 'विपुवं परय', 'तन्वादीनां वेयद्भुवडों' सूत्र के जदाहरण के रूप में मिलता है। यहां पर विपु का अर्थ 'दोनों तरफ' या दोनों दिशाओं में लगता है। मोनियर विलियम्स के संस्कृत कीप में विपु का यह अर्थ भी दिया है। इयङ्, उवङ प्रत्यय का विधान करने वाल, अचिरनु घातु-भ्रुवां यवोरियङ्गवडों (६१४।७७) के वार्तिक प्रयङ्गवड्यु प्रकरणे तन्वादीनां छन्दिस वहुलमुपसंख्यानम् कर्त्तव्यम्' के जो उदाहरण कािका में दिये हैं उनमें भी विष्वं और विपुवं शब्द स्वतन्त्र रूप में आते हैं। उनका अर्थ पी उपरोक्त ही है। व्युत्पत्ति के सम्बन्ध में यासकाचार्य विपु का सम्बन्ध विपम से जोड़ते है जो डां० वर्मा की सम्मति में समीचीन नहीं हैं क्योंकि विषम शब्द स्वयं सम से बना है और भारोगीय भाषा में विपु का समान रूपी शब्द 'Viso' मिलता है जिसका अर्थ है 'सण्ड' और लियोनियन माषा में 'Visas' शब्द है जिसका अर्थ है 'सव्य'। सायणाचार्य विपु का अर्थ व्याप्ति भी बताते हैं तथा विपु शब्द को 'विष्लु व्याप्ती' घातु से निकला हुया वताते हैं तथा विप् वातु से ओणादिक मु प्रत्यय लगने से विषु शब्द की मृण्डि बताते हैं।

दिषुव को व्युत्पत्ति :

कादिका विवरण पंजिकाकार प्रयांत न्यासकार विषु को वि पूर्वक सूधातु की बना बनाते हैं। सूचातु से क्विप प्रत्यय लगती है और 'उपसर्गात् सुनोतीस्यादिना' (द-३-६५) में संज्ञा पहीना बनाते हैं 'तियस्ता घातुत्वं न बहाति' इस सिद्धास्त से विषु पातु ही रहा कोर 'अविस्तुपातुआुवां सवीत्यिषुवको' इस सूत्र तथा इसके

१. मध्यतिसारत गौमुदी ।

२. देलिये याँव यमा द्वारा जिल्लि 'एटोमीली'रीज ऑफ पारक'।

प्रारम्म से ही सकल व्यक्ति इसको रेखारूप में ही देखते हैं, अत: रेखा द्वारा ही इसका बीच करते हैं। चक्षुनंत विषय, ज्ञानगत विषय से सदा ही प्रवानता पाता है। प्राचीनकाल में ज्योतिषशास्त्र के अन्तर्गत भूगोल की अपेक्षा खगोल का ही अधिक अध्ययन किया जाता था। अतएव विपुवद्वृत्त या विपुवन्मण्डल शब्दों का प्रयोग अधिक है और आधुनिक काल में भूगोल का अध्ययन वाल्यकाल से ही प्रारम्म कर दिया जाता है और खगोल ज्योतिष (Astronomy) का अध्ययन विरले ही करते हैं अनएव विपुवन् रेखा शब्द का प्रयोग वाहुल्य से होता है और विपुवद्वृत्त का प्रयोग उसकी अपेक्षा कुछ कम होता है। सामान्य जन इसको मानचित्र में पृथ्वी के मध्य से गुजरता हुआ देखता है अतः इसको भूमध्यगामी रेखा शब्द से भी व्यक्त करता है। यहाँ यह कह देना भी अप्रासंगिक न होगा कि अपुवत् तथा इक्वेटर का जो संस्कृत तथा इंगलिश में 'दिन रात वरावर कर देने वाला काल' अयं था, वह मारत के इस तिमिर-काल में आंबों से ओफल हो गया और विपुवत् का 'भूमध्यस्य' ही अयं अधिकांग समझा जाने लगा।

अंगरेजी का इक्वेटर तथा उर्दू, फारसी एवं ग्ररबी का खते उस्तवा शब्द विषुवत् रेखा के ही अनुवाद हैं। क्योंकि इक्वेटर का अर्थ है बराबर कर देने वाला। इसी प्रकार उस्तवा का अर्थ है समता तथा एकसमानता एवं खत कं अर्थ है। रेखा। विषु का भी अर्थ समता है।

प्रकरण ४. अंश, कला, विकला, घड़ी, पल, विपल, समय, प्रहर

यह ज्योतिश्चक कालकमानुसार ही चल रहा है। इस चक्र के ३६० अंश अयया भाग किये जायें तो इन भागों को चक्रांश अयवा मण्डल-भाग ही कहेंगे। यया:—

> चक्रांगकै ३६० स्तदूर्न रनुवकं तदधिकोन माग कला: । मण्डलमागै ३६० स्तदूर्नैः प्राक्राशिषु चतुर्षु वक्रम् ॥

(ब्रा० स्फू० सि० ४६५१)

"चप्रांगैरपहत योजनानिकोटिः"

(म० न०, पृ० १६)

संधिष्य होने पर चर्याम को अंग शब्द से ही व्यक्त किया जाने लगा। इस प्रकार पंग गढ़र क्षेत्रविमाग (Division of space) से सम्बन्धित है। भारतीय क्षेत्रविभाग पात्रविभाग के अनुसार है। एक वर्ष में १२ मास होते हैं, १ मास में २० दिन,१ दिन में ६० पढ़ी तथा १ घड़ी में ६० पत्न या विनाडिकाएं होती हैं। प्रस्के प्रकार प्रोतिस्वत प्राध्विन्त ध्यवा ज्योतिस्टल के १२ माग होते हैं। प्रस्केत वनते हैं। कुम्म का छेद ही जल-निष्कासन-नाली का काम करता है, अतएव सम्भव है नाली या नाडी पर इन यम्त्र का नाम नाली अथवा नाडी-यंत्र पड़ गया। यह घ्यान देने की बात है कि कौटिल्य काल में तांवे की घटी से नहीं किन्तु घड़े से ही काम लिया जाता था। यही घटी नाम पड़ने का मूल कारण है। सम्मव है घड़े के छेद में से नियमित रूप से पानी निकलने के लिए उसमें पानी की घास नाडी (नारी, अथवा नाली) लगा देते हों जैसा कि आजकल भी घटदान के समय करते हैं और उस नाडी से ही यह नाडी शब्द बन गया हो। वराहिमिहिर के समय तक घटी-यंत्र तांवे का बन निकला था। देखिये:—

कुम्भार्घाकारं ताम्रं पात्रं कार्यं मूले छिद्रम् । स्वच्छे तोये कुण्डे न्यस्तं तस्मिन् पूर्णे नाडी स्यात् । (प०सि०, पृ०४१) घंटा, समय, क्षण, मुहर्त्तं, भार:

आज कल भी जिस यंत्र से समय जाना जाता है वह पुराने नाम पर ही घड़ी कहलाने लगा। इसी प्रकार अंगरेजी समझाइल के लिए धूपघड़ी शब्द भी बना। एक घंटे समय के बाद घंटा वजता है। अतएव उस समय को घंटा शब्द से व्यक्त करने लगे। 'समय' शब्द भी अनुपोगद्वार सूत्र (१३३) के अनुसार समय का सबसे छोटा परिमाण था। असंख्य समयों की एक आविलका तथा असंख्य आविलकाओं का १ उच्छास, प्राण अथवा निश्वास होता था। प्रारंभ में यह काल विशेष का वाचक होकर वाद में सामान्य काल के अर्थ में यह प्रयुक्त होने लगा। यही इतिहास क्षण, मूह्त तथा भार आदि शब्दों का है।

### पाष्ठिक-विभाजन:

वया पाष्टिक विभाजन विदेशी है ? दिन के ६० माग मारत में वेदांग ज्यो-तिप-काल से ही प्रचलित हैं। वेदांग ज्योतिप में भी लिखा है कि दिन रात में ६० मुहूर्त्त श्रीर १ मुहूर्त्त में २ नाडिकायें अर्थात् १ दिन में ६० घड़ी होती हैं। देखिये:—

कला दश सर्विशास्यात् द्वे मुहर्त्तस्यु नाडिके ।

तित्त्रशं-द्यु-कलानां तु पट्छती त्र्यविका भवेत् ॥

अर्थात् २ नाडिकायें = १ मुहूर्त, ३० मुहूर्त = १ दिन, ६०३ कलायें = १ दिन। कोटित्य अर्थणास्त्र में भी आया है:—

'द्दों त्रुटी लवः । द्दोलवी निमेपः । पंच निमेपाः काष्ठा । त्रिशत्काष्ठाः कला । चत्वारिशत्कलाः नाडिका । द्विनालिका मुहूर्त्तः ।" चक्र के ३६० भाग वैदिक काल में भी आते हैं। यथा :—

रं कीलोत्क्षेपामिहतः पटहः शब्दं करोति घण्टा वा । एवं यन्त्रसहस्राण्यनेन वीजेन कार्याणि ॥ (त्रा० स्फु० २२।५२)

हाद्या प्रययस्वत्रमेकं त्रीत्म नम्यानि क उ तिस्वकेत । तिस्मरत्साकं त्रियता न शंकवोऽपिताः पाष्टि न चला चलासः ॥ (ऋषेद ॥)

प्रहर:

इम प्रकार घटी तो प्राचीन ही है किंतु उसके ६० माग आयंभटीय में विनाडिका नाम से मिलते हैं। उसके परवर्ती सब लेखकों ने पिट्ट-विभाजन प्रहण किया। घड़ी के साथ-साथ दिन रात में = प्रहरों का होना भी पुराना है। आज भी दुपहर, तीमरपहर दिन के दूसरे तथा तीमरे पहर के लिये बीले जाते हैं। कौटिल्प काल में = के स्थान पर दिन के १६ विभाग किये जाते थे। यथा:—

> "नालिकाभि रइरप्टबा रात्रि च विन्नजेन् । छाया प्रमागेन वा'' ।काहिन्य अर्थ०. ৮০ ३७)

नानिकाओं से अथवा छावा प्रमाण से दिन-रात के माग करे किंतु प्रहर के स्थान पर यहां भाग शब्द प्रयुक्त किया गया है । यहां नानिका से भी छायानानिका का अर्थ है ।

#### याम:

"प्रहियते दक्कादि रिस्मन्" अर्थात् इन व्याख्या से प्रहर ग्रध्य भी प्रहर अर्थान् समाने से मन्यन्यित है। प्रहरी चौकीदार होते थे जो घंटे बनाने का काम करते थे। र प्रहर के बाद दोल ग्रादि वाद्य पर एक प्रहार किया जाता था। अतएव इसका नाम प्रहर पड़ा। क्यागरितनागर और पंचतंत्र में प्रहरियों का उल्लेख है। अमरकोष में मी "हो याम-प्रहरी सभी" अर्थात् याम और प्रहर पर्यायवाची है। याम रात की रायवानी अर्थान् चौकीदारी को कहते थे, जो तीन-तान घंटे बाद बदलती थी, अतएय यामिनी (रात) सब्द बना। देखिये याम शब्द का प्रयोग:—

पटचार् यामिनी यामास्त्रमादमिव चेतना । (रपु०, १७११) अविदिय गतमामा रामिरेव व्यरंगीत् । (ष्टतर राम० नाटक)

पामी असवा सभी के यम मरणजन्य दुः छ को भुलाने के लिए यामिनी की मृत्य होई। यह भी कमा लाती है ।

समन्वय सूक्ष्म रीति से स्थापित नहीं किया जा सका क्यों कि २० वर्षों में साढ़े तीन दिन की अगुद्धि हो जाती थी क्यों कि वेदांग-ज्योतिष में मासमान गुद्ध २६.५३० मह के स्थान पर २६.५१६ माना जाता था। इस अगुद्धि की दूर करने के लिये आयं मट ने युगमान ४३,२०,००० वर्षों का रक्खा। इस काल में न केवल सूर्य और चन्द्रमा ही बल्कि और ग्रह भी लगभग पुन: उसी स्थान पर लौट आते हैं जिस पर कि वह युगादि में थे। यथा:—

"अय युगस्य कि लक्षणां । उच्यते-चैत्र गुक्ल प्रतिपद्यर्घोदये सवितरि लंका-याम् मीन-मेप-संबी प्रवृत्ती ग्रहो पुनर्मीनमेपसंघी चैत्र गुक्ल प्रतिपदि सवितुरघोंदये लंकायां यावता कालेन प्राप्तोति तावत्कालो युगम् ।" उक्तं च

चैत्रसितादौ सूर्ये विपुवत्यचौदिते प्रदृतस्य ।

मेषादिर्मीनान्तं तथाविषस्यैप संप्राप्ति: ।। (मा० प्र० आर्य० की टीका)

अर्थात् लंका में चैत्र शुक्ल प्रतिपदा के अर्घ सूर्योदय के समय ग्रह जिस स्थान पर हों उसी स्थान पर जितने समय में चैत्र शुक्ल प्रतिपदा को ग्रह पुन: अर्थोदित हो वह 'युग' कहलाता है।

वैदिक काल में मानुष युग ५ वर्ष का माना जाता था। इसका संकेत निम्न मंत्र में हैं :---

दीर्घतमा मामेतयो जुजुर्वान् दशमे युगे । अपामर्थं यतीनां ब्रह्मा भवति सारिधः ॥ (ऋग्वेद १।१५८)

इस मंत्र में ममता के पुत्र दीर्घतम नामक ऋषि ने महर्षि आहिवन के प्रभाव से ग्रपने दु:ख से छूटकर जीवन के शेप १० युग सुख से विताये। इस कथा का उल्लेख है।

युग का अर्थ युग्म भी होता है। ऋग्वेद संहिता के १.१०. ३-४ मंत्र में 'मानुपेमा युगानि' आया है जिसके भाष्य में सायण ने युग को सतयुग आदि युगों में आया हुआ बताया है। किलयुग आदि नामों की न्युत्पत्तियाँ बाद में बताई गई हैं। अधिमास:

वेदांग-ज्योतिए में जैसा कि पहिले कहा गया है, चान्द्रवर्ष और सौरवर्ष के समन्वय के लिये पांच वर्ष के ग्रुग की करणना की गई थी। जिस ग्रुग में १८३० दिन तथा पूरे ६२ महीने माने जाते थे और पांच वर्षों में दो [अधिमासों की सृष्टि की थी, एक बीच में और एक बंत में जो आजकल भी माने जाते हैं। इन्हीं को मलमास तथा लींद का महीना भी कहते हैं। इनको वैदिक साहित्य में संसर्प तथा अहस्पित नाम से ब्यक्त किया गया है। वेदांग-ज्योतिए के इन बागे लिखे बलोकों में अधिमास आदि का विधान है:—

(३) द्वापर युग्म, (४) कल्योज । किसी राशि में से यदि ४ से भाग दें, इसमें क्रमशः ४, ३, २. अथवा १ वचता है । इन्हीं राशियों को क्रमशः कृतयुग्म, त्र्योज, द्वापरयुग्म तथा कल्योज कहा है । इससे संख्याओं को चार भागों में विभक्त करने का सुझाव मिलता है अर्थात् ४ क + ४, ४ क + ३, ४ क + २, ४ क + १ ।

# प्रकरण ६. वर्ष

यह रुपु (सेचने) धातु से अच् प्रत्यय लगा कर बना है। शतपथ ब्राह्मण में इस शब्द का वर्तमान अर्थ में प्रयोग मिलता है। वर्ष का शाब्दिक अर्थ है वर्षा। ब्रादिम काल में वर्ष का ज्ञान वर्षा ऋतु के दृश्य की कुछेक काल के बाद पुन:-पुन: आर्रित देखकर ही हुआ था। किसी की अवस्था बताने के लिये वे कहते होगें कि १० वर्ष हो गए अर्थात् इसके जन्मकाल से १० वर्षा ऋतुएँ व्यतीत हो गईं। इसी प्रकार १० शरद् का अर्थ है, जन्म से १० शरद् ऋत्एँ व्यतीत हो गईं। ऋग्वेद में शरद् शब्द वर्ष के अर्थ में निम्न मंत्र में आया है :—

तच्चक्षुर्देवहितं पुरस्ताच्चक्रमुच्चरत पश्येम शरदः शतं, शृगुयाम शरदः शतम् जीवेम् शरदः शतम् ।।

यहाँ १०० शरद् जीने की कामना की है। इसी प्रकार से अन्य ऋतुओं का मी लाक्षणिक अर्थ वर्ष होगा। जैसे:—

शतंजीव शरदोवर्धमान: शतं हेमन्ताञ्छतममु वसन्तान् । शतमिन्द्राग्नी सविता वृहस्पति: शतायुषा हविषेमं पुनर्दु: ॥

(ऋग्वेद १०।१६१।४)

इसमें हेमन्त और वसंत ऋतु का भी लाक्षिए। अर्थ इसी प्रकार वर्ष है। कुछ ऋतुओं का अधिक प्रयोग होने से लौकिक संस्कृत तक में उनका अर्थ वर्ष रहा जैसे वर्ष और शरद। अरों का अधिक प्रयोग न होने से वर्ष का अर्थ उन शब्दों में सुनिहित नहीं होने पाया।

पर्याय:

पयाय: वर्ष के पर्याय ये हैं:—(१) संवत्सर, वत्सर, अब्द्, शरद्, हायन, हयन, समा (संवत्सरो, वत्सरोऽब्दो, हायनोऽस्त्री शरत्समा: इत्यमर:) (संवद्वर्षे इत्यमर:)। संवत्सर:

संवत्सर: अब्द का अर्थ वादल अथवा वर्षा है। यह भी शब्द वर्षा ऋतु से संबंधित है। संवत्पर का अर्थ है "संवसन्ति ऋतवोऽत्र" त्रर्थात् जिसमें समस्त ऋतुओं का वास हो।

१. संभव है वर्षा का अंतिम विन्दु वर्ष के आदि एवं अंत को जानने के लिए अपेक्षाकृत अधिक सुविधाजनक रहा हो अतएव शरद, तथा वर्ष शब्द साल के अर्थ में को ६ ऋतुयें मानी जाने लगी। तैतिरीय-संहिता में छओं ऋतुओं के वर्तमान नाम आये हैं देखिए:---

मधुरच माघवरय वासंतिकावृत्, शुक्ररच शुचिरय ग्रैष्मावृत् नभरच नमस्यरच वार्षिकावृत् इषरचोर्जरच शारदावृत् सहरच सहस्यरच हैमंतिकावृत् तपरच तपस्यरच भैशिराव्त् । अर्थात् :—

मधु, माघव = वसंत शुक्त, शुचि = ग्रीव्म नम, नमस्य = वर्षा इष, ऊर्ज = शरद सह, सहस्य = हेमन्त तप, तपस्य = शिशिर

# वैदिक काल में वर्ष का प्रारम्म :

इस उद्धरण से यह भी प्रतीत होता है कि वर्ष का प्रारम्भ वसंत ऋतु से होता था। वास्तव में वैदिक काल में वर्ष एक वसंत संपात से दूसरे वसंत संपात तक मानी जाती थी। लगभग ५०० ईसवी पूर्व से वर्ष का प्रारम्भ वर्ष ऋतु से माना जाने लगा। इस सम्बन्ध में निम्न उद्धरण अवलोकनीय है:---

सावण बहुल पठिवए वालवकररो श्रभीइ नक्खते । संव्वत्य पडम समये जुझास आई वियासाहि ॥ (सूर्य० प्र०)

(संस्कृत) श्रावण बहुल प्रतिपदि बालवकरणे अभिजिन्नक्षात्रे ।

सर्वत्र प्रथमसमये युगस्य स्रादि विजानाहि ॥

श्रयति युग-प्रारम्भ श्रावण वदी प्रतिपदा को होता है। कौटित्य अर्थशास्त्र का निम्न उद्धरण भी इस संबन्ध में अवलोकनीय है:—

श्रावणः प्रोष्ठपदश्च वर्षाः, आश्वयुजः कार्तीकश्च शरत् । मार्गशीर्षः पौषश्च हेमन्तः । माघः फाल्गृनश्च शिश्विरः चैत्रो वैशाखश्च वसंतः ।

(कोटिल्य अर्थशास्त्र, पृ० १०६)

### प्रकरश ८. मास

# पीर्णमासी, अमावस्या :

मासों की गणना चन्द्रमा की गित से की जाती है अर्थात् जितने काल में चन्द्रमा पृथ्वी का एक चनकर लगा ले उसे मास कहते हैं। यह काल २६.५३०५८८ हैं। व्यवहार में इसे ३० दिन का माना जाता है तथा इस मिन्न का सासन्त पूर्णमान ३० ही है। चन्द्रमा से सम्बन्धित होने के कारण इसका नाम मास पड़ा क्योंकि मस्,

चन्द्रमस् का मूल नाम है, चन्द्र तो आन्हादित करने के कारण उमका एक विकेषण हैं। मस् से मास इत प्रकार बना जैसे पयस से पायस । इसका विग्रह यह है 'नार-चन्द्रस्तस्यायन अण्' पौर्णनासी का भी अर्प है जिसमें मस् (चन्द्र) पूर्ण हो। एवं असा का अर्थ है नम् बिल्कुल न हो जिसमें । अमावस्या की 'अमा अपीत एक घर (राशि) में नुर्य तथा चन्द्रमा का बास हो जिसमें यह एक प्राचीन ब्युत्सत्ता सी है। देखिए हिन्दी पंक्ति: -

अधिक अंधेरो जग करे मिलि मावस रवि चन्द-विहारी !

मासों के वर्तमान नाम प्राय: सभी चन्द्रमा एवं नक्षत्र-नामों से सम्बन्धित हैं जैसे: - चैत्र, वह नात है जिसकी पूर्णिमा को चन्द्रना चित्रा नक्षत्र से योग करता हो । इसी प्रकार वैशाख, विशाखा नक्षत्र से; ब्वेष्ठ, ब्वेष्ठा नक्षत्र मे; आषाह, पूर्वी-पाइ नक्षत्र से; श्रावण, श्रवण नक्षत्र से; भादी, भाद्रपद नक्षत्र से; जाहिबन जहिबनी नमत्र ते; कार्तिक, इतिका नमत्र ते; मार्गशीर्ष, मुराशिरा नमत्र ते, सौष पुष्प समत्र ते; साघ, सघा नक्षत्र ते; फाल्गुन, फाल्गुनी नक्षत्र ते सम्बन्दित हैं। ये नाम स्रविक वैज्ञानिक हैं तथा इनसे महीनों की सट पहिचान भी हो जाती है अतएव नम्, माधव जादि वैदिक नामों के स्थान पर ये नाम कल पड़े। मार्गशीर्ष का दूसरा नाम अगह्न है जो अग्रहायण से बना है। इसका अर्थ है हायन अपीत वर्ष का अग्र अपीत् वयमास । पहिले किसी समय में वर्ष, अगहन ने प्रारम्भ होता था । एक दूसरा नास-नाम कुंवार भी दृष्टव्य है। इसका दूसरा नाम आख्विन है। वास्तद में आख्विन मास अश्विनी नक्षत्र से सम्बन्धित है क्योंकि इसके देवता अश्विनीकुमार हैं। प्रश्विनी कुमार से सम्बन्धित होने के कारण यह मास 'ब्राब्दिनीकुमार' कहलाया । पुनः इसके दो टुकड़े हो गए, एक आश्विन तथा दूसरा कुमार (कुवार)। आश्विन का दूसरा नाम बरवपुज् मी है, इसी का बिनड़ कर असीज हो गया।

मातों के प्राचीन वैदिक नाम:

प्राचीन वैदिक काल में महीनों के नाम नक्षत्रों के नामों पर नहीं दे क्योंकि नक्षत्र ज्ञान तो बाद में विक्रसित हुआ । उस समय महीनों के नाम निम्नलिखित थे जो प्राय: गुण-गत नाम हैं :— (१) मधु (२) माधव (३) गुक्र (४) गुब्ब (४) नमः (६) नमस्य (७) इषा (=) ऊर्ज (६) सहस् (१०) सहस्य (११) तयस् (१२) तयस्य ।

### प्रकरण ६. दिन, वार

दिन शब्द दीङ् धातु से नक् प्रत्यय सगने से अथवा दा धातु से किनन् प्रत्यय लगने से दना है। दोड़्का अर्थ कीण होना तथा दाका अर्थ काटना है। जो अंधकार को क्षीण कर देता है अधवा काटता है वह दिन है। दिन से निलवे-जुलते

१. देखिए ऋतू प्रकरण।

भव्द लेटिन का (Paren-dinus) तथा गोथिक का (Sintein, deinan) स्लावक (dini) है। दिन का अर्थ है रात्रि के बाद का वह काल जिसमें प्रकाश रहता है। यह दृष्य वार-वार मनुष्यों ने देखा। अन्त में पहले तिथियों से अहोरात्र गिने और बाद में सप्तग्रहों के आधार पर रिववार (इतवार — आदित्य वार), सोमवार, मंगल-वार, बुघवार, बृहस्पितवार (गुरुवार), शुक्रवार, शनिवार ये नाम पड़े। वास्तव में प्रत्येक दिन के ये ग्रह देवता माने जाते हैं। जब ७,७ प्रकाशों के वर्ग बनाए गये और बारी-वारी से रिववार आदि दिन माने गये तो दिन के अर्थ में दिनवार शब्द रक्खा गया। मंगल दिनवार का अर्थ है मंगल ग्रह के अधीन दिन (प्रकाश) की वारी। दिनवार शब्द का वराहिमिहिर का प्रयोग निम्न श्लोक में देखिए:—

दिनचार प्रतिपत्तिनं समा सर्वेत्र कारणं कथितम् । नेहापि भवति यस्माद्विप्रवदन्तेऽत्र दैवज्ञाः ॥ (पं० सि०, प्र० ४५) द्युगणाद्दिनवाराप्तिः द्युगणोऽपि देशकाल-सम्बंधात् ।

अर्थात् सब जगह दिन का प्रारम्भ एक समय नहीं होता । इसका कारण वता दिया गया है ।

इसी दिनवार शब्द के दो भाग हो गये और दोनों भाग दिन और वार स्वतंत्र शब्द बनकर अपना प्राचीन अर्थ हो ब्यक्त करने लगे। ऐसे उदाहरण कई एक मिलते हैं। जैसे वलीवर्द के पृथक् शब्द वैल और वर्द बन गये। आदिवनीकुमार के आदिवन और कुंवार। चन्द्रमस् के चन्द्र और मस्,। हिन्दी के इन डवलिट शब्दों का अपना एक निजी इतिहास है।

दिवस शब्द मी दिव (दीप्ती) धातु से असच् प्रत्यय लगकर बना है। दिव का अर्थं है दीप्त होना अर्थात् जो चमके वह दिवस है।

## प्रकरण १०. देशान्तर, रेखांश

पंचांगों में देशान्तर घड़ी और पलों में दिये रहते हैं। देशान्तर में मध्यमपदलोपी तत्पुरुप समास है क्योंकि उसका अर्थ है देश कालांतर ग्रर्थात् दो देशों
(दिक्) अर्थात् स्थानों के कालों का अंतर इसमें एक स्थान के सापेक्ष दूसरे स्थान का
देशान्तर निकाला जाता है। पंचांग में काशो के सापेक्ष अन्य नगरों के देशान्तर दिये
रहते हैं। इंगलैंड में ग्रीनिवच के सापेक्ष अन्य स्थानों का देशान्तर-मान निकाला
जाता है जो ०-१८० अंश पूर्व तथा ०-१८० अंश पिचम तक होता है। अंश में
४ मिनट का अन्तर पड़ता है तथा वियुवत् रेखा पर एक ग्रंश में लगमग ६६ मील
दूरी होती है।

देशान्तर को महाभास्करीय में (पृ० २१-३६) देशकालविवर भी कहा है। विवर का अर्थ अन्तर होता है अतएव इससे पूर्व ब्युत्पत्ति की पुष्टि होती है। अक्षांशकाः पंचदर्शैव यस्मिन् छायारवेः पंचमभागयुक्ता । सार्धागुंला स्यात्सममण्डलोत्या वाच्यो विस्वान् खत्रु तत्र कीटक् ।। (म० भा०, पृ० =६)

# प्रकरण १२. लम्बन, नति

## ध्युत्पत्ति:

इन दोनों का भव्दार्थ कमशः लटकना तथा भुकना है। लम्बन शब्द लम्ब् धातु से तथा नित शब्द नम् धानु से कमशः स्यूट तथा क्तिन् लगाकर बने हैं।

लम्बन शब्द भास्कर प्रथम ने अपने ग्रंथ महाभास्करीय में प्रयुक्त किया है। यथा :---

प्रासादिमोक्ष काली स्तस्ताम्यां जीवाविषस्तदा । प्रासमध्य विनिष्पन्न लम्बनान्तर-नाडिकाः।। (पृ० ६०)

### प्रयोग :

सूर्यसिद्धान्त में भी यह शब्द आता है। देखिए:— देशकाल विशेषेण ययावनतिसम्मवः। लम्बनस्यापि पूर्वान्यदिग्वशाच्च तथोच्यते।। (पृ० १३५)

इसमें लम्बन ग्रीर अवनित दोनों शब्द आये हैं। लम्बन का अर्थ अंगरेजी की 'पैरेलेक्स इन लींगीच्यूड' तथा नित का अर्थ 'पैरेलेक्स इन लींगीच्यूड' है। इससे पूर्व के सूर्यसिद्धान्त के श्लोक में लम्बन के लिए हरिज शब्द भी प्रयुक्त किया गया है लम्बन की उतंगित्त भूषृष्ठ और क्षितिज के कारण होती है अतः क्षितिज का दूसरा पर्यायवाची शब्द हरिज भी लम्बन के अर्थ में आया है। हरिज शब्द यूनानी होरा-इजन का अनुकृति मात्र है। हरिज का प्रयोग इस अर्थ में विरल है तथा अवनित के स्थान पर नित का प्रयोग वाहुल्य रूप से हुआ है। अव 'पैरेलेंग्से' के लिए एकमात्र लम्बन शब्द है क्योंकि लींगीच्यूड और लेंटीच्यूड के लिए देशान्तर (रेखांश) तथा अक्षांश शब्द हैं ही, उनको लगाकर उक्त संकल्पनाओं के लिए पृथक् शब्द वन सकते हैं।

नित अब अंगरेजी के इन्जलीनेशन के लिए प्रथुक्त होता है जिसके लिए वह उपयुक्त भी है क्योंकि नित का शब्दार्थ भुक्तना ही है लम्बन तथा अवनित शब्दों का बाह्यस्फुट सिद्धान्त में भी प्रयोग हुआ है। देखिए:—

हरपाहरमं हग्गोलाधं भूत्र्यासदलिवहीन युत्तम् ॥ दण्टा भूगोलोपरि यतस्ततो लम्बनावनता ॥ (त्रा० स्फु० सि०२१।६४) लम्बन से तात्पर्य है प्रेज्ञक की विभिन्न स्थितियों के कारण उत्पन्न पिंड का विस्थापन ।

### प्रकरण १३. पात

पात गव्द पन् घातु से घज् प्रत्तय लगाकर बना है। पात का शव्दायें हैं 'गिरना' किन्तु ज्योतिप और रेखागित में यह अन्य विशिष्ट अयों में प्रयुक्त होता है। ज्योतिप में पात शब्द से उन दो बिन्दुओं का बोध होता है जहाँ ग्रहों की कक्षाएँ कान्तिहत को काटती हैं। चूँकि यहां ग्रहों की कक्षायें तथा क्रान्तिवृत्त दोनों एक स्थान पर गिरते हैं अर्थात मिलते हैं अत्पव इस बिन्दू का नाम पात हुआ।

ज्यामिति में पात शब्द वक के दिक-विन्दु (Double point) के अर्थ में प्रयुक्त होता है। अगरेजी का नोड शब्द भी ज्योतिप के उपरोक्त अर्थ के अतिरिक्त ज्यामिति के दिक-विन्दु के अर्थ में भी प्रयुक्त होता था। अतः अंगरेजी की भाँति ज्योतिप का पात शब्द ज्यामितीय अर्थ में भी प्रयुक्त किया जाने लगा। अतः ज्योतिप में यदि पात शब्द योग रूढ़ है तो ज्यामिति में वह केवल रूढ़ ही है। इत रूढ़ि का आवार अंगरेजी भाषा है और यह प्रयोग आधुनिक है। वैसे इस विन्दु पर भी वक्त की दो शाखायें मिलता ही हैं। अतः यह योगरूढ़ शब्द भी कहा जा सकता है।

### प्राचीन प्रयोग:

ज्योतिपीय अर्थं में पात शब्द के प्रयोग आर्यमट, भास्कर प्रथम तथा ब्रह्म-गुप्त आदि के ग्रंथों में मिलते हैं। इस सम्बन्ध में नीचे कतिपय क्लोक उद्धृत किए जाते हैं:—

तारा ग्रहेन्द्रुपाता भ्रमन्त्यजस्नमपमण्डलेऽर्कश्च ।
अर्काच्च मण्डलार्थे भ्रमितिह तिस्मिन् क्षितिच्छाया ।। (आर्य० गोल० २)
पातभागिवहीनस्य समिलप्तस्य निश्चयात् ।
हत्वा समास्व विक्षेपात् भागहारेण माजयेत् ।। (महा० भा०, पृ० ७६)
प्रतिपादनार्थेमुच्चं प्रकल्पितं ग्रहगतेस्तथा पातः ।
भूक्ते क्लाविकता मानस्य च भवति कर्णावशात् ।। (ब्रा० स्फु० २१।३०)

प्रकरण १४. संपात, विषुव, जलविषुव, महाविषुव, मेषादि, वसंत संपात :

यह शब्द सम् । पत् घातु से घल् प्रत्यय लगाकर वना है। संपात का र्थ है सम् अर्थात् एक साथ पात अर्थात गिर पड़ना। जहाँ दो वस्तुग्रों का एक मिलना होता हो, उसको संपात कहते हैं। सम्पात शब्द ज्योतिप में विपुव- विन्दु (Equinoctial point) के अर्थ में प्रयुक्त होता है। इन दो बिन्दुओं पर कान्ति-वृत्त तथा विषुवद्यत परस्कर एक दूसरे से मिलते हैं ग्रतः संपात शब्द अपने पारिभाषिक अर्थ में भी अन्वर्थक है। इन दो बिन्दुओं को वसंत संपात तथा शरत् संपात कहते हैं।

ज्यामिति में संपात शब्द का अर्थ है परस्पर एक दूसरे पर इस प्रकार गिरना कि एक दूसरे को भली-भांति ढक ले। अंगरेजी में इसकी (Concidence) कहते हैं तथा एक दूसरे पर संपात करने वाले को संपाती (Coincident) कहते हैं। पर्याय:

वसंत संपात को प्राचीन काल में मेषादि तथा महाविषुव एवं शरत् संपात को तौल्यादि एवं जलविषुव कहते थे। मेषादि और तौल्यादि शब्दों के प्रयोगों के लिए आर्यभट का निम्न श्लोक दृष्टव्य है:—

मेषादेः कन्यान्तं सममुदगमपमंडलार्धमपयातम् ।

तौल्यादेमीनिन्तं शेषार्घं दक्षिगोनैव ॥ (आर्यं गोल ०१)

मेषादि :

अंगरेजी ग्रीर हिन्दी में सामान्य त्रुटि-

आर्यमट के समय (छठी शताब्दी के प्रारम्भ में) वसंत संपात मेष राशि के प्रथम बिन्दु पर तथा शरत् संपात तुला राशि के प्रथम बिन्दु पर था, अतः इन दोनों विदुओं को कसशः मेषादि तथा तौल्यादि कहा गया है। अब यद्यपि मेषादि मेष के बादि बिदु से हटकर मीन राशि के उत्तरा माद्रपद नक्षत्र के प्रथम चरण पर पहुँच चुका है तो भी वह मेषादि ही कहलाता है। आर्यमट से अब तक १४७१ वर्ष व्यतीत हो चुके हैं किर यह कैसे सम्भव है कि वसंत संपात वहीं पर स्थिर रह जाए जबिक तथ्य यह है कि विपुव विदु स्वयं भ्रमण करते हैं और २६००० वर्ष में एक परिक्रमण पूरा कर लेते हैं। इस प्रकार विछले १४३८ वर्ष में वसंत संपात लगभग हु राशि पीछे एरा कर लेते हैं। अंगरेजी में भी वसंत संपात बिन्दु को अब भी 'फर्स्ट प्वाइन्ट ऑफ एरीज' कहा जाता है। अंगरेजी की मांति हिन्दी में मी यह त्रुट चल रही है। अपाचीन प्रयोगः

संपात शब्द के प्राचीन प्रयोग के लिए आर्यभट प्रथम तथा भास्कर प्रथम के निम्न क्लोक अवलोकनीय हैं:—

पूर्वापर दिग्रेखाऽधरश्चोर्घ्वा दक्षिणोत्तरस्त्तथाच । एतासां संपातो द्रव्टा यस्मिन् भवेद्देशे ।। (आर्य० गो०, पृ० २०)

र. विष्णव संप्रदाय के अनुसार आर्यभटीय के आबार पर बनाया हुआ पंचांग है। वार्मिक कृत्यों में अनुसरणीय है अतएव संक्रान्ति-काल में २२ दिन की त्रुटि रहती है। वर्यों कि आर्यभटीय की बने हुए १४७१ वर्ष व्यतीत हो चुके हैं। मारत सरकार ने अपने पंचांग में यह त्रुटि ठीक कर दी है।

बिन्हु (Equinoctial point) के अर्थ में प्रयुक्त होता है। इन दो विन्हुओं पर कान्ति-कृत तथा बिटुकदत परस्तर एक दूसरे से मिलते हैं अतः संपात सब्द अपने पारिसायिक अर्थ में मी अन्वर्षक है। इन दो विन्हुओं को वर्मन संपात तथा सरत् संगत कहते हैं।

ज्यानित में संपात शब्द का अब है परस्पर एक दूसरे पर इस प्रकार गिरना कि एक दूसरे को मली-मांति ढक ले। अंगरेजी में इसकी (Concidence) कहते हैं तथा एक दूसरे पर संपात करने दाले की संपाती (Coincident) कहते हैं। पर्याय:

वर्सन संपात को प्राचीन काल में मेपादि तथा महाविष्टुव एवं बरत् संपात को नौत्यादि एवं बलविष्टुव कहते थे। मेपादि और तौत्यादि शक्वों के प्रयोगों के विष्टु अर्थमट का निम्न इलोक हुल्डक्य है:—

नेपादैः कत्यान्तं सममुक्रगमयमंडलाबीमयबातम् । तौल्यादैनीनिन्तं वेपादौ दक्षिणेनैव ॥ (बार्ये० गील० १) मेपादि •

अंगरेजी ग्रीर हिन्दी में सामान्य पृष्टि—

अयंग्द के समय (छटी बताब्दी के प्रारम्म में) बनंत नंपात मेप राधि के प्रथम बिन्दु पर तथा बरन् संपात नृता राधि के प्रथम बिन्दु पर था, बतः इन दोनीं विद्वर्शों को क्षमाः मेपादि तथा तील्यादि कहा गया है। अब प्रछपि मेपादि नेप के बादि बिद्ध से हटकर मीन राधि के उत्तरा माउदद नक्षम के प्रथम बरण पर पहुँच दुना है तो मी वह नेपादि ही कहलाता है। आर्यमट से अब तक १४७१ वर्ष व्यतीत हैं। कुत्रे हैं किर यह कैसे सम्मव है कि बसंत संपात वहीं पर स्थिर रह जाए जबकि तथ्य यह है कि विपुत्र विद्ध स्वयं अमण् करते हैं और २६००० वर्ष में एक परिक्रमण पूरा कर लेते हैं। इस प्रकार विछ्ले १४३२ वर्ष में वसंत संपात लगभग है रागि पीछे हट गया है। अंगरेजी में भी दसंत मंपात बिन्दु को अब भी 'फ्रस्ट प्वाइन्ट बॉफ एरीज' कहा जाता है। अंगरेजी की मीति हिन्दी में भी यह बृद्ध चल रही है।' प्रार्थन प्रयोग :

संगत शब्द के प्राचीन प्रयोग के लिए आर्थमट प्रथम तथा भास्कर प्रथम के निम्न क्लोक अवलोकनीय हैं:—

पूर्वीवर दिग्रेखाऽबर्व्चोडर्वा दक्षिणीलरस्त्रयाच । एताला संवातो इण्टा यस्मिन् मवेड्डेय ॥ (लार्व० गो०, ५० २०)

१. वंद्यव संप्रदाय के अनुसार आये मटीय के आबार पर बनाया हुआ पंचांग ही पानिक हत्यों में अनुसरणीय है अतएव संक्रान्ति-काल में २२ दिन की बृदि रहती है। क्योंकि आर्यमटीय को नते हुए १४७१ वर्ष व्यतीत हो चुके हैं। मारत सरकार ने अपने पंचांग में यह बृदि ठीक कर दी है।

# ग्रन्थानुक्रमणिका

- १. अमर-कोप, अमर सिंह हुद (रामाधर्या), निर्णयसागर प्रेस ।
- २. क्रायस्तंद्र गुन्द मूत्र, मंगाव श्रीतिवासाचार्य, मैसूर विश्वविद्यालय, जीरियंडल लाइकेरी प्रकायन, १६३१।
- इ. ग्रान्टे-संस्कृत-इंग्लिश-शब्दकीय, स्वाट पीठ केट गोहे, सीट जीट कर्वे ।
- ४. म्रामंपटीय, बार्यमटहात, त्रिवेंद्रम सीरीज तथा परमेरवर टीका सहित ।
- ४. (क) ऋग्वेद संहिता, मायासाप्य, आर्य माहित्य मंडल, अजमेर, सं० २०१० । (ख) ऋग्वेद संहिता, सायणाचार्य माप्यसनेत,वैदिक संजोबन मंडल, प्रना १६४६ ।
- ६. एटीमोसीसीस आँड यास्त्र, डॉ० सिद्धेय्वर वर्मा कृत ।
- ७. ऐंगेंट इंडियन मैथनेटिक्स ऐंड वेद, एत० बी० गुजेर कृत ।
- ५. श्रीरिक्तिम ऐरिक्रपार्टरिक कृत, रीटलेज ऐंड केगीनपाल, लंदन।
- ६ कात्यायन शुन्द भूत्र, कर्क महीवर भाष्य सहिन चीर्लवा संस्कृत सीरीज, वाराग्यसी,१६३६।
- २०- क्षोटिलीय व्यर्थवास्त्र, संपा० वामवास्त्री, मद्राम मरकार प्रकाशन, १६२४।
- ११. कोटित्य अर्थवास्त्र, गामगास्त्री हुन ऑग्त बनुवाद, १६२६ ।
- २२. खंडखाद्यक, ब्रह्मगुष्त इन्त, अनु० प्रदीव चन्द्र सेन गुप्त, कलकत्ता विश्व-विद्यालय, १६३४।
- १६. गणित का इतिहास, सुवारकर द्विवेदी क्वन, बनारस प्रमाकारी प्रिटिंग प्रेस ।
- १४. गणित क्रीमुदी, नारायमा इत, गवर्नमेंट संस्कृत लाइब्रेरी, वाराणसी, १६३६ ।
- १५. गियत-तिलक, श्रीपित इत, सिंहतिलकसूरि व्याख्या सहित हीरालाल क्याडिया, बड़ीदा शीरियंटल इन्स्टीट्यूट ।
- १६. 'गणित-सार-संग्रह', महावीराचार्य क्वत, अनु०रंगाचार्य, महास सरकार प्रकाशन ।
- १७. ग्रह-नक्षत्र, त्रिवेर्जासिंह कृत, विहार राष्ट्रमाषा परिषद्, पटना ।
- पंचित्रद्वान्तिका, वराहमिहिर क्रत, जी० यीवो तथा सुवाकर, हिवेदी व्याच्या महित, १८८६ ।
- १६. प्रायन-इंगलिय डिक्सनरी, स्टेंगेम झृत ।
- २०. पाटोपिएत, श्रीवराचार्य इत, अनु० डॉ० क्रपासकर सुक्त, लखनक विस्व-विद्यालय, रागित तथा ज्योतिष विभाग द्वारा प्रकाशित ।
- २१. पाली इंगलिश टिक्शनरी, राइस ईविसकृत, पालिटैक्सट सोमाइटी लंदन ।
- २२. प्राकृत-प्रकाश, वरविच कृत ।

- २३. फैलन-न्यू-इंगलिश-हिन्दुस्तानी डिन्शनरी।
- २४. वक्षाली-मैन्स्किप्ट, जी० बार० काये द्वारा संपादित, १६२७।
- २५. बीजगणित, मास्कर द्वितीय कृत, दुर्गाप्रसाद द्विवेदी व्याख्या सहित नवल किशोर प्रेस लखनऊ, १६४१।
- २६. बुलैटिन-म्राफ-मैथिमेटिकल एसोसिएशन, वोल्यूम १२, १६४०-४१।
- २७. वृहज्जातक, वराहमिहिर कृत, हरिदास संस्कृत ग्रंयमाला, १६४६।
- २८. बाह्यस्फुटिसिद्धान्त, ब्रह्मगुप्त कृत, सुघाकर द्विवेदी व्याख्या सहित ।
- २६. मारतीय ज्योतिष का इतिहास, डॉ॰ गोरखप्रसाद कृत, प्रकाशन ब्यूरो, जत्तर प्रदेश सरकार, लखनऊ।
- ३०. भारतीय ज्योतिष, नेमिचन्द्र शास्त्री कृत, भारतीय ज्ञानपीठ, काशी ।
- ३१. महाभास्करीय, भास्कर प्रयम कृत, आनन्दाश्रम संस्कृत ग्रंथावली, १६४५।
- ३२. मोनियर विलियम्स संस्कृत-इंगलिश शब्दकोष, १८६६।
- ३३. रेखागणित, सम्राट जगन्नाथ कृत, कमलाशंकर आंग्ल अनुवाद सहित, निर्यायसागर प्रेस वम्बई १६०१।
- ३४. लघुभास्करीय, भास्कर प्रथम कृत, आनन्दाश्रम संस्कृत ग्रंथावली, १६४५।
- ३५. लोलावतो, भास्कर द्वितीय कृत, श्री सीताराम झा व्याख्या सहित, मास्टर खिलाडी लाल ऐंड संस, वाराणसी।
- ३६. वृहत्संहिता, वराहमिहिर कृत, एचकर्न द्वारा संगादित ।
- ३७. वेदांग-ज्योतिष, लगघ कृत।
- ३८. वेब्स्टर न्यू इन्टरनेशनल डिक्शनरों श्रॉफ इंगलिश लेंग्वेज, द्वितीय संस्करण, १६४७।
- ३६. वैज्ञानिक विकास की भारतीय परम्परा, डॉ॰ सत्यप्रकाश, बिहार राष्ट्रमापा परिषद्, पटना।
- ४०. वैदिक पदानुक्रम कोष, विश्ववन्यु शास्त्री कृत, लाहौर, १६३४।
- ४१. शतपय ब्राह्मण, भाग ३, गंगा विष्ण श्रीकृष्णदास, कल्याण-बम्बई, १६४०।
- ४२. शार्टर ब्राक्सफोर्ड इंगलिश डिक्शनरों, तृतीय संस्करण, १६५५।
- ४३. संस्कृत अलजेब्रा यनु० कोल बुक, १८१७।
- ४४. साइंस-ऑफ-दी-गुल्व, डॉ॰वी॰वी॰ दत्ता कृत, कलकता विश्वविद्यालय, १६३२।
- ४५. समीकरण-मीमांसा, म० सुवाकर द्विवेदी कृत, प्रकाशक—विज्ञान परिषद्, प्रयाग ।
- ४६. सिद्धान्त-कौमुदी, भट्टोजिदीक्षित व्याख्या, खेमराज श्रीकृष्णदास, वम्बई, १९५२।
- ४७. सिद्धान्त-तत्वविवेक, कमलाकर कृत, सुघाकर द्विवेदी व्याख्या सहित, १६२४।
- ४५. सिद्धान्तशिरोमिएा, गणिताच्याय भास्कर द्वितीय कृत, गिरजाप्रसाद द्विवेदी, भाषानुवाद सहित, नवलिकशोर प्रेस लखनऊ, १९२६।
- ४६. सिद्धान्तशेखर, माग १, २, श्रीपति कृत, वबुआ जी मिश्र व्यास्या सहित, कलकत्ता विश्वविद्यालय, १६४७।

- ५०. सूर्येसिद्धान्त, वर्जिस कृत आंगल अनुघाद, अमेरिकन औरियंटल सोसाइटी, म्यू हैविन।
- ४१. सूर्यसिद्धान्त, वल्देव प्रसाद मिश्र भाषा टीका समेत, गंगा विष्णु श्रीकृष्ण दास लक्ष्मी वैंकटेश्वर प्रेस, वम्बई ।
- ५२. स्दूडेंट-स्टैंडर्ड इंगलिश-उर्दू डिक्शनरी, अब्दुलहक कृत, तृतीय संस्करण, १६५५।
- ५३. स्कोष ऐंड डेबले मेंट श्रॉफ हिंदू गिंगत, इंडियन हिस्ट्री क्वार्टरली, वोल्यूम ३, सितम्बर १६२६ (लेख)।
- ५४. हिंदी भाषा का इतिहास, डॉ० घीरेन्द्र वर्मा कृत, हिन्दूस्तानी एकेडेमी, प्रयाग ।
- ५५. 'हिन्दू गिएत शास्त्र का इतिहास', डॉ० बी० बी० दत्त तथा डॉ० ए० एन० सिंह कृत, अनु० डॉ० कृपाशंकर शुक्ल डी० लिट्, प्रकाशन व्यूरो, उत्तर प्रदेश सरकार, लखनऊ।
- ४६. हिस्ट्रीन्त्रॉफ हिन्दू मैथिमेटिक्स, माग २, डॉ० बी० वी० दत्त तथा डा० ए० एन० सिंह कृत, मोतीलाल बनारसीदास, लाहीर, १६३८।

#### अस्य ग्रन्थ

- १. एटीमीलीजिकल डिक्शनरी आर्फ नेपाली लेंग्वेज, टर्नर कृत ।
- २. ताजिक नीलकंठी, संपा० खूबचन्द्र शर्मा गौड़, नवलिकशोर प्रेस, लखनऊ, १६३८।
- ३. पोजिटिव साइसिज श्राफ दी ऐशेंट हिन्दूज, व्रजेन्द्र नाथ सील कृत ।
- ४. हिस्ट्री स्रॉफ फिलोसिफी, ईस्टर्न एण्ड वेस्टर्न, डॉ० राघाकुष्णन कृत ।
  - ५. पाणिनीय कालीन भारत, डॉ० वासुदेवशरण अग्रवाल कृत ।
  - ६. जातक स्टोरीज, वोल्यूम्स ५, ६, प्रो० ई० बी० कोवेल कृत, १६५७।
  - ७. श्रभिधान राजेन्द्र।
  - प. हिन्दू एस्ट्रोनेमी, मुकर्जी कृत ।

# आर्यभटीय गणित-शब्दावली

(१) পল : axis	
हुग्गोलार्घ कपाले ज्यार्धेन विकल्पयेद् मगोलार्घम् ।	३।२३
विषुवज्जीवाक्ष भुजास्तस्यास्त्ववलम्बकः कोटिः ।।	
(२) अक्षच्या : sine of latitude	
विशेषगुणाक्षज्या लम्बकमजिता भवेदणमुद्कस्थे ।	
डदये बनमस्तमये दक्षिणगे घनमृ <b>ग्</b> गं चुन्द्रे ॥	\$1\$7
(३) ग्रसाग्र : end points of axis	इ।१व
पूर्वापर दिग्लग्नं क्षितिजादक्षाग्रयोदच लग्नयत् ।	
उन्मण्ठलं मबेत् तत्क्षयवृद्धि यत्र दिवसनिद्योः ॥	₹1 <b>१</b> €
(४) अय ऊर्घ्व (मण्डल) : vertical	
पूर्वापरमय ऊर्घ्यं मण्डलमय दक्षिणोत्तरं चैव ।	
क्षितिजं समपार्वस्यं भानां यत्रोदयास्तमयौ ।।	3137
(গ্) अचल : constant	
अमुलोमगतिनो स्यः पद्यत्यवलं विलोमगं यहत् ।	
अचलानि भानि तद्दत् समपश्चिमगानि लंकायाम् ।।	\$1 <b>\$</b> 8
(६) अंतपद : last term	
इप्टं ब्येकं दलितं सपूर्वमुत्तरगुणं समुखमध्यम् ।	
इष्टगुणितमिष्टवनं त्वयवाचन्तं पदार्वहतम् ॥	३११६
(७) अंतर : difference	
द्विकृतिगुणात् संवर्गाद् इ्यन्तर वर्गेण संयुतान्मूलम् ।	
अन्तरयुक्तं हीनं तद्गुराकारद्वयं दलितम् ॥	१।२४
(=) अनुलोमग:	
अनुलोमगानि मन्दाच्छ्रीश्रात् प्रतिलोमगानि वृत्तानि ।	
कट्यामण्डललगनस्ववृत्तमध्ये ग्रहो मघ्यः	२।२१
(ε) अनुलोमगति : with direct motion	
<b>चपरि</b> लिखित	3158

वायामगुरो पादवें तद्योगहृते स्वपातरेखे ते । विस्तार योगार्धगुरो ज्ञेयं सेत्रफलमायामे ॥

शन

(२१) आर्क्षी: stellar
गुर्वक्षराणि पष्टिर्विनाडिकार्क्षी पडेव कः
एव काल विभाग: क्षेत्रविभागस्तवा सल

(२२) आसन्न : approximate

चतुरधिकं शतमष्टगुरां द्वापिष्टस्तथा ः
अयुतद्वय विष्कम्भस्यासन्नो वृत्ता परिष्

(२३) इब्ट : number of terms in A. P. ( इब्टं व्येकं दलितं सपूर्वमुत्तरगुणं समु इब्टगुणितिमिष्टधनं त्वथवाद्यन्ते पदार्ध

(२४) इच्छाराशि: 3rd term in the rule o त्रैराशिक फलराशि तमथेच्छाराशिनाः लब्बं प्रमाणमजितं तस्मादिच्हाफलिक

(२५) उत्तर : common difference इब्दं व्येकं दलितं सपूर्वमुत्तरगुणं समुखाः इब्टगुणितमिष्टघनं त्वथवाद्यन्ते पदार्धहतः

(२६) उत्सर्पिणी : first half of epoch
उपसर्पिणी युगार्धं पश्चादपसर्पिग्गी युगार्धः ।
मध्ये युगस्य सुषमादावन्ते दुष्ममेन्दूच्चात् ॥

(२७) उन्मण्डल : south-north circle meant for me.

पूर्वापरदिग्लग्नं क्षितिजादक्षाग्रयोश्च लग्नं यत् ।

उन्मण्डलं भवेत्तात्क्षयदृद्धी यत्र दिवसनिशो: ।।

(२८) ऊर्घ्वभुजा : altitude or vertical side त्रिभुजस्यफलशरीरं समदलकोटिभुजार्धसंवर्ग:। ऊर्घ्वभुजा तत्संवर्गार्धं स घन: पडश्रिरिति।।

(२६) ऋण: minus

ऋणधनधनक्षया: स्युमंग्दोच्चाद् व्यत्ययेन शीघ्रोच्चात्। शनिगुरुकुजेपुमंदादर्धम्णधनं भवति पूर्वे ॥

(३०) कक्ष्या : orbit
पष्टया सूर्याव्दानां प्रपूरयन्ति ग्रहा भपरिणाहम् ।
दिव्येन नभः परिधि समभ्रमन्तः स्वकक्ष्यासु ॥

आर्यभटीय गणित-शब्दावली	२८७
(३१) कर्ण : hypotenuse यहचैव भुजावर्गः कोटीवर्गश्च कर्णवर्गः सः । वत्तो शर संवर्गोऽर्धज्यावर्गः खलु स घनुषोः ।।	१११७
Diagonal : वृत्तभ्रमेण साध्यं त्रिभुजं च चतुर्भुजं च कर्णाभ्याम् ।	
(३२) कपाल : hemisphere हग्गोलार्घकपाले ज्यार्घेन विकल्पयेद् भगोलार्घम् । विपुवर्जीवाक्ष भुजास्तस्यास्त्ववलम्बक: कोटि : ।।	३।२३
(३३) काल : time (in interest questions) मूलफलं सफलं कालमूलगुणमर्धमूल कृतियुक्तम् ।	• .
मूलं मूलार्घोनं कालकृतं स्यात् स्वमूलफलम् (३४) काल विमाग : division of time गुर्वेक्षरािंग पिर्टिबनाडिकार्क्षी षडेव वा प्राणः ।	१।२५
एवं कालविभागः क्षेत्रविमागस्तथा मगणात् ।। (३५) कृति : square	२।२
द्विकृतिगुणाद् संवर्गाद् द्वयन्तरवर्गेण संयुतान्यमूलम् । अन्तरयुक्तः हीनं तद्गुणकारद्वयं दलितम् ।। (३६) कोटि : crore; perpendicular	१।२४
एकं दश च शतं च सहस्रमयुतिनयुते तथा प्रयुतम् ।  कोट्यर्बुदं च व्न्दं स्थानात्स्थानं दशगुर्णं स्यात् ।।  त्रिभुजस्य फलशरीरं समदलकोटी भुजार्धसंवर्गः ।	१।२
कर्ष्वभुजातत्संवर्गार्घं स घनः षडश्रिरिति ।। यर्श्वैव भुजावर्गः कोटीवर्गश्च कर्णवर्गः सः ।	११६
वृत्ते शरसंवर्गोऽर्धज्यावर्गः स खलु धनुषोः ।। (३७) क्षय : minus	१।१८
ऋणधनघनक्षया:स्युर्मन्दोच्चाद् व्यत्ययेन शीघ्रोच्चात् । शनिगुरुकुजेषु मंदादर्धमृणघनं भवति पूर्वे ।। (३८) क्षितिज : horizon	२।२२
(२६) दितिल : तिराहरण पूर्वापरमधऊर्घ्यं मण्डलमथ दक्षिगोत्तरं चैव । क्षितिजं समपार्श्वस्थं मानां यत्रोदयास्तमयौ ॥	३।१८
(३६) क्षेत्र : space युगवर्षमासदिवसाः समं प्रवृत्तास्तु चैत्रगुक्लादेः। कालोऽयनाद्यन्तो ग्रहमैरनुभीयते क्षेत्रे।।	२।११

प्राचीन भार**ः** 

(४०) क्षेत्रफल : area

सर्वेषां क्षेत्राणां प्रसाध्य पार्क्षे फलं तदम्यासः । परियेः पड्मागज्यः विष्कममार्थेन सा तुल्यम् ॥

(४१) क्षेत्रविमाग: division of space

गुर्वेक्षराणि पिटिविनाडिकार्झी पडेव वा प्राणाः। एवं कालविभागः क्षेत्रविभागस्तया भगणान्॥

(४२) क्षेय : additive quantity

गुणकारा भागहरा भागहरा ये भवन्तिगृणकाराः । यः क्षेत्रः सोऽपचयोऽपचयः क्षेपरच विपरीते ॥

(४३) 평: sky

वृत्तभपञ्जरमध्ये कक्ष्यापरिवेष्टितः खमध्यगतः । मृज्जलशिखिवायुमयो भूगोलः सर्वेतोवृत्तः ।।

(४४) खण्डग्रहण : partial eclipse

प्रग्रहणान्ते बूभ्रः, खण्डग्रह्गो शशी भवति कृष्णः । सर्वग्रासे कपिलः स कृष्णताभ्रस्तमो मध्ये ॥

(४५) গভন্ত: number of terms

गच्छोप्टोत्तर गुणिताद्द्विगु्गः:बृत्तरविशेषवर्गयुतात् । मूलं द्विगुणाद्यूनं स्वोत्तरभाजितम् सरूपार्वम् ॥

(४६) गति : motion

मक्ते विलोम विवरे गतियोगेनानुलोमविवरौ हो । गरवन्तरेण भक्ती दियोगकालावतीतैष्यौ ॥

(४७) ग्रह : planet

दिव्यं वर्षसहस्रं प्रहसामान्यं युग हिपट्कगुणम् । अप्टोत्तरं सहस्रं ब्राह्मो दिवसो ग्रहयुगानाम ॥

(४८) ग्रहण : eclipse

स्कुट बाबि मासान्तेऽकैं पालासन्तो यदा प्रविवतीन्दु: । भूच्छायां पक्षान्ते तदाविकोनं ग्रहणमध्यम् ॥

(४६) गुराकार: multiplier

संपर्कस्य हि वर्गाद् विद्योवयेदेव वर्गसंपर्कम् । यत्तस्य नवत्ययं विद्याद् गुणकारसंवर्गम् ॥

आर्यमधीय गणित-शब्दावली	२८६
(४०) गुलिका: coloured shot	
गृलिकान्तरेसा विमजेद दृषीः पुरुषयोस्तु रूपकविशेषम् ।	
लर्झ्य गुलिकामूल्यं यद्यर्यकृतं भवति तुल्यम् ॥	११३०
(५१) गोल: sphere, globe	
काष्ठमयं समवृत्तं समन्तत: समगुरुं लघुं गोलम्।	
पारततैलजलैस्तं भ्रमयेत् स्विधया च कालसमम् ।।	३१२२
(५२) गोलार्ध : hemisphere	
भूग्रहमार्घानां गोलार्घानि स्वच्छायया विवर्णानि ।	
अर्वानि यया सारं सूर्यामिमुखानि दीप्यन्ते ।।	३१५.
(५३) घन : cube number, cubic figure	
वर्गः समचतुरस्रः फलं च सहशद्वयस्य संवर्गः ।	
सदृशस्य संवर्गो घनस्तया द्वादशाश्रि: स्यात् ।।	१।३
(१४) घनफन : volume	
समपरिणाहस्यार्वं विष्कम्भार्धहतमेव वृत्तफलम् ।	
तन्निजमूलेन हर्त घनगोलफलं निरवशेषम् ॥	११७.
(४५) चान: arc	
समवृत्त परिविद्याप छिन्द्यात् त्रिभुजाच्चतुभु जाच्चैव ।	
समचापज्यार्घानि तु विष्कम्भार्धे यथेष्टानि ॥	११११
(४६) चतुर्भु ज : quadrilateral	2177
वृत्तं भ्रमेण साध्यं त्रिभुजं च चतुर्मुं जं च कर्णाभ्याम् ।	
साच्या जलेन समभूर्य रुध्वं लम्बकेनैव ॥	9103
(२७) चान्द्र: lunar	१।१३
अविमासका युगे ते रिवमासेम्योऽधिकास्तु ये चान्द्राः।	
शाशादवसाविज्ञया भूमिवसोनास्तिथिप्रलयाः ॥	२१६.
(४८) चितिघन : sum in A.P.	714
एकोत्तराद्यंपचितेर्गच्छाद्येकोत्तर त्रिसंवर्गः।	
पड्मक्तः स चितिघनः सैकपदधनो विमूलो वा ।।	१।२१
(४६) छेद : denominator	1175
त्रैराशिकफलराशि तमथेच्छाराशिना हतं कृत्वा।	
लग्बं प्रमासमितं तस्मादिन्छाफलमिदं स्यात् ।।	0 15 5
, · · · · · · · · · · · · · · · · · · ·	१।२६

( E o ) 5	पा chord	
( , )	सर्वेषां क्षेत्राणां प्रसाध्य पार्वे फलं तदभ्यासः ।	
	परिधेः षड्भागज्या विष्कंभाधन सा तुल्या ।।	१।६
(5.5)	ì	
(६१) ज्य	าย์ : sine	
	प्रथमाच्चापज्यार्घाद् यैरूनं खण्डितं द्वितीयार्घम् । तत्त्रथमज्यार्घाशैस्तैस्तैरूनानि शेषाणि ॥	शश्र
(६२) जल	ग्जसत्त्व : acquatic animal	
<b></b>	यद्वत्कदम्बपुष्पग्रन्थिः प्रचितः समन्ततः कुमूर्मैः ।	
	तद्वद्धि सर्वसत्वैर्जलजै: स्थलजैश्च भुगोल: ॥	३।७
(६३) जीव	ा वा : c <i>h</i> ord	
( ( ( )	हम्गोलार्धकपाले ज्यार्धेन विकल्पयेद् भगोलार्धम् ।	
	विष्वरजीवाक्षभुजास्तस्यास्त्ववलम्बकः कोटिः ॥	३।२३
(६४) ता	त्कालिक ग्रास : instantaneous eclipse	
	विक्षेपवर्गसहितात् स्थित्यर्घादिष्टवर्जितान्मूलम् ।	
	संपर्कार्घाच्छोध्यं न शेषस्तात्कालिकोग्रास: ।।	३।४३
<b>(६५)</b> हि	त्रभुज : triangle	
, ,	ु त्रिभुजस्य फलशरीरं समदलकोटी मुजार्धसंवर्गः ।	
	ठ इर्वमुजा तत्संवर्गार्धं स घन: पडिश्रिरिति ।।	११६
(६६) त्रैः	राशिक : rule of three	
	त्रैराशिक फलराणि तमथेच्छाराशिना हतं कृत्वा।	
	लब्धं प्रमाणमजितं तस्मादिच्छाफलिमदं स्यात् ॥	\$135
(६७) द <b>f</b>	लित : halved	
, ,	रात्र्यूनं रात्र्यूनं गच्छघनं पिण्डितं पृथक्त्वेन ।	•
	व्येकेन पदेन हुतं सर्ववनं तद् मवत्येव ।।	१।२६
(६८) दः	त : ten	
	एकं दश च शतं च सहस्रमयुतनियुते तथा प्रयुतम् ।	
	कोट्यर्बुदं च दृन्दं स्थानात्स्थानं दशगुणं स्यात् ।।	शर
√६६) वि	त : twelve hour day	
-	बाह्यदिवसेन भूमेरूपदिष्टाद्योजनं भवति वृद्धिः ।	
	दिनतुल्ययैव रात्र्या मृदुपचितायास्तदिह हानि: ।।	३। ५
	5 65 10	, , , , , , , , , , , , , , , , , , ,

कार्यमटीय गणित-शब्दावली	<b>२ं</b> ६१
(७०) दिवस : day	
वर्षं द्वादणमासस्त्रिंशह्विसी भवेत्स मास्तु ।	
पटिनांड्यो दिवस: पप्टिश्च विनाडिका नाडी ॥	२।१
(७१) {इप्लम् : beginning and end of epoch	
उत्सर्विणी यृगार्धः पदचादपसर्विणी युगार्धः च ।	
मध्ये वृगस्य मुपमादावन्ते दुष्णमेन्दू=चात् ।।	२१६
(७२) हबझेप: meridian	
मध्यज्योदयजीवार्मवर्गे व्यासदलहृते यस्त्यात् ।	
तस्मच्यज्याकृत्योविशेषमूलं स्वद्दक्षेप: ॥	३।३३
(७३) दक्षिणोत्तरमण्डल : southern and northern circle	
पृर्वापरमञ्ज्ञद्वे मण्डलमय दक्षिणोत्तरं चैव ।	
बितिजं समपार्वस्यं भानां यवोदयास्तमयो ॥	३११८
(७४) हगोल : globe	
हग्गोलार्थकपाले ज्यार्थेन विकल्पयेद् भगोलार्धम् ।	
विषुवरजीवाक्षमृजास्तस्यास्त्ववत्तम्बकः कोटिः॥	श२३
(७५) दङ्मण्डल :	
ऊव्वेमघस्ताद् द्रष्टुर्जेयं दृङ्मण्डलं ग्रहाभिमुखम् ।	
दृक्क्षेपमण्डलमपि प्राग्लःनं स्यात् विराव्यूनम् ।।	₹1 <b>२१</b>
(৬६) हादगामि : cube solid	
वर्गः समचतुरस्यः फर्लं च सदृशहयस्य संवर्गः ।	
सदृगत्रयसंवर्गो घनस्तया द्वादशाश्रिः स्यात् ।।	१।३
(৩৩) ঘন—sum in A. P.	
(७=) यनुप—arc	
(७६) नमोमध्य — zenith	
(८०) नार्टा — <sup>1</sup> oth part of the day, घटो (८२) नासय — stellar	
(६२) नियुत—sichar (६२) नियुत—one lac	
(==) परिणाह—circumference	

- (न४) परिवर्त-variation, change
- (इप्) परिचि circumference
- (८६) प्रतिलोम-retrograde
- (५७) प्रतिलोमग- going in reverse direction
- (५५) प्रयुत—two iacs
- (**८**६) पात-node
- (६०) पाश्वे—side
- (६१) पिण्डित aggregated
- (६२) प्रारा-One Sixth of a विनाडिका
- (६३) फल-area
- (६४) দলবায়ি-2nd term in rule of three
- (६५) भगण-revolution
- (६६) भगोल-celestial sphere
- (६७) भागहार—division
- (६८) भूरविविवर-distance between the earth and sun
- (६६) भूगोल-earth
- (१००) 署中—compasses
- (१०१) मण्डल--circuit
- (१०२) मंदोच्च-upper apsis of a planet
- (१०३) मध्य middle term
- (१०४) मास-month
- (१०५) मुख—initial term
- (१०६) मूल-root; principal
- (१०७) मेपादि—first print of aries
- (१०८) यवकोटि-- a city peshaps in Japan oppositeto Rome
- (१०६) योग-addition
- . (११०) योजन -- a measure of distance

- (१११) रविमास solar month
- (११२) रब्यब्द—solar year
- (११३) रोमक विषय-Rome
- (११४) लम्बक—plumb line
- (११५) वर्ग-square figure
- (११६) वर्गमूल area of the square
- (११७) वर्गफल -- square root
- (११८) वर्ष-year
- (११६) विक्षेप—interchange
- (१२०) विनाडिका—One Sixtieth of a नाडिका
- (१२१) विपरीत त्रैराशिक—Inverted rule of three
- (१२२) विलोमग-with retrograde motion
- (१२३) विवर-distance
- (१२४) विप्वत्-equator
- (१२४) विष्कम्म-diameter
- (१२६) विष्कम्भार्च-radius
- (१२७) विस्तार—breadth
- (१२८) वृत्त—circle
- (१२६) वृद्धि—increase
- (१३०) वृन्द —one hundred crore
- (१३१) वेग-velocity
- (१३२) व्यत्यय—interchange
- (१३३) पड्भाग-one sixth
- (१३४) शंकु—conc
- (१३५) খন-hundred
- (१३६) शशिमास—lunar month
- (१३७) शशिदिवस-Iunas day
- (१३८) शीझोच्च -ahris of the swiftest motion of a planet
- (१३६) संपर्क-contact

- (१४०) संपात concurrence, coincidence
- (१४१) समचतुरस्र-square
- (१४२) समम्यस्त multiplied
- (१४३) सम्मिश्र-mixed
- (१४४) संवर्ग--product
- (१४५) सर्वेग्रास—full eclipse
- (१४६) सर्वेघन—sum, aggregate
- (१४७) सवर्णत्व-homogeneity
- (१४८) सहस्र—hundred
- (१४६) सिद्धपुर-a city below Ceylone
- (१५०) सुपमा middle of epoch
- (१५१) स्थलसत्व terresttrial animai
- (१५२) स्थान place (in decimal etc.)
- (१५३) हानि—decrease
- (१५४) होरेश day

# ब्राह्मस्फुटसिद्धान्तः

१. पूर्वदशाघ्याय	ζ
२. स्पष्टाविकारः	خ
३. त्रिप्रश्नाघिकारः	¥
४. चन्द्रग्ररुणाधिकार:	४
५. सूर्यग्रहणाधिकार:	x
६. उदयास्ताधिकारः	ૡૻ
७. चन्द्रशृंगोन्नत्यधिकारः	19
<b>द. चन्द्रच्छायाधिकारः</b>	5
६. ग्रहयुत्पधिकार:	
१०. भग्रस्युत्यधिकारः	१०
११. तन्त्र परीक्षाध्याय:	११
१२. गणिताध्यायः	१२
१३. मघ्यगत्युत्तराध्याय:	१३
१४. स्फुटगत्युत्तराघ्याय:	१४
१५. त्रिप्रक्नोत्ताराघ्याय:	S x
१६. ग्रहणोत्तराघ्यायः	) ह
१७. शृंगोन्नत्युत्तराघ्यायः	१७
१८. कुट्टकाघ्यायः	१८
१६. शंकुच्छायादिज्ञानाच्यायः	38
२०: छन्दिश्चत्युत्तराध्याय:	२०
२१. गोलाघ्यायः	<b>२</b> १
२२. यन्त्राच्याय:	<del>२</del> २
२३. मानाध्याय:	२३
२४. संज्ञाच्यायः	
२५. च्यानग्रहोपदेशाच्यायः	<b>२</b> , २,
	J 17

## व्रह्मगुप्त रचित ब्राह्मस्फुटसिद्धान्त की गणित-शब्दावली

ব্য — Degree

राश्यंशकलाविकला

शेपात् कथितादभीष्टतो नष्टान् ।

यः सावयत्युपरितनान्

समव्यमान् कुट्टकज्ञः सः ॥

ब्रा० स्फू० सि० १८।२३,२६

अंशक -- Numerator

विपरीतच्छेदगुणा

राय्योव्छेदांशकः समच्छेदाः ।

संकलितेंऽशा योज्या

व्यवकलितेंऽशान्तरं कार्यम् ॥

ब्रा० स्फु० सि० १.२२

अंशक — Degree

वंगकशेपात् त्र्यूनात्

सप्तहतात् मूलमूनमप्टाभि:।

नवभिगू णं सहपं

कदा शतं बुधिदिने सवितुः॥

ब्रा० स्फू० सि० १८।२७,१८

স্থল-- Terrestrial latitude

सलिलं भ्रमोऽवलम्बः

कर्णदछाया दिनार्घमर्कोऽतः ।

नतकालज्ञानार्थं

तेपां संसावनान्यप्टौ ॥

ब्रा० स्फु० सि० २२।६

वसांगक—Latitude

विप्वनमण्डलमूर्व्व

सममण्डलतः स्थितं स्वकाक्षांशैः।

याम्येनोत्तरतोऽयः

क्षितिने प्राच्यपरयोलंग्नम् ॥

ब्रा० स्फू० सि० २१।५१

Measure of amplitude (that is to say the distance from the extremity of the gnomon shadow to the line of the equinoctial shadow.

क्षितिजोन्मण्डलयोर्यत्

. स्वाहोरात्रान्तरं चरदलं तत् । क्षितिजेऽग्रा प्राच्य—

परस्वाहोरात्रान्तरांशज्या ॥

न्ना० स्फू॰ सि॰ २१।६१

अच्छेद — Integral

अच्छेदस्यच्छेदं रूपं कृत्वाऽन्यदुक्तवत् सर्वम् । अपवत्यौं छेदगूगी तुल्येनेष्टेन गुण्यौ वा ॥

ब्रा० स्फू० सि० १२।६१

अधिक - Greater

ऊनमधिकाद् विशोध्यं घनं घनादृणमृगादिधिकमूनात्। व्यस्तं तदन्तरं स्याद् ऋगां घनमुगां भवति।।

ना० स्फु० सि० १७।३१,३२

अधिमास—Exceeding month

त्र्यूनाधिमासशेषान् मूलं द्यधिकं विभाजितं षड्भिः। द्यूनं वर्गितमधिकं नविभनेवितः कदा भविति।।

बा० स्फू० सि० १८।२८,२६

अव:खण्ड-Segments of the diagonals

कर्णयुतावूध्वधिरखण्डे कर्णावलम्बयोगे वा । स्वावाधे स्वयुतिहृते द्विषा पृथककर्णलम्बगुरो ।।

ब्रा० स्फ० सि० १२।२५

अध्यमं - One and a half

मासेन सित्रमागेन सार्घायास्त्रिंशतेः फलम् । अष्टयर्थं यदि वर्षेण सार्धपष्टे रिहोच्यताम् ॥

चतुर्वेदाचायं

अनुपात -- Proportion

कर्णावलम्बकयुती खण्डे कर्णावलम्बयोरघरे। अनुपातेन तद्ने ऊर्ध्वे सुच्यां सपाटायाम्।।

ब्रा० स्फु० सि० **१**२।३०

बन्तर— Difference

धनयोर्धनमृणमृणयो र्घनर्णयोरन्तरं समैक्यं खम् । ऋगमैक्यं च धनमृणधनज्ञस्ययोः जून्ययोः जून्यम् ॥

ब्रा० स्फु० सि० १८।३०,३१

बन्त्य— Last or end digit

स्याप्योऽन्त्यवनोऽन्त्यकृतिस्त्रिगुणोत्तरसंगुणा चृतत्त्रयमात् । उत्तरकृतिरन्त्यग्णा त्रिगुणा चोत्तरघनश्च वनः ।।

न्ना० स्फू० सि० १२।६

बन्त्य (पद या मूल) - Root which is extracted from the

quantity so operated upon

मूलं द्वियेप्टवर्गाद् गुणकगूणादिष्टयुत्तविहीनाच्च । आद्यवयो गुणकगुणः सहान्त्यवातेन कृतमन्त्यम् ।।

न्ना० स्फु० सि० १८।६४,६४

अन्त्यघन—Last term

पदमेकहीनमुत्तरगुणितं संयुक्तमादिनाऽन्त्यवनम् । बादियृतान्त्यवनार्यं मध्यवनं पदगुणं गणितम् ।।

ब्रा॰ स्फु॰ सि॰ १२।१७

अपमण्डल—Ecliptic

पाताइचन्द्रादीनां भ्रमन्ति भावें रवेदच भूछाया । पातादपमण्डलवद् विमण्डलानि स्वविक्षेपैः ।।

ब्रा॰ स्फू॰ सि॰ २१।५३

लपनर्तन—Abridgement by a common measure अच्छेदस्य च्छेदं रूपं कृत्वाऽन्यदुक्तवत् सर्वम् । लपनत्यों छेदगुर्गो तुल्येनेप्टेन गुण्यो वा ॥

ब्रा० स्फू० सि० १२।६१

बद्- Year

सौरेणाव्दाः मासास्त्रिययश्चान्द्रेण सावनैदिवसाः। दिनमासाव्दपमध्या न तद्विनांऽर्केन्द्रमानाम्याम् ॥

ब्रा० स्फु० सि० २३।१

ब्रह्मगुष्त रचित ब्राह्मस्फुटसिद्धान्त की गिएत शब्दावली

अयुत -- Myriad

अवमावशेषमवमैरिघमासकशेषमिधमासैः। इष्टयुतोनं त्ल्यं कुर्वन्नावत्सराद्गणकः।।

ब्रा० स्फू० सि० १८।५८,५६

बर-- Spokes

लघुदारुमयं चक्रं समसुषिरारान्तरं पृथगराए। मृ। अवं रसेन पूर्णे परिघौ संश्लिष्टकृतसन्घः।)

ब्रा० स्फु० सि० २२।५३

अवभाव-Deficient, क्षय

अवभावणेषवर्गो व्येको विश्वतिविमाजितो ह्यधिकः। अन्टगुर्गो दशभवतो ह्विपुतोऽन्टादश कदा भवति।।

न्ना० स्फु० सि० १८।२६,३०

अवलम्ब - Plumbline

सिललेन समं साध्यं भ्रमेण वृत्तमवलम्बकेनोर्घ्वम् । तिर्यवकर्णेनान्यै: कथितैश्व नव प्रवक्ष्यामि ॥

न्ना० स्फू॰ सि॰ २२।७

Plum line

यष्टिन्यासार्द्धे वा घटिका णङ्क्वङ्गुलादितो मूलात् । अवलम्बसूत्रयुक्तया घटिका' दिवसस्य गतणेवा: ॥

न्ना० स्फू० सि० २२।२३

अवलम्बक -- Perpendicular

अविषमपार्श्वभुजगुणः कर्णो द्विगुणायलम्बकविषानतः । हृदयं विषमस्य भुजप्रतिभूजकृतियोगम्लाधेम् ॥

ग्रा० रफु० सि० १२।२६

अन्यक्त — Unknown

अव्यवतान्तरभवतं व्यस्तं रूपान्तरं समेऽव्यवतः । वर्गाव्यवताः सोच्या यसमाद् रूपागि तदघस्तातु ॥

मारुस्पृर्वार १८।४३,४४

अजनम — Impossible, not within power

गोलस्य परिच्छेद: कत् यन्त्रीयना यतोऽशयय: । संक्षिप्तं स्पष्टार्थं यन्त्राष्ट्यायं नतो यक्ष्ये ॥

बार स्मार सिर २२१४

असकृत्: Repeatedly

आद्याद्वणिनन्यान् वर्णान् प्रोह्याद्यमानमाद्यहृतम्।

सहशच्छेदावसकृद् द्वी व्यस्ती कुट्टकी बहुपु ।।

न्ना० स्फु० सि० १८।५१,५२

असदश: Unequal

कृतियुतिरसदृशराश्यो बहुर्घातो द्विसंगुणो लम्बः।

कृत्यन्तरमसदृशयोद्धिगुणं द्विसमित्रभुज भूमिः ।।

न्ना० स्फु० सि० १२।३३

ग्राकाश: Cipher

जून्यविहीनमृणमृ एां घनं घनं भवति जून्यमाकाशम्।

शोध्यं यदा घनमृणाद्ऋणंघनाद्या तदा क्षेप्यम् ॥

ब्रा० स्फु० सि० १८।३२,३३

आकृति : Form, figure, section of the wall

आकृतिफलमीच्च्याहतमग्रतलैक्यार्धमीच्च्यदैर्घ्यगुणम् ।

घनगणितमिष्टकाघनफलेन हृतमिष्टकागणितम्।।

ब्रा० स्फु० सि० १२।४७

आदि: 1st term

पदमेकहीनमुत्तरगुणितं संयुक्तमादिनाऽन्त्यधनम् ।

वादियुतान्त्यघनार्धं मध्यघनं पदगुरांगणितम् ॥

ब्रा० स्फू० सि० १२।१७

आद्य (पद या मूल) :

Least or first root, that quantity of which the square multiplied by the given multiplicator and having the given

addend added or subtrahend subtracted is capable of

affording an exact square root.

मूलं द्विघेप्टवर्गाद् गुराकगुणादिष्टयुतविहीनाच्च ।

बाद्यवघो गुणकगुणः सहान्त्यवातेनकृतमन्त्यम् ॥ न्ना० स्फु० सि० १८।६४,६४

स्राप्त: Quotient

छेदो घनाद् द्वितीयाद् घनमूलकृतिस्त्रिसंगुणात्प्रकृति: ।

शोध्या त्रिपूर्वगुणिता प्रथमाद् घनतो घनो मूलम् ॥

ब्रा० स्फू० सि० १२।७

ब्रह्मगुष्त रचित ब्राह्मस्फुटसिद्धान्त को गणित-शब्दावली

वायत चतुरस्र : Oblong tetragon, rectangle इष्टस्य भुजस्य क्वतिभक्तो नेष्टेन तद्दलं कोटि: ।

वायतचतुरस्र क्षेत्रस्येप्टाधिका कर्णः ॥

ब्रा० स्फु० सि० १२।३५

आयाम : Length

विस्तारायामांगुलवातो मार्गाहतो द्विवेदहृतः । किष्क्वङ्गुलानि लब्धं तत्पण्णवतिर्भवति कर्म ॥

ब्रा० स्फु० सि० १२**।**४८

यार्स : Stellar

मानानि सौरचान्द्रार्झसावनानि ग्रहानयनमेभिः। मानैः पृयक्चतुर्भिः संव्यवहारोऽत्र लोकस्य॥

ब्रा० स्फु० सि० २३।२

इपु: Versed sine

ज्यार्वानि ज्यार्वानां ज्याखण्डान्यन्तराणि तान्येव । ज्यस्तान्यन्त्यादथवेपुरुत्क्रमज्या चनुस्ताभ्याम् ॥

ब्रा० स्फु० सि० २१।१**८** 

इच्ट: Assumed quantities

इप्टहयेन मक्तो हिवेष्टवर्गः फलेष्टयोगार्घे । विषमविभुजस्य भुजाविष्टोनफलार्वयोगो भृः ॥

न्ना० स्फु० सि० **१**२।३४

इष्ट: Arbitrarily taken

इष्टगुणकारगुणितो गिर्यु च्छायः पुरान्तरमनष्टम् । द्वियुतगुराकारमाजितमुत्पातोऽन्यस्य समगत्योः ।।

ब्रा० स्फु० सि० १२।३६

उच्छ्राय : Height

इष्टगुणकारगुर्सितो गिर्यु च्छायः पुरान्तरमनष्टम् । द्वियुतगुणकारमाजितमुत्पातोऽन्यस्य समगत्योः ।।

ब्रा० स्फु० सि० १३।३६

उत्क्रमज्या : Versed sine

ज्यार्धानि ज्यार्धानां ज्याखण्डान्यन्तराणि तान्येव । ज्यस्तान्यन्त्यादयवेपुरुत्कमज्या धनुस्ताम्याम् ॥

ब्रा० स्फु० सि० २१।१८

उत्तर: Preceding digit

स्थाप्योऽन्त्यधनोऽन्त्यक्कतिस्त्रिगुणोत्तरसंगुणा च तत्प्रथमात्।

उत्तरकृतिरन्त्यगुणा त्रिगुणा चोत्तरधनश्च धनः ॥

ब्रा० स्फू० सि० १२।६

उत्तर: Difference

प्रक्षेपयोगहृतया लब्ध्या प्रक्षेपका गुणा लाभाः।

जनाधिकोत्तरास्तद् युतोनया स्वफलमूनगुतम् ॥

जा० स्फू० सि० १२।१६

उत्पात: Leap

इष्टगुणकारगुणितो गिर्गुच्छायः पुरान्तरमनष्टम् । इष्टगुणकारभाजितमुत्पातोऽन्यस्य समगत्योः ॥

बार स्फूर सिर १२।३६

उद्देशक: Example

प्रतिसूत्रममी प्रश्नाः पठिताः सोद्देशकेषु सूत्रेषु । सार्यात्रयधिकशतेन च कृट्टरचाव्टादशोऽध्यायः ॥

बार स्फूर सिर १८।१०२,१०३

चत्तः Divided

संवणिनांशवगंरहोदकृतिनिभाजितो भगति वर्गः ।

संविणितांशमूलं छेदपदेनोद्धृतं मूलम् ॥

बार स्फूर सिर १२।४

खोद्धृतमृणं धनं वा तन्छेद समृणधनविभवतं वा । मृहणधनमोर्चर्गः स्वं सं सस्य पदं कृतिर्यत् तत् ॥

बार स्फूर सिर १८।३४,३६

उन्नतांशज्या: The sum of the distance from horizon

हन्मण्डले नतांशज्या हन्ज्या शंकुरुन्नतांशज्या । सर्कोदयास्तसूत्राद् दिनशंकोदंक्षिग्रेन तलम ॥

बार स्कृत सिर २१।६३

उत्मण्डल: The east and west hour circle or six o' clock time.

पूर्वापरयोर्लम्नं याम्योत्तारयोर्नतोन्नतं क्षितिजात् । स्वाक्षांग्रीरुमण्डलमहर्निकोहोनिवृद्धिकरम् ॥

नार स्फूर सिर २१।५०

उपरितन: Superior

राश्यंशकलाविकलाशेषात् कथितादभीष्टतो नष्टान् ।

यः साघयत्युपरितनान् समध्यमान् कुट्टकज्ञः सः ।।

द्रा० स्फु० सि० २३।२६

ऊन: Less

ऊनमविकाद् विशोध्यं घनं घनादृ स्मृगादिधिकमूनात् । व्यस्तं तदन्तरं स्याद् ऋणं घनं घनमृणं मवति ।।

ब्रा० स्फु० सि० १८।३१,३२

ऊर्घ्वं : Vertical

सिललेन समं साध्यं भ्रमेण वृत्तामवलम्बकेनोध्वम् । तिर्यत्रकणनान्यः कथितैश्च नव प्रवक्ष्यामि ।।

ब्रा० स्फू० सि० २२।७

सम्बंखण्ड: Segments of the diagonals

कर्णयुतावृष्विधरखण्डे कर्णावलम्बयोगे वा । स्वावाधे स्वयुतिहृते द्विधा पृथक्कर्णलम्बगुरो ॥

ब्रा० स्फु० सि० १२।२५

ऋण: Negative

धनयोर्धनमृरामृणयोर्धनर्णयोरन्तरं समैवयं खम् । ऋणमैत्रयं च धनमृणधनजून्ययोः जून्ययोः जून्यम् ॥

ब्रा० स्फु० सि० १८।३०,३१

एकाम: The whole of the longside which is subdivided

क्षेत्रफलं वेषगुणं समखातफलं हृतं त्रिभि: सूच्याः ।
भुखतलतुल्यभूजैवयान्येकाग्रहतानि समरज्जूः ॥

बा० स्फु० सि० १२।४४

ऐनय: Aggregate

क्षेत्रफलं वेषगुणं समखातफलं हृतं त्रिमिः सूच्याः । मुखतलतुल्यभुजैत्यान्येकाग्रहृतानि समरज्जुः ॥

ब्रा० स्फू॰ सि॰ १२।४४

ऐवय: Sum

घनयोर्घनमृणमृणयोर्घनएायोरस्तरं समैनयं खम् । ऋरणमैनयं च घनमृणधनयून्ययोः शून्ययोः शून्यम् ॥

न्ना० स्फु० सि० १८।३०,३१

ऐक्य: Total

गतमगरायुताद्बुगरात् तच्छेषयुतात् तदैनयसंयुक्तात् । तद्योगाद् बुगणं वा यः कथपति कुट्टकज्ञः सः ।।

ब्रा० स्फु॰ सि॰ १८।५२,५३

ऐन्द्री: East, यमकोटि

युगपद्युगादिरुदयाद्यायाम्यां भास्करस्य वारुण्याम् । राज्यर्घात् सौम्यायामस्तमयाहिनदलादैन्द्रयाम् ॥

न्ना० स्फु० सि० २४।२

औच्च्य : Height

आकृतिफलमीच्च्याहतमग्रतलेक्यार्घमीच्च्यदैर्घ्यंगुणम् । घनगणितमिष्टकाघनफलेन हृतमिष्टकागणितम् ।।

ब्रा० स्फु० सि० १२।४७

बौत्र: Gross, better approximation

मुखतलयुतिदलगणितं वेवगुणं व्यावहारिकं गणितम् । मुखतलगणितैनयाधं वेघगुणं स्यादगणितम्भेत्रम् ॥

वा० स्फु० सि० १२।४५

अोत्रफल: Better approximation

कक्षा: Orbit

कक्षामण्डलमध्यं भूमध्ये मध्यम: स्वकक्षायाम् । अनुलोमं मन्दोच्चात् प्रतिलोमं भ्रमति शीघ्रोच्चात् ॥

ब्रा० स्फु० सि० २१।२४

कपालक: Name of an astronomical instrument

सप्तदशकालयन्त्राण्यतो घनुस्तुयंगोलकं चक्रम् । यिटः शंकूर्घटिका कपालकं कर्रारी पीठम ॥

बाo स्फुo सिo २२। **४** 

करण: Instrument

अवलम्बनं शलाकां ज्याघं यिष्टं प्रकल्प वा घनुषि । भूम्युच्छायात्लम्बो यष्ट्युक्तरानयेत् करणैः ॥

न्ना० स्कु० सि० २२।१६

करण: Method

हृदिघात्रममी प्रश्नाः प्रश्नानन्यान् सहस्रशः कुर्यात् । अन्यैर्देत्तान् प्रश्नान् उक्तयैवं साघयेत् करर्गैः ॥

न्ना० स्फु० सि० १८।१००,१०१

ग्रविषम पार्श्वभुजगुणः कर्णो द्विगुणावलंवक विभक्तः हृदयं निषमस्य

कर्ण: Hypotenues

कर्णकृते: कोटिकुर्ति विशोष्य सूत्रं भुजो भुजस्य कृतिम् । प्रोह्मपदं कोटि: कोटिवाहुकृतिय्तिपदं कर्णः ॥

ब्रा॰स्फू॰सि॰ १२।२४

कर्णयुति: Point of instersection of both the diagonals of a quadrilateral

कर्णयुतावूर्व्वाघरखण्डे कर्णावलम्वयोगे वा । स्वावाचे स्वयुतिहृते द्विधापृथक्कर्णलम्वगुरो ।।

म्रा०स्फु०सि॰ १२।२५

कर्णावलम्बयोग: Point of intersection of a diagonal and perpendicular

कर्णयुतावूष्वीघरखण्डे कर्णावलम्बयोगे वा । स्वावाघे स्वयुतिहृते द्विघापृथक्कर्णलम्बगुरो ॥

ब्रा॰स्फु॰सि॰ १२।२५

कर्तरी: Name of an astronomical instrument.
सप्तदशकालयन्त्राण्यती घनुस्तुर्येगोलकं चक्रम्।
यिष्टः शंकुर्घटिका कपालकं कर्त्तरी पीठम्॥

म्रा०स्फु०सि० १२।५

कर्म: The work, rate of the workmans' pay विस्तारायामांगुलघाती मार्गाहिती द्विवेदहृत: । किप्क्वडगुलानि लब्धं तत् पण्णवित्रभवित कर्म ॥

ब्रा०स्फु०सि० १२।४६

कला: Minutes

अंशसममंशशेषं कलासमं वा कलाशेषम् । दिवसकरस्येष्टदिने कूर्वन्नावत्सराद्गणकः ।।

ब्रा०स्कु०सि० १८।५७,५८

कला: Minutes

राश्यंशकलाविकलाशेषात् कथितादभीष्टतो नष्टान् । यः साधयत्युपरितनान् समध्यमान् कुट्टकज्ञः सः ।।

ब्रा० स्फु० सि॰ १८१२३,२६

কাল: Time

कालगुणितं प्रमाणं फलभवतं व्येकगुणहतं कालः । स्वफलयुतरूपभक्तं मूलफलैक्यं भवति मूलम् ।।

ब्रा० स्फू० सि० १२।१४

किष्कु: Cubit

विस्तारायामांगुलघातो मार्गाहतो द्विवेदहृतः । किष्क्वंगुलानि लब्धं तत् षण्गावतिभैवति कमै ।।

वा ०्स्फु०सि० १२।४⊏

कोल: Nail

दिक्स्थितफलकद्वियुतिस्तले तदग्रस्थसूत्रयोर्मघ्ये । कीलस्तच्छायाग्रात् कर्त्तर्यां नाडिकाः स्थूलाः ॥

न्ना०स्फु०सि० २२।४४

जुट्ट : Pulverizer, जुट्टक

राश्यंशकलाविकलाशेपात् कथितादभीष्टतो नष्टान् । यःसाघयत्युपरितनान् समध्यमग्न् कृटुकज्ञः सः ॥

ब्राव्स्फुवसिव १८।२३,२६

ज़ुट्टक: Algebra

कुट्टकखर्णघनाव्यक्त मध्यहरणैकवर्णभावितकै:। आचार्यस्तन्त्रविदां ज्ञातैर्वर्गप्रकृत्या च ॥

ब्रा०स्फू०सि० १८।२

कुट्टन : Conversant in pubverizer, कुट्टकन

तिथिमानदिनेष्टियण्टा येऽकाद्यास्ते पुन: कदा तेषु ।

इप्टग्रहवारेषु यः कथयति कृट्टकज्ञः सः॥

न्ना०स्फु०सि० १८।१८.२१

केन्द्र: Centre

मासगणो यमगुणितः पृथक्कुतत्वोद्धृतः फलसमेतः ।

सार्वाप्टयुतो वसुमयविभवतशेषो विवोः केन्द्रम्।।

त्रा०स्फू०सि० २५।६

कृति: Square

संविणतांशवर्गश्छेदकृतिविमाजितो भवति वर्गः ।

संवणितांशमूलं छेदपदेनोद्धृतं मूलम् ॥

ब्रा०स्फु०सि० १२।५

कोटि: Perpendicular side

कर्णाकृतेः कोटिकृति विशोष्य मूलं भुजो भुजस्य कृतिम्। प्रोह्म पदं कोटिः कोटिवाहकृतियृतिपदं कर्णः॥

जा॰स्फु॰सि॰ १२।२४

कोण: Corner (of the wall)

द्विचतुःसत्र्यंशगुणो भित्त्यन्तर्वाह्यकोएागः परिघिः ।

प्राग्वत् कृत्वा गणितं तद्गणितं स्वगुणकारहृतम् ॥

ब्राव्स्फुoसि • १२।५१

को ग्रस्पृग्वृत्त: Circumcircle

त्रिभुजस्य वद्यो भुजयोद्दिगुणितलम्बोद्यृतो हृदयरज्जुः ।

सा द्विगुणा त्रिचतुभू जकोणस्पृग्वृत्तविष्कम्म: ॥

ब्रा०स्फु०सि० १२।२७

ऋमज्या: Sine

तुत्यक्रमोत्क्रमज्या समखण्डकवर्गगुतिचतुर्भागम्।

प्रोद्ययान्द्दं व्यासार्थवर्गतस्तत्पदे प्रथमम् ॥

या०स्फु०सि० २२।२०

कान्ति: Eccentricity

यान्त्युदयं मेषाद्या यतस्तदुदया न कालसमाः । कान्तिवशास्त ज्ञायां तदूनताधिक्यमक्षवशात् ।।

ब्राव्स्फुव्सिव २१।६०

ध्रय: Minus

क्षयघन घनक्षयास्तरफलानि शीघ्रे डन्यथा घनं घनयो

क्षितिज: Horizon

प्राच्यपरं सममण्डलमन्यद्याम्योत्तरं क्षितिजमन्यत् । परिकरवत्तन्मघ्ये भूगोलस्तित्स्यतद्रष्टुः ॥

बार्क्फुर्लिर २१।४६

মিন্দি : Additive and addend. The quantity to be added to the square of the least root multiplied by the multiplicator to render it capable of yielding an exact square root.

वज्जवधैनयं प्रथमं प्रक्षेपः क्षेपवधस्तुल्यः । प्रक्षेपशोधकहृते मूले प्रक्षेपके रूपे ।।

ब्राव्स्फुव्सिव १८।६४,६६

Additive or addend. The quantity to be added to the square of the least root multiplied by the multiplicator to render it capable of yielding an exact square root.

वज्जवर्षंवयं प्रथमं प्रक्षेपः क्षेपवषस्तुल्यः । प्रक्षेपशोधकहृते मूले प्रक्षेपके रूपे ॥

ब्रा०स्फु०सि० १८।६६

क्षेत्य: Thrown together, added together शून्यविहीनमृणमृणं धनं घनं भनति शून्यमाकाशम् । शोध्यं यदा घनमृणाद् ऋणधनाद्वा तदा क्षेत्यम् ॥

ब्राव्स्फुवसिव १८।३२,३३

क्षेपा: To be added.

भावितकरूपगुराना सान्यवतवधेष्टभाजितेष्टाप्त्योः । अल्पेऽधिकोऽधिकेऽल्पः क्षेप्यः भावितहृतौ व्यस्तम् ॥

बारुस्फुर्वसर्शना६०,६१

खण्ड: Portions (as 2,8,8 in 288),

गुराकारखण्डतुल्यो गुण्यो गोमूत्रिकाकृतौ गुणितः।

सहित: प्रत्युत्पन्नो गुराकारकभेदतुस्यो वा ।।

ब्राव्स्फुव्सिव १२।५५

खमध्य: Zeinth

देशान्तरे खमध्ये भुजफलचापे भुजान्तरे च कृते

ब्रा० स्फु० सि०२।१८

गच्छ: Number of terms

एकोत्तरमेकाद्यं यदीष्टगच्छस्य भवति संकलितम् ।

तद्द्वियुतगच्छगुणितं त्रिहृतं संकलितसंकलितम्।।

ब्राव्स्फुवसिव १२।१६

गण (शुगण): Number

गतमगरायुताद् खुगणात् तच्छेषयुतात् तदैक्यसंयुक्तात् । तच्छोगाद्युगरां वा यः कथयति कुटुकज्ञः सः ।।

ब्राव्स्फुव्सिव १८।५२,५३

गणक: Mathematician, competent to the study of sphere

परिकर्मविशति यः संकलिताचां पृयग्विजानाति । अष्टौ च व्यवहारान् छायान्तान् मवति गणकः सः ॥

ब्राव्स्फुल्सि० १२।६

गणित: Sum of terms.

पदमेकहीनमुत्तरगृश्यितं संयुवतमादिनाऽन्त्यधनम् । स्रादियुतान्त्यधनार्थं मध्यधनं पदगुणं गणितम् ।।

ब्राव्स्फुवसिव १२।१७

गिएत (इंटका गणित) : Number of bricks

लागृतिफलमीरस्याहतमग्रतलैक्यार्धमीरस्यदैष्यंगुणम् ।

घनगणितमित्टकाघनफलेन हृतमित्टकागणितम् ॥

प्राव्ह्युवसिव १२।४७

गुटिका: A small ball or globe
कीलोपरिगामिन्यां चीर्याद्यं पारदमलावुतु ।
स्रवति जले क्षिपति नरो गुटिकां कूर्मादयश्चैवम् ।।
न्ना०६

गुणकार: Multiplier

इष्टगुणकारगुणितो गिर्यु च्छ्राय: पुरान्तरमनष्टम् ।

द्वियुतगुणकारभाजितमुत्पातोऽन्यस्य समगत्यो: ।।

**ब्रा०स्**फ

Multiplier गुणकारखण्डतुस्यो गुण्यो गोमूत्रिकाकृतो गुणित:। सहित: प्रत्यत्पन्नो गुणकारकभेदतुल्यो वा ।।

न्ना०स्**फु**०ि

गणना : Product मावितकरूपगुणना सान्यक्तवधेष्ठभाजितेष्टान्त्योः । अरुपेऽधिकोऽधिकेऽल्पः क्षेप्यो भावितहृतौ न्यस्तम् ।। ब्रा०स्फु०सि० १८।

गुण्य: Multiplicand
गुणकारखण्डतुल्यो गुण्यो गोमूत्रिकाकृतो गुणितः।
सहितः प्रत्युत्पन्नो गुणकारकभेदतुल्यो वा ।।

त्राव्स्फुवसिव १६

गोमूत्रिका: Method of multiplication
गुणकारखण्डतुल्यो गुण्यो गोमूत्रिकाकृतो गुणित: ।
सहित: प्रत्युत्पन्नो गुणकारकभेदतुल्यो वा।।

ब्रा॰स्फु॰सि॰ १२।५

गोलज्ञ: Conversant with spherics
गणितज्ञो गोलज्ञो गोलज्ञो ग्रहगति विजानाति ।
यो गणितगोलवाह्यो जानाति ग्रहगति स कथम् ॥

न्ना०स्फु०सि० २२।३

गोलविद्: Conversant with spherics मध्याद्यमिह् यदुवतं तत् प्रत्यक्षमिव दर्शयति यश्मात् । %स्मादाचार्यस्य । गोलविदो भवति नान्यस्य ॥

ब्राव्ह्फुवसिव २२।१

म्रह: planet

येन गुण: शेषयुतश्च्छेद: शुष्यित हृत: स्वगुणकेन । तद्भुवतं शेषं फलमेवं शेषात् ग्रहयुगणी ॥

म्राव्स्फुव्सव १८।२४,२७

Planet

कक्षामण्डलतुल्यं प्राच्यपरं दक्षिणोत्तरं क्षितिजम् । उन्मण्डलविषुवन् मण्डले स्थिराणि ग्रहक्षाणाम् ॥

न्ना० स्फु॰ सि॰ ११।६७·

ग्रहगति : Planetary motion

प्रतिपादनार्थं मुञ्चं प्रकल्पितं ग्रहगते स्तथा पातः ।
मुक्तेरूनाधिकता मानस्य च मवति कर्णवशात् ।।

बा०स्फु०सि० २१।३*०* 

प्राप्त: Quantity eclipsed

इष्टशरद्वयभवते ज्याघंकती शरयुते फले व्यासौ । शरयोः फलयोरैवयं ग्रासो ग्रासोनमैवयं तत् ।।

ब्राव्स्फुवसिव १२।४६

घटिका: Name of an astronomical instrument

सप्तदशकालयन्त्राण्यतो घनुस्तुर्यगोलकं चक्रम्। यिष्टः शंकूर्घटिका कपालकं कर्त्तरी पीठम्।।

ब्राव्स्फुवसिव २२।५.

षटिका: One sixtieth of the day

रूपेण रूपरामैः खसायकै स्ताडितो गएो युवतः । पड्भिवेंदैर्षत्या वासरपटिका विघटिकास्यः ॥

ब्रा०स्फु०सि० २५।४

घन: Cube

छेदो घनाद् हितीयाद् घनमूलकृतिस्त्रसंगुणाप्तकृति: । कोध्या त्रिपूर्वगुणिता प्रयमाद्घनतो घनो मूलम् ॥

बार्क्फुर्वार १२।७.

घनफल: Solid content, volume

आकृतिफलमीरच्याहतमग्रतलैक्याधंमीरच्यदैर्व्यगुणम् । धनगणितमिष्टकाधनफतेन हतमिष्टकागिरातम् ।।

न्ना० स्फु॰ सि॰ १२।४७

घण्टा: Hour, because at the end of an hour the घण्टा is struck की लोत्क्षेपामिहत: पटह: शब्दं करोति घण्टा वा। एवं यन्त्रसहस्राण्यनेन वीजेन कार्याणि।।

न्ना०स्फु०सि० २<sup>२</sup>

घात: Product

ऋग्गमृणधनयों घाती घनमृणयोधनवधो धनं भवति । शून्यर्णयोः खधनयोः खशून्ययोवी वधः शून्यम् ॥

न्ना० स्फू० सि० १८।३३,

चक : Name of an astroomnical instrument सप्तदशकालयन्त्राण्यतो धनुस्तुर्यगोलकं चकम् । यष्टि: शंकुर्घटिका कपालकं कर्त्तरी पीठम् ॥

ब्रा० स्फू० सि० २५:

चतुष्पद: Tetranomial

चर: Ascensional differences
क्षितिजोन्मण्डलयोर्यत् स्वाहोरात्रान्तरं चरदलं तत्।
क्षितिजेऽग्रा प्राच्यपरस्वाहोरात्रान्तरांशज्या ॥

ब्रा० स्फु० सि**० २**१।६

चरकरण: Variable hypotenuse (the distance of the planet from the earth)
व्यर्केन्द्रकलाभक्ता: खरसग्रां लैंव्यमूनमेकेन।

चरकरणानि ववादीन्यगताच्छेपात् तिथिवदन्यत् ॥

ब्रा०स्फू०सि**०** २५।२:

चरदतः : Ascensional difference क्षितिजोन्मण्डलयोर्यत् स्वाहोरात्रान्तरं चरदलं तत्। क्षितिजेऽग्रा प्राच्यपरस्वाहोरात्रान्तरांश्रज्या ।।

न्ना० स्फु० सि० २१ ६६

चल : Variable त्रिगुणो दलित: स्वद्वादशांशयुक्त: सितचलं ध्रुवं स्यात् । तात्कालिकं चलं स्याद्रविरन्येपाँ ज्ञयुको स्त: ॥

ब्रा० स्फू० सि० २५।३६

त्रह्मगुप्त रचित ब्राह्मस्फुटसिद्धान्त की गिएत-शब्दावला

चलकेन्द्र: Variable centre

भागीकृतचलकेन्द्रे त्रिगुरो खाग्न्युद्धृते फलं पिण्डः । पड्राश्यिषके चकाद् विशोध्य शेषेण पिण्डःस्यात् ॥

ब्रा० स्फू० सि० २५/४२

चलघ्रुवक: Variable celestial latitude

चतुराहतोऽव्यिगुणितः पृयक् च सप्ताहतोऽव्यिधृतिगक्तः । फलसंयुतो विवेयो ज्ञचलध्रुवको ज्ञशीर्घः स्यात् ॥

मा० स्फू० सि० २५।३४

चलग्रत: Variable circle, on which a celestial body or point

moves दूरमण्डलविक्षेपापमण्डलानि क्षपाकराबीनाम् ।

पट्कं विमण्डलानां चलवृत्तान्येकपंचायत् ॥ या० स्फ० सि० २११६६

चान्द्र: Lunar

मानानि सौरचान्द्राक्षं सावनानि ग्रहानयनमेभिः। मानैः पृथक् चतुर्मिः संव्यवहारोऽत्र लोकस्य ।।

ब्रा० स्फू० सि० २३।२

चीरि: A piece of cloth

कीलोपरिवाधिकमा भीयशि वारदमलावु तु । सन्ति चेत्रं क्षिपति गरी गुटिकां कुर्मादयश्चैवम् ॥

ब्रा० स्फु० सि० २२।४८

water of a gnomon

श्रामा दृश्या दृष्टि श्रामाकर्मामवलम्बकं मंकुम् । पश्किल्य अकृयन्त्रे योग्यं यटिकादि यप्ट्युक्तम् ॥

न्ना० स्फू० सि० २२।४०

द्यायाकर्गं : A hypotenuse joining the end point of shadow

and gnomon.

छायां दूरम्यां दृष्टिं छायाकर्णमवलम्बकं मंकुम्।

परिवालक शंकुवन्त्रे योज्यं घटिकादि यष्ट्युक्तम् ॥

बार स्फूर सिर २२१४०

٠,٠

३१४ प्राचीन भार

छेद: Division

छेदेनेष्टयुतोनेनाप्तं माज्यादनप्टमिप्टगृणम् । प्रकृतिस्यच्छेदहृत लब्ब्या युतहीनकमनप्टम् ॥

ब्रा० स्फू०

छेद: Denominator

विपरीतच्छेदनुणा राश्योरच्छेदांशकाः समच्छेदाः । संकलितेंऽशा योज्या व्यवकलितेंऽशान्तरं कार्यम् ॥

ब्रा० स्फुर

जात्य: Right angled traingle

बात्यद्वयकोटियुजाः परकर्णगुणा मुजाञ्चतुर्विपमे ।

बिवको भूमु सहीनो वाहु हितयं मुजाबन्यौ ।।

न्ना० स्फू**०**ि

जीवा: Sine

एवं जीवाखण्डान्यस्पानि बहूनि वाऽऽद्यखण्डानि । ज्यार्थानि वृत्तपरिचे: पष्ठचतुर्यविभागानाम् ॥

ब्रा॰ स्फू॰ सि·

जीवा: Chord

वृत्ते शरोनगुणिताद् व्यासाच्चतुराहतात् पदं जीवा । ज्यावर्गश्चतुराहतशरमक्तः शरयुतो व्यासः ।।

ब्रा॰ स्फू॰ सि*॰ '* 

च्या: Chord

ज्याच्यासकृतिविशेषान् मूलव्यासान्तरार्धीमपुरत्यः । व्यासौ ग्रासोनगृणौ ग्रासोनैक्योद्धतौ वाणौ ।।

न्ना० स्फु० सि० १ः

च्या : Sine

राय्यप्टांगेष्वंकान् पदसन्यिच्यः क्रमोत्क्रमात् कृत्वा । वद्मीयात् सूत्राणि द्वयोद्वयोज्यस्तिद्वयानि ।।

त्रा० स्फू० सि० २१। १

নিখি: Date

सीरेपाव्दा मासा-

स्तिययद्वान्द्रेण सावनीर्ववसाः ।

दिनमासाद्यकमध्या

न तद्विनाऽकेंन्दुमानाम्याम्।

त्रा० स्फू० सि० २३।१

तिर्यंक्: Oblique

सलिलेन समं नाव्यं

भ्रमेण व्त्तमवलम्बकेनोर्व्वम् ।

तियंक्कण नान्यै:

कथितैश्च नव प्रवस्यामि ।

ब्रा० स्फू० सि० २२।७

तुरीय: Name of an ancient Indian astronomical instrument

सप्तदशकालयन्त्राण्यतो धनुस्तुर्यगोलकं चक्रम् । यध्टि: शंकुर्यटिका कपालकं कर्तरी पीठम् ॥

ब्रा० स्फू० सि० २२।५

तुर्यगोल: Name of an ancient Indian astronomical instrument

सप्तदशकालयन्त्रा-

ण्यतो वनुस्तुर्यगोलकं चक्रम्।

यिटः शंकुर्वटिका

कपालकं कत्तीरी पीठम ॥

ब्रा० स्फू० सि० २२।५

त्रिज्या: Radius

त्रिज्याभक्तः कर्णः परिद्यगुणो बाहुकोटिगुणकारः । असङ्कन्मान्दे तत्कलमाद्यसमं नात्र कर्गोऽस्मात् ॥

त्रा० स्फु० सि० २१**।**२६

त्रिपद: Trinomial

त्रिपाट: Greater intercept of the base by the perpendicular,

Colebrook.

दिनार्थ: Noon

मिललं भ्रमोऽवलम्बः कर्गांग्छाया दिनार्यमकाँऽलः ।

नतकालज्ञानार्थं तेषां नंनायनान्यष्टी।

ब्रा० स्फु० मि० २२।६

दिवस: Day

सीरेणाव्दा मासास्तियमश्चान्द्रेण सावनैदिवसाः।

दिनमासाद्दकम्या न तद्दिनाऽर्केन्दुमानाव्याम्।

ब्रा० स्फु० सि० २३।१

देशान्तर: Longitude (see खमच्य)

दैव्यं: Length

आकृतिफलमोच्याहतमग्रतलैक्यार्धमोच्च्यदैर्घ्यगुणम् । वनगणितमिष्टकाघनफलेन हृतमिष्कागणितम् ॥

ब्रा० स्फु० सि० १२।४७

हाज्या: Sine of ecliptic altitude

स्वाहोरात्रे क्षितिजाद् दिनगतशेपोच्चता रवेः शंकुः। तस्माद्दिनगतशेपं शंकुकुमध्यान्तरं दग्ज्या।।

बा० स्फु० सि० २१।६२

हिगुण: Double

कृतियुतिरसदशराश्योर्वाहुर्वातो द्विसंगुणो लम्बः । कृत्यन्तरमसदृशयोद्धिगुणं द्विसमत्रिभुजभूमि: ।।

ब्रा० स्फु० सि० १२।३३

द्विपद: Binomial

द्विसमचतुरस्र : Isosceles tetragon

वायतकर्णो बाहू भुजकृतिरिष्टेन भाजितेप्टोना । दिहृता कोट्यधिका भूमुं खमूना दिसमचत्रस्रे ।।

ब्रा० स्फू० सि० १२।३६

द्विसमित्रभुज : Isosceles triangle

कृतियुतिरसदृशराश्योबाहुर्घातो द्विसंगुणो लम्बः । कृत्यन्तरमसदृशयोद्विगुणं द्विसमित्रभूजभूमिः ॥

ब्रा० स्फु० सि० १२।३३

पन: Positive

घनयोर्धनमृगामृणयोर्धनग्रंथोरन्तरं समैवयं खम् । ऋग्यनेवयं च घनमृणघनञ्गस्ययोः शून्ययोः शून्यम् ॥

बा० स्फु० सि० १८।२०,३१

घनु: Arc

ज्यार्वानि ज्यार्घानां ज्याखण्डान्यन्तराणि तान्येव । ज्यस्तान्यन्त्यादथवेपुरुत्कमज्या घनुस्ताभ्याम् ॥

ब्रा० स्फू० सि० २१।१८

घनुर्यन्त्र : Name of an astronomical instrument in old days

सप्तदशकालयन्त्राण्वतो धनुस्तुर्यगोलकं यन्त्रम् । यप्टि: शंकूर्घटिका कपालकं कर्त्तरी पीठम् ॥

ब्रा० स्फू० सि० २२।५

भ्रवक: Pole

खस्वरसलव्यं च गणाद्घटिकासु नियोजयेत् तिथिध्रुवकाः।

रव्यादिकस्तद्दये चैत्रादावकंचन्द्रौ च ॥

ब्रा० स्फु० सि० २५।५

नभोमघ्य : Zenith

क्षितिजे भूदललिप्ताः कक्षायां दङ्नितिनेभोमघ्यात् । अवनितिलिप्ता याम्योत्तरा रिचग्रहवदन्यत्र ।।

ब्रा० स्फु० सि० २१।६४

नतकाल: Hour angle

सिललं भ्रमोऽनलम्बः कर्णदछाया दिनार्घमकोऽसः ।

नतकालज्ञानार्थं तेपांसंसायनान्यप्टी ॥

ब्रा० स्फु० सि० २२।६

नतांग: Noon zenith distance

हन्मण्डले नतांशज्या हन्ज्या शंकुरुनतांशज्या । वर्कोदयास्तसूत्राह्निशंकोवंक्षिणेन तलम् ॥

ब्रा० स्फू० सि० २१।६३

नर: Gnomon, नराकार यन्त्र

कीलोपरिगामिन्यां चीर्याद्यं पारदमलादु तु ।

स्रवति जले क्षिपति नरो गुटिकां कूर्मादयदचवम् ॥

ब्रा० स्फु० सि० २२।४८

ब्रह्मगुप्त रचित ब्राह्मस्फुटसिद्धांत की गणित-शब्दावली

नर: length of gnomon

छायानरसैकहृतं सुदलं प्रागपरयोधुं गतशेषम् । दिनगतशेषांशहृतं सुदलं छाया नरव्येकम् ॥

ब्रा० स्फु० सि० १२।५२

नलक: Pipe

कोलस्योपरिगामिनि तत्पर्ययसूत्रके घृतमलाबु । प्राग्वन्नलके प्रक्षिप्य नाडिका सुवति पानीये ॥

वा० स्फू॰ सि॰ २२।५६

Pipe

नलको मूले विद्वस्तत्सुतिघटिकोद्धृतः समुच्छ्रायः। लव्यांगुलैस्त् तर्नाडिकाकियायन्यसिद्धिरतः ॥

बा० स्फु० सि० २२।४६

नाडिका: Instrument in the shape of a pipe
कोलस्योपरिगामिनि तत्पर्ययसूत्रकेवृतमल्लावु ।
प्राग्वन्तलके प्रक्षिप्य नाडिका स्रवति पानीये ।

ना० स्फू० सि० २२।५६

नाडो: 1/60th of the day

नाड्यर्द्धेन समेतं भहितयं प्रक्षिपेच्च शशिकेन्द्रे । रूपं रूपहुताशाः स्वशराश्च तिथिध्वे क्रमशः ॥

बार स्फुर सिर २५१८

निरपवर्त : Reduced to least term

इल्टमगर्णादिशेषात् स्वकुट्टकगुर्णात् स्वभागहारहृतात् । शेषं शुगर्णो मतनिरपवर्त्तगृरामागहारयुतः ॥

ब्रा० स्फू० सि० २८।१२,१५

निरहेद: Divisible in least terms

निश्छेदभागहारो भानोः सप्ततिगुणोंऽक्षशेषोनः । पुष्पत्मयुत्तविभक्तः कुर्वन्नावत्सराद्गगाकः ॥

या॰ स्फु॰ सि॰ १मा५६,६०

निश्छेद: Reduced to least term

निश्छेदमागहाराद् राश्यादिकलादिना हताद् मवतात् । भगगाकलाभिर्लन्धं मण्डलशेषं दिनगगोऽस्मात् ।।

न्ना० स्फू० सि० १८।२१,२४

पंचात: Raised to the 5th power

अन्यक्तवर्गघनवर्ग वर्गपंचगतपड्गतादीनाम्।
तुल्यानां संकलितन्यवकलिते पृयगत्ल्यानाम्।।

बा० स्फू० सि० ८।४१,४२

पद: Root

संविश्तितांशवर्गश्छेदकृतिविभाजितो भवति वर्गः । संविश्तितांशमूलं छेदपदेनोद्धृतं मूलम् ।।

ब्रा० स्फू० सि**०** १२।५

परिकर: Zone, कटिबन्ध

प्राच्यपरं सममण्डलमन्यद्याम्पोत्तरं क्षितिजमन्यत् । परिकरवत् तन्मध्ये भृगोलस्तित्स्यतद्रष्टः ।।

ब्रा० स्फु० सि० २१।४९

परिकर्म : Arithmatical operation

परिकर्मविशति यः संकलिताद्यां पृथग्विजानाति । अप्टी च व्यवहारान् छायान्तान् भवति गराकः सः ।।

न्ना० स्फु० सि० ७११

परिच्छेद : Well realization

गोलस्य परिच्छेदः कर्तुं यन्त्रैविनायतोऽशक्यः। संक्षिप्तं स्पष्टार्थं यन्त्राच्यायं ततो वक्ष्ये ॥

ब्रा० स्फु० सि० २२।४

परिचि: Circumference

त्रिज्यामनतः कर्णः परिधिगुणो वाहुकोटिगुणकारः । असकृन्मान्दे तत्फलमाद्यसमं नात्र कर्णोऽस्मात् ॥

बा॰ स्फु॰ सि॰ २१।२६

परिलेखन: Drawing

परिलिख्य वृत्तमवनौ यिष्टिव्यासार्द्धमन्यदस्यान्त: । स्वाहोरात्रार्घार्घं घटिकाषण्टयंकितं परिष्ठौ ॥

न्ना० स्फु० सि० २२।२०

परिवर्तन: Transposition

परिवर्त्य मागहारच्छेदांशौ छेदसंगुणच्छेदः । अंशोऽशगुराः माज्यस्य भागहारः सर्वाणतयोः ॥

ब्रा० स्फु० सि० १२।४

पाट: Intersectional side of a perpendicular and base

कर्णावलम्बकयुतौ खण्डे कर्णावलम्बयोरघरे । अनुपातेन तदूने ऊर्द्ये सूच्यां सपाटायाम् ।।

ब्रा० स्फु० सि० १२।३२

पात: Node, मान=value

प्रतिपादनार्थमुच्चं प्रकल्पितं ग्रहगतेस्तथा पात: ।
भुवतेस्नाधिकता मानस्य च भवति कर्णवशात् ।।

ब्रा० स्फू० सि० २१।३०

fपण्ड: A sine expressed in numbers

भागीकृतचलकेन्द्रे त्रिगुरो खाम्ब्युद्धृते फलं पिण्ड: । पद्रादयिके चकाद् विशोध्म शेषेण पिण्ड: स्यात् ॥

ब्रा० स्फु० सि० २५।४२

गीठ: Name of an ancient Indian astronomical instrument

सप्तदशकालयन्त्राण्यतो घनुस्तुर्यगोलकं चकम् । यिदः शंकुर्घटिका कपालकं कर्त्तरी पीठम् ॥

न्ना० स्फु० सि० २२।५

प्रात्तितः: Assumed

प्रतिपादनार्थमुच्चं प्रकल्पितं ग्रहगतेस्तया पातः ।
भुषतेष्माधिकता मानस्य च भवति कर्णयमान् ॥

न्ना० स्पु० सि० २१।३०

प्रकृतिस्थ : Original

छेदेनेष्टयुतोनेनाष्तं भाज्यादतष्टिमष्टगुराम् । प्रकृतिस्थच्छेदहृतं लब्ध्या युतहोनकमनष्टम् ॥

बा० स्फु० सि० १२।५७

সন্ত্ব : Additive or addend. The quantity to be added to the square of the least root multiplied by the multiplicator to render it capable of yeilding an exact square root.

वज्जवधैवयं प्रथमं प्रक्षेपः क्षपवधस्तुल्यः । प्रक्षेपशोधकहृते मुने प्रक्षेगके रूपे ॥

न्ना० स्फु० सि० १८।६५,६६

प्रक्षेप: The proposed quantities
प्रक्षेपयोगहृतया लब्बया प्रक्षेपका गुणा लाभा: ।
ऊनाविकोत्तरास्तद् युतोनया स्वफनमूनयुतम् ॥

व्रा० स्फु॰ सि० १२।१६

प्रतिभुज: Opposite side

म्रविषमपार्श्वभुजगुणः कर्णो द्विगुणावलम्बकविभक्तः । हृदयं विषमस्य भुजप्रतिभुजकृतियोगमूलार्धम ॥

ब्रा० स्फु० सि० १२।२६

प्रत्युत्पन्न : Product

रूपाणि च्छेदगुणान्यंशयुतानि द्वयोर्वहूनां वा । प्रत्युत्पन्नो भवति च्छेदवधेनोद्धृतोऽशवधः ॥

बा० स्फु० सि० १२।३

गुणकारखण्डतुल्यो गुण्यो गोमूत्रिकाकृतो गुणितः । सहितः प्रत्युत्तन्नो गुणकारकभेदतुल्यो वा ॥

ब्रा० स्फु० सि० १२।४५

प्रश्न : Qusetion

ं प्रतिनूत्रममी प्रश्नाः पठिताः सोद्देशकेषु सूत्रेषु । आर्यात्र्यधिकशतेन च कुट्टश्चाप्टादशोऽब्यायः ।।

ब्रा० स्फु० सि० १७।१०२,१०३

प्राण: A measure of time=4 seconds

लंकासमपश्चिमगं प्रागोन कलां भमण्डतं भ्रमति ।

अपमण्डलस्य राशिद्धविशमागः क्षितिजलग्नः ॥

ब्रा० स्फु० सि० २१।५६

फलक: Blade

दिक्स्यितफलकद्वियुतिस्तले तदग्रस्थसूत्रयोर्भेघ्ये ।

कीलस्तच्छायाग्रात् कर्त्तर्या नाडिकाः स्थूलाः ।।

व्रा० स्फु० सि० २२।४४

बाहु: Side of a triangle

कृतियुतिरसदशराश्यो वीहुर्घातो द्विसंगुणो लम्वः।

कृत्यन्तरमसद्दायोद्धिगुणं द्विसमत्रिभुजभूमिः ।।

ब्रा० स्फू० सि० १२।३३

बीज: Principle (only this use and not in algebra by BSS.)

कीलोत्से पाहितः पटहः शब्दं करोति घण्टा वा।

एवं यन्त्र सहस्राण्यने न बीजेन् कार्याणि ।।

वा० स्फु० सि० २२।५२

वीजक और बीज: a kind of timber citrus medica

भवत: Divided

धनमयतं धनमृणहृतमृणं धनं मवति रवं रवभवतं खम्।

भवतमृरोन घनमृणं घनेन हृतमृणमृरां भवति ।।

न्ना० स्फु॰ सि॰ १८।३४,३५

भगण: Revolution

निक्छेदमागहाराद् राक्यादिकला दिना हताद् भवतात्।

भगणकलाभिलंब्यं मण्डलशेषं दिनगणोऽस्मात् ॥

न्ना० स्फु० सि० १८।२१,२४

भमण्डल: The hole multitude of stars

लंकासमपरिचमगं प्रागोन कलां ममण्डलं भ्रमति ।

अपमण्डलस्य राशिहादशमागः क्षितिजलग्नाः ॥

न्ना० स्फु० सि० २१।५६

भागहार: Division

परिवर्त्य भागहारच्छेदांशी छेदसंग्णच्छेदः।

अंशोऽंशगुणो भाज्यस्य भागहारः सर्वाणतयो : ।।

ब्रा० स्फु० सि० १२।४

भाज्य : Divide

छेदेनेष्टयुतोनेनाष्तं भाष्यादनष्टमिष्टगुणम् । प्रकृतिस्थच्छेदहृतं लव्ध्या यतहीनकमनष्टम् ॥

न्ना० स्फु० सि० १२।५७

भाण्डप्रतिभाण्डक: Barter

प्राग्मृत्यव्यत्यासी भाण्डप्रतिमाण्डकेऽन्यदुवतसमम् । परिकर्माण्यण्टानां व्यवहाराणामभिहितानि ।।

ब्रा० स्फू० सि० १२।१३

भावितक: Term like Ay

मावितकरूपगुणना साव्यक्तवधेष्टभाजितष्टाप्त्यो:। अल्पेऽघिकोऽघिकेऽल्पः क्षेप्यो भावितहृतौ व्यस्तम्।।

न्ना० स्फु० सि० १८।६०,६१

भुज: Side of a triangle

कर्णकृते: कोटिकृति विशोध्य मूलं भुजो भुजस्य कृतिम् ।

प्रोह्म पदं कोटि: वाहुकृतियुतिपदं कर्णः।।

ब्रा० स्फू० सि० १२।२४

भू: Base

इष्ट द्वयेन भनतो द्विधेष्टवर्गः फलेष्टयोगाधँम् । विषमत्रिभुजस्य भुजाविष्टोनफलार्धयोगो भूः॥

न्ना० स्फु० सि० १२।३४

भूमि: Base of a triangle

त्रिभुजे भुजी तु भूमिः तत्लम्यो लम्बकाधरं खण्डम् । ऊर्घ्वमवलम्यखण्डं लम्बकयोगार्धमधरोनम् ।।

ब्रा० स्फु० सि० १२।३१

भूसम: Horizontal

घटिका स्वयंकुमार्गः पृथग्गतलम्बभूसमज्याधित् ।

साशीतिशतांशांकः चकस्पार्घे धनुर्यन्त्रम् ॥

न्ना० स्फु० सि० २२।१०

भेद: Factor

गुणकारखण्डतुल्यो गुण्यो गोभूत्रिकाकृतो गुणितः । सहितः प्रत्युत्पन्नो गणकारक भेदतुल्यो वा ।।

ब्रा० स्फू० सि० १२।४५.

भ्रम: Compass

सिललं भ्रमोऽत्रलम्बः कर्णश्च्छाया दिनार्घकर्मोऽभः । नतकालज्ञानार्थे तेषां संसावनान्यष्टौ ॥

न्ना० स्फु० सि० २२।६

मण्डल: Revolution

च्येकमवमावशेषं पडुढृतं त्रियुतमवमशेषस्य । पंचिविभक्तस्य समं यदा तदा युगगतं कथय ।।

ब्रा० स्कु० सि० १८।४८,४७

मन्दोच्च: The upper apsis of the course of a planet

कक्षामण्डलमध्यं भूमध्ये मध्यमः स्वकक्षायाम् । अनुलोमं मन्दोच्चात् प्रतिलोमं भ्रमति शीघ्रोच्चात् ॥

ब्रा० स्फू० सि० २१।२४

मध्य: Middle terms

वर्गचतुर्गुं णितानां रूगणां मध्यवर्गसहितानाम् । मूलं मध्येनोनं वर्गे द्विगुणोद्धतं मध्यः ॥

ब्रा० स्कु० सि० १८।४४,४८

मध्यवन : Middle term

पदमेकहीनमुत्तरगुणितं संयुक्तमादिनाऽन्त्यघनम् । स्रादियुतान्त्यवनार्धं मघ्यवनं पदगुणं गणितम् ।।

बार रफुर सिर १२।१७

मान्द: The process for determining the apsis of a planet's course

त्रिज्याभनतः कर्णः परिधिगुणो बाह् होटिगुणकारः । असग्रन्मान्दे सस्कलमाजनमं नात्र कर्णोऽस्मात् ॥

are the fire anap

मान: Value

भूक्ती मनाधिकता पानस्य न भवति कर्णयसात्।

and sto law attac

३२६ प्राची

मार्ग: Section

विस्तारायामांगुलघातो मार्गाहतो द्विवेदहृतः। किष्ववगलानि लब्धं तत पण्णवतिर्भवति कर्म।।

न्ना० स्ट

मास: Month

सौरेगाव्दा मासा स्तिथयश्चान्द्रेण सावनैदिवसाः। दिनमासाद्दपमध्या न तद्विनार्केन्द्रेमानाभ्याम्।।

बा० स

मिश्र: Amount

कालप्रमाणवातः परकालहृतो हिथाऽऽद्यमिश्रवधात् । अन्यार्धकृतियुतात् पदमन्यार्थोनं प्रमागाफलम् ॥

ब्रा० स्फु०:

मुख: Top

मुखतलयुतिदलगिरातं वेधगुणं व्यावहारिकं गिरातम् । मुखतलगणितैवयार्धं वेधगुर्णं स्याद्गणितमौत्रम् ।।

ब्रा० स्फु० सि०

म्ल: Root

संवर्णितांशवर्गश्छेदकृति विभाजितौ मवति वर्गः । संवर्णितांशमूलं छेदपदेनोद्धतं मूलम् ॥

न्ना० स्फु० सि**०** 

मूल: Principal

कालगुरिगतं प्रमाणं फलभक्तं व्येकगुणहतं कालः । स्वफलयुतरूपभक्तं मूलफलैक्यं भवति मूलम्॥

ब्रा० स्फू० सि० १

मृत्य: Prices

प्राग्मूल्यव्यत्यासो भाण्डप्रतिभाण्डकेऽन्यदुक्तसमम् । परिकर्माण्यप्टानां व्यवहाराणामभिहितानि ॥

बा॰ स्फु॰ सि० १

यप्टि: Name of an astronomicai instrument

सप्तदशकालयन्त्राण्यतो धनुःतुर्यगोलकं चक्रम् । यप्टिः शंकुर्घटिका कपालकं कत्तं री पीठम् ।।

न्ना॰ स्फु॰ सि॰

याम्या : South (लङ्का)

युगपद्युगादिरुदयाद्याभ्यायां भास्करस्य वारुण्याम् । राज्यवित् सीम्यायामस्तमयाद्दिनदलादैन्द्रयाम् ॥

ना० स्फू० सि० २४।२

याम्योत्तररेखाः Meridian

उज्जियिनी याम्योत्तररेखायाः प्राग्वनं क्षयः पश्चात् । योजनपष्टिया नाडी चरदलमि सीम्यदक्षिणयोः ॥

ब्रा० स्फु० सि० २५।१०

याम्योत्तरवृत्त : Meridian

प्राच्यपरं सममण्डलमन्यद्याम्योत्तरं क्षितिजमन्यत्। परिकरवत् तन्मध्ये भूगोलस्तिरिस्यतद्रष्टुः।।

ब्रा० स्फू० सि० २१।४६

युत्तहीन: Plus minus written

योगोऽन्तरयुतहीनो द्विहृतः संक्रमणमन्तरविभवतं वा।

वर्गान्तरमन्तरयुतहीनं द्विहृतं विषमकर्म ॥

व्रा० स्फु० सि० १८।३६,३७

युति: Conjunction

क्षितिजापमण्डलयुतिलंग्नं लग्नाग्रया दिशा लग्नम् ।

हक्क्षेपमण्डलं दक्षिणोत्तरं विविभविलग्ने ॥

ब्रा० स्फु० सि० २१।४६

योग: Sum

गतभगणयुनाद् सुगणात् तच्छेद्रायुनात् तदैवयसंयृततात् ।

तद्योगाद्युगणं वा यः कथयति कुट्टकज्ञः सः ॥

त्रा० स्फु० सि० १८।५२,५६

योग: Sum

योगोऽन्तरयुत्तहीनो डिहृतः संघमणमन्तर विनवतं या ।

वर्गान्तरमन्तरम्तहीनं द्विहृतं विषमकर्म ॥

रज्जु: Line

त्रिभुजस्य ययोभुजयोद्धिग्णितलम्बोद्धतोह् इयरञ्जुः । सा द्विगुणा त्रिवरुभुं ज कोसास्त्रस्टरा विष्यस्थः ॥

न्ना ० स्कू० सि० १२।२७

राशि: Sign

राइयंशकला विकला शेपात् कथितादभीष्टतो नप्टान् । यः साधयत्यपरितनान् समध्यमान् कुट्टकज्ञः सः ॥

. ब्रा० स्फु० सि० १८।२३,२६

राश्यप्टां शेष्यंकान् पदसन्धिभ्यः क्रमोत्क्रमात् कृत्वा ।

वच्नीयात् सूत्राणि हयोईयोज्यस्तिदर्शानि ॥

न्ना० स्फू॰ सि॰ २१।१७

राशि: Quantity

विपरीतच्छेदगुणा राश्योश्छेदांशकाः समच्छेदाः । संकलितेंऽशा योज्या व्यवकलितेंऽशान्तरं कार्यम् ।।

ब्रा० स्फु० सि० १२।२

रूप: Absolute

अन्यक्तान्तरभक्तं व्यस्तं रूपान्तरं समैऽन्यक्तः । वर्गान्यक्ताः शोव्या यसमाद् रूपाणि तदधस्तात् ॥

व्रा० स्फु० सि० १८१४३,४४

रूप: Integer

रूपाणिच्छेदगुणान्यंसयुनानि हयोर्बहूताँ वा । प्रत्युत्वन्नो मवतिच्छेदवर्धनोद्धतोऽसवधः ॥

प्रा० स्फु० सि० १२।३

लव्य: Profit

प्रक्षेपयोगह्तया लब्ध्या प्रक्षेपका गुणा लाभाः । ऊनाधिकोत्तरास्तद् युतोनया स्वफलमूनयुतम् ॥

न्ना० स्फु० सि० १२।१६

लम्बन: Parallax

वृथ्यादृश्यं दृग्गोलार्वं भूव्यासदलविहीनयुत्तम् । द्रष्टा भूगोलोगरि यतस्ततो लम्बनावनती ॥

न्ना० स्फु० सि० २१।६४

लाभ: Gain

प्रक्षेपयोगहतया लब्ध्या प्रक्षेपका गुगा लाभाः । कनाधिकोत्तरास्तद् युतोनया स्वफलमूनयुतम् ॥

न्ना० स्फु० सि० १२।१६

ब्रह्मगुष्त रचित ब्राह्मस्फुटसिद्धांत की गणित-शब्दावनी

लिप्तिका: Minute

त्रिगुरां सप्तविमक्तं नगाद्रयोंऽशारवेश्चम् । विकलाष्टकसंयुक्ता नववाणा लिप्तिका रवेर्भु क्तिः ॥

न्ना० स्पु० सि० २५।१३<sup>.</sup>

वज्रवध : Cross multiplication (forked or oblique multiplication)

> वज्रवधिवयं प्रथमं प्रक्षेपः क्षेपवचतुत्यः । प्रक्षेपशोधकहृते मूले प्रक्षेपके रूपे ।।

न्ना० स्फु॰ सि० १७।६४,६६

वत्सर: Year

संग्रकशेषं त्रियुतं लिप्ताशेषं कदा रवेर्केदिने । पट्सप्ताब्दी नव वा कुवंन्नावत्सराद्गणकः ।।

नार स्फूर सिर १८१६,४७

वध : Product

विभुजस्य ववी भुजयोद्दिगुणितलम्बोद्धृतो हृदयरञ्जु: । सा द्विगुणा विचतुर्भुं जकोणस्पृग्वृत्तविष्कम्म ।।

ब्रा० स्फू० सि० १२।२७

वष: Multiplication or product
रूपाणिच्छेदगुणान्यंशयुतानि हयोर्बहूनौ वा ।
प्रत्यस्पन्नी भवतिच्छेदवधेनीद्वतींऽशवयः ॥

बा॰ स्फु॰ सि॰ १२।३

वर्ग : Square

संयणितौरातगेरछेरछतिविभाजितो भवति वर्गः । संयणितांशमूलं छेरपदेनीसृतं मूलम् ॥

बा० स्फु०सि० १२।५

वर्गित: Squared

व्यूनाधिमासनेपान् मूतं ह्यधिकं विभाजितं पड्मि:। इयुनं वर्गितमधिकं नवभिनंबनिः कदा भवति ॥

ब्राव स्फूव सिव १८।२८,२६

वर्ण: Unknown quantities as x.y.z.

आद्याद् वर्णादन्यान् त्रोह्याद्यमानमाद्यहतम् । सद्शच्छेदावसकृद् द्वी व्यस्तो कृट्टको वहुप् ।।

ब्रा० स्फू० सि० १८।५१,५२

वलन: Deflection

सित्रगृहकान्तिरुदय्दक्षिणतोस्तृज्यया हृतं वलनम् । विक्षे पगुणमृगावनं ग्रहेऽन्यदृक्कमं चरदलवत् ।।

न्ना० स्फु० सि० २१।६६

बार: Number of..., qnotient

यावत्कृत्वोभवतं गुरोन तद्वारसम्मितिर्गन्छः।

वारुणी: West, रोमक

युगपद्युगादिरुदयाद्याम्यार्यां भास्करस्य वारुण्याम् । रात्रयर्घात् सौम्यायामस्तमयाद्दिनदलादैन्द्र्याम् ॥

ब्रा० स्फु० सि० २६।२

विकला: Second

त्रिगुर्ण सप्तविमक्तं नगाद्रयोंऽशा रवेरुच्चम् । विकलाष्टकसंग्रुक्ता नववाणा रवेर्भुक्तिः ॥

ब्रा० स्फू०सि० १५।१३

राश्यंशकलाविकला शेपात् कथिनादमीष्टती नष्टान् । यः साधयत्युपरितनान् समध्यमान्कृट्ट्रकज्ञः सः ।

ब्रा० स्फु॰ सि॰ १८१२३,२६

विक्षेप: Celestial or polar latitude

पाताश्चन्द्रादीनां भ्रमन्ति भाग्ने रवेश्च भूछाया।

पातापमण्डलवद् त्रिमण्डलानि स्वविक्ष पे: ॥

ब्रा० स्फु० सि० २१।५३

विघटिका: 1/60th of a घटि का

रूपेण रूपरामैः खसायकैस्ताडितो गणो युग्तः । पड्मिर्वेदैवृत्या वासरघटिका विघटिका स्यु: ॥

न्ना० स्फु० सि० २५।४

विपरीत: opposite

विपरींतच्छेदगुणा राव्योव्छेदांशकाः समच्छेदाः । संकलितेंऽशा योज्या व्यवकलितेंऽशांतरं कार्यम ॥

ब्रा० स्फू० सि० २२।२

विमण्डल: The orbit of the planet or of the moon पातारचन्द्रादीनां भ्रमन्ति भार्धे रवेश्च मूछाया। पातादपमण्डलबद् विमण्डलानि स्वविक्षेपे: ॥

ब्रा० स्फू० सि० २१।५३

विलिप्ता: Second

विकलाप्टकसंयुक्ता नयवासा लिप्तिका रवेर्भु वितः । खनवनगाः शीताँशोः पंचित्रसृद्विलिप्तारच ।।

ब्रा० स्फू० सि० २५।१४

विविर: Difference

गतमगणोनाद् द्युगणात् तच्छेपोनात् तदैवयहीनाद्या । ताद्विवराद्युगग्रां वा यः कथयति कृद्वकत्तः सः ।।

ब्रा० स्फू० सि० १८।५३,५४

विपमकर्म : Dissimilar operations

योगोऽन्तरयुतहीनो हिह्तः संक्रमणमन्तरिवमन्तं वा । वर्गान्तरमन्तरयुतहीनं हिह्तं विषमकर्म ॥

त्रा० स्फु० सि० १८।३६,३७

विषमचतुरस्र : Trapczium

विषमचतुरस्रमध्ये विषमत्रिभुजद्वयं प्रकल्प्य पृथक् । कर्णद्वयेन पूर्ववदावाधे लम्बकौ च पृचक् ॥

ग्रा० स्फु० सि०१२।२६

विषमत्रभुज: Scalene triangle

इत्टद्वयेन भवतो द्विधेत्टयर्गः फलेल्डयं।गार्धः । विषयिभुगस्य भूजाविष्टोनफलाषयेगेगो भूः ॥

या० स्पृत् मि०

विषुवनमण्डल : Equator

विषुवन्मन्डलमूर्ध्वं सममण्डलतः स्थितं स्वकाक्षाँगैः। याम्येनोत्तरतौऽधः क्षितिजे प्राच्यपरयोर्लग्नम्।।

बा० स्फू० सि० २१।५१

विपकम्म : Diameter

त्रिमुजस्य वघी भुजयोर्हिगुणितलम्बोद्धृतो हृदयरज्जु: । सा द्विगुणा त्रिवतुर्मु जकोस्पृग्व राविपक्रम्भ: ।।

ब्रा० स्फू० सि० १२।२७

विस्तार: Width or rather thickness or घनत्व

विस्तारांगुलवातो मार्गाहतो द्विवेदहृत: । किष्ववंगुलानि लब्धं तत् पण्णवतिर्मवति कर्म ।

बा० स्फु० सि० १२।४८

वृत्तः Circle name of a section in न्ना० स्फु० सि० वृत्ते शरोनगुणिताद् व्यासाच्यतुराहतात् पदं जीवा।

ज्यावर्गश्चतुराहतशरमक्तः गरयुतो व्यासः ॥

ब्रा० स्फु० सि० १२।४१

वृद्धि: Interest

स्रज्ञातवृद्धिकर्णेत्वं हम्माणाँ शतपंचकम् । वृद्धिमीसचतुष्कस्य तदीयान्यत्रयोजिता ।।

चतुर्वदाचार्य

वृद्धिकणं : Rate of interest

अज्ञातवृद्धिकर्णात्वं द्रम्माणां शतपंचकम् । वृद्धिमसिचतुष्कस्य तदीयान्यत्र योजिता ॥

चतुर्वेदाचार्य

वैघ: Depth

क्षेत्रफलं वैधगुरां समखानफलं ह्तं त्रिमिः सूच्याः । मुखतलतुरुयभुजैन्यान्येकाग्रह्तानि समरज्जुः ॥

वा०स्फु०सि० १२।४४

वेघ्य: To be observed

ताम्यां सूर्ययमां भी वेष्ट्यावम्रस्थितेन सूत्रेण । सूत्रज्ययाज्तरांचा ये तेऽकंविभाजिता स्थितयः ॥

त्राव्स्फुवसिव २२।२५

च्यत्यास: Transposition

प्राग्मूल्यव्यत्यासी भाण्डप्रतिभाण्डकेऽन्यदुक्तसमम् । परिकर्माण्यष्टानां व्यवहाराणाममिहितानि ।।

ब्रा०स्फु०सि० १२।१३

रुयवकलित: Subtraction

अन्यक्तवर्गधनवर्ग वर्गपंचगतपड्गतादीनाम् । तुल्यानां संकलित च्यवकलिते पृथगतुल्यानामृ ॥

ब्रा०स्फु०सि० १८।४१।४२

विपरीतच्छेदगुणा राश्योदछेदांशककाः समच्छेदाः । संकलितेंऽशा योज्या व्यवकलितेंऽशान्तरं कार्यम् ॥

न्ना०स्फु०सि० १२।२

व्यस्त: Reversed

ऊनमधिकादिशोय्यं घनं घनादृणमृणादिधक मूनात् । व्यस्तं तदन्तरं स्याद् ऋगां घनं घनमृगां मवित ॥

ब्रा॰स्फु॰सि॰ १८।३२

व्यवहार: Investigation

प्राग्मूल्यवव्यत्यासो भाण्डप्रतिभाण्डकेऽन्यदुक्ततसमम् । परिकर्माण्यप्टानां व्यवहाराणाममिहितानि ।।

ब्राव्स्फुव्सव १२।१३

च्यवहार: Determination

परिकर्मविशति यः संकलिताद्यां पृथिग्विजानाति । अष्टी च व्यवहारान् छायान्तान् भवति गराकः सः ॥

ब्राव्स्कुवसिव १२।१

च्यावहारिक : Practical, rough

व्यानव्यानार्घकृती परिविक्तने व्यावहारिके त्रिगुरो । तद्वर्गात्म्यां दशमिः संगुणिताम्यां पदे सूक्ष्मे ॥

त्राव्ह्फुवसिव १२।४०

व्यास: Diameter

व्यासस्यामार्धकृती परिविकते व्यावहारिके त्रिगुरो । सदर्गाभ्यो दशभिः संगुणिताप्यां पदे सुक्षे ॥

वारस्कृतीय १२।४०

व्यासार्द्धः Radius

व्यासव्यामार्घकृती परिविक्तले व्यावहारिके त्रिगुरो । तद्वर्गाम्यां दशिमः संगुणिताम्यां पदे सूक्ष्मे ॥

व्राव्ह्पुवसिव १२१४०

च्येक: Lessened by one

अवमावशेपवर्गो व्येको विश्वतिविभाजितो द्यधिकः। अप्टमुणो दशमक्तो द्वियुनोऽण्टादश कदा भवति ॥

व्रावस्फुवसिव १८१२६,३०

গাঁকু: Name of an astronomical instrument, gnomon

सप्तदशकालयन्त्राण्यती धनुस्तुर्यगोलक चक्रम्। यप्टि: शंकुर्घटिका कपालकं कर्त्तरी पीठम्।।

व्राव्स्फुवसिव्२२।४

शर: Arrow, depth of the chord, versin

वृत्ते शरोनगृश्यिताद् व्यासाच्चतुराहतात् पदं जीवा । ज्यावर्गदचतुराहतशरमक्तः सरयुता व्यासः ।।

बार्क्सुर्वस्य १२।४१

शीवोच्च : Apsis of the swiftest motion of the planet, a conjunction

कञ्चामण्डलमध्यं मूमध्ये मध्यमः स्वकक्षायाम् । अनुलोमं मन्दोध्चात् प्रतिलोमं भ्रमति शीछोष्ट्यात् ॥

ब्रा॰स्फु॰सि॰ २१।४

घून्य: Cipher

वनयोर्वनमृणमृणयो र्घनर्णयोरन्तरं समैवयं खम्। ऋणमैवयं च वनमृणयनजून्ययोः जून्ययोः जून्यम् ॥

ब्रा०स्फु०सि० १८।३०,३१

गोवन: Subtraction

शून्य विहीतमृणमृणं यन वनं मवति शूष्यमाकाशम । शोध्यं यदा घनमृणादृणं घनाद्वा तदा क्षेत्यम् ॥

ब्रा०स्फू०सि० १८।३२

रह्मगुष्त रचित ब्राह्मस्फुटसिद्धांत की गरिगत-शब्दावली

पड्गत् : Raised to the 6th power अव्यक्तवर्गधनवर्ग वर्गपंचगतषद्गतादीनाम् । सुल्यानां संकलितव्यवक्तिते पृथगतुल्यानाम् ॥

बा०स्फु०सि० १८।४१,४२

संजा: Name, term

यस्मात् संप्रतिपत्तिनं संज्ञया संज्ञितो विना तस्मात् । लोके प्रसिद्धसंज्ञा रूपारीनां सजाकाद्याः ।।

संप्रतिपत्ति : Perception पत्ति

यस्मात् संप्रतिपत्तिर्न संज्ञया संज्ञितो विना तस्मात् । लोके प्रसिद्धसंज्ञा रूपादीनां शशांकाद्याः ।।

न्ना०स्फु०सि० २५।१

सकल: Integer

स्वविकलपण्ट्यंशगुणः सकलस्त्रिशोद्धृतौ विकलवर्गः। प्रक्षेप्यः सकलकृतौ वर्गवनौ द्वित्रित्रस्यवद्यौ ॥

व्रा०स्फु०सि० १२।६२

संकलित: Addition

परिकर्मविशति यः संकलिताद्यां पृयन्विजानाति । अप्टो च व्यवहारान् छायान्तात् भवति गणकः सः ॥

ब्राव्समुवसिव १२।१

अव्यक्तवर्गवनवर्ग वर्गपंचगतपद्गतादीनाम् । तुल्यानां संकलितव्यवकलिते पृथगतुल्यानाम् ॥

ब्रा०स्फु०सि० १८।४१,४२

गंत्रमण: Concurrence; simultaneous equations
योगोऽन्तरयुतहीनो द्विहतः संक्रमणमन्तरविभवतं वा ।
यगन्तिरमन्तरयुतहीनं द्विहतं विपमक्षमं ।।

ब्राव्स्फुर्वस्व १८१३६,३७

संद्रमण: Transition

फलसंक्रमणमुभयतो चहुराभिववोऽस्ववधहृतो ज्ञेयम् । सक्तेष्वेवं भिन्तेपूनयतदछेदसंक्रमणम् ॥

बा०स्फु०सि० १२।१२

संस्था: Coefficient

वर्गाप्रमाणभावितघाता भवतीष्टवर्गासंख्यैवम् । सिघ्यति विनाऽपि भावितसमकरणात् कि कृतं तदतः ॥

न्ना०स्फु०सि०१८।६३।६४

सहश: Like

आद्याद्वणीदन्यान् वर्णान् प्रोह्याद्यमानमाद्यहृतम् । सदशच्छेदावसकृद् दौ व्यस्तौ कृट्टको वहण् ॥

ब्राव्स्फुव्सि १८।५१,५२

सपाट: With intersectional side of a perpendicular and base कर्णावलम्बक्यती खण्डे कर्णावलम्बयोरघरे।

अनुपातेन तदूने ऊर्घ्वे सूच्यां सपाटायाम् ॥

ब्राव्स्फुवसिव १२।३२

सम : Horizontal, even

सिललेन समं साध्यं भ्रमेण यृन्तमवलम्बकेनोध्वंम् । तियंक्कर्णेनान्येः किपतैश्च नव प्रवक्ष्यामि ।।

बार्क्फुर्सिर २२।७

सम: Equation (simple equation)

अन्यक्तान्तरमक्तं न्यस्तं रूपोन्तरं समेऽन्यक्तः। वर्गान्यवक्ताः शोध्या यस्माद्रुपाणि तदधस्तात्।।

ब्रा०स्फु०सि०१८।४३।४४

समकरण: Equation

वर्णप्रमाणभावितघातो भवतीष्टवर्णसंस्यैवम् । सिष्वति विनाऽपि मावितसमकर्णात् किं कृतं तदतः ।।

ब्राव्स्फुर्वस्व १८।६३,६४

समसात : Regular excavation or prism

क्षेत्रफलं वेघगुणं समस्तातफलं हतं त्रिमिः सूच्याः । मुखतलतृत्यमुजैवयान्येकाग्रहतानि समरज्जुः ।।

बार्क्सु सिर १२।४४

सममण्डल : Prime vertical circle

प्राच्यपरं सममण्डलमन्यद्याम्पोत्तरं क्षितिजमन्यत् । परिकरवत् तनमध्ये भूगोलस्तित्स्थतद्रष्टद्रः ।।

ग्राव्ह्युवसिव २१।४६

समरज्जु: Mean string

धेत्रफलं वेषगुणं समखातफलं हृतं त्रिमिः सूच्चाः । मुखतलतुल्यभुजैक्यान्येकाग्रहृतानि समरज्जुः ।।

न्ना०स्फु०सि० १२। ४४

सर्वाणत: Homogeneous

परिवर्त्य भागहारच्छैदांशी छेदसंगुणच्छेदः। अंशोऽश्रगुणा भाज्यस्य भागहारः सर्वाणतयोः।

जावस्फुवसिव १२।४

स्पप्टोकरण: Clarification

यत्स्यण्टीकरणाद्यं गोलादुत्प्रेक्ष्य तत्कृतं सर्वम् । गोलाघ्याय: सप्तत्यार्याणीमेकविकाऽयम् ॥

ना०स्फ०सि २१।७०

स्वपृति: Greater segment of the base, (called बीठ by Bhaskar)

कर्णयुताबूट्यविरतण्डे कर्णयुताबलम्बयोगे वर । स्वाबाधे स्वय्तिहते हिधा पृथक् कर्णलम्बस्य ।।

सावन: Terrestrial

मानानि सौरचान्द्राक्षसायनानि ग्रहानयनमेनि । मानैः पृषक् चत्रमिः संव्यवहारोऽत लोकस्य ।।

नारक्ति। भरार

सूची: Needle (prolonged trapezium in the shape of a triangle कर्णावलम्बकयुती खण्डे कर्णावलम्बयोरघरे। अनुपातेन तदूने ऊर्घ्ये सूच्यां सपाटायाम्।।

ब्रा०स्फु०सि० १२।३२

सूची: Pyramid क्षेत्रफलं वेघगुणं समखातफलं हृतं त्रिभिः सूच्याः । मुखतलतुल्यभुजैनयान्येकाग्रहृतानि समरज्जु। ॥

ब्रा० स्फु० सि० १२<sup>।४४</sup>

सूत्र : Formula, rule प्रतिसूत्रममी प्रश्नाः पठिताः सोद्देशकेषु सूत्रेषु । आयित्र्यधिकशतेन च कुट्टश्चाष्टादशोऽष्यायः । स्ना०स्फु०सि० १८।१०२,१०३

सीम्य: North, (सिद्धपुर)
युगपप्युगादिरुदयाद्याभ्यायां मास्करस्य वारुण्याम् ।
राज्यर्घात् सीम्यायामस्तमयाद्दिनदलादेन्द्र्याम् ॥

ब्रा०स्फु०सि० ३४।२

सौर: Solar सोरेपाव्दामासास्तिथयश्वान्द्रेण साधनै दिवसाः । दिनमासाव्दपमध्या न तद्विनाऽकेन्दुमानाम्याम् ।।

ब्रा॰स्फु॰सि॰ २२।१

ह्त: Divided धनमन्तं धनमृणह्तमृणं धनं भतित खं खभनतं खम् । मनतमृणं घनेन हृतमृणमृणं भवित । ज्ञा०स्फु०सि० १८।३४,३४

हृदय: About a quadrilatral, Circumradius श्रविपम पाश्वे भुज गुणः कर्णो द्विगुएगावलंबक विभवतः हृदयं विपमस्य।

हृदयरज्जु : Central line or radius of a circumcircle त्रिमुजस्यवधो भुजयोद्दिगुणितलम्बोद्धृतो हृदय रज्जु: । सा द्विगुणा त्रिचत्मुं जकोणस्पृग् वृत्त विष्कम्भ: ।।

ब्रा०स्फु०सि १२।२७

### वेदांग ज्योतिष-शब्दावली

- (१) मंश-numerator
- (२) अघऊ व्वेमंडल vertical circle
- (३) श्रिधमास 13th month, intercalary month
- (४) अन्द—year
- (५) अभ्यस्त—multiplied
- (६) अयुज-odd
- (৬) স্মাভক-a measuse of weight
- (८) आवाय-addition
- (६) (कुडुव)—a measuse of weight
- (१०) गणित—calculation
- (११) गुण -multiplied (in compounds as दिगुण)
- (१२) घ्यंश—one third
- (१३) द्रोण—a measure of weight
- (१४) नाडिका-a measure of time
- (१५) निरेक-less than one
- (१६) पन-- a measure of weight
- (१७) भिन्त-fraction
- (१८) भूगोल carth
- (१६) मण्डल-circle
- (२०) महत्तं-a measure of time =(२ नाहिका)
- (२१) रूप unity
- (२२) विभाजन-division
- (२३) बोधन subtraction
- (२४) संत्याय calculate
- (२४) संगुत-odded
- (२६) स्त्र—star
- (२७) हर

व्यमिजिद् : Name of a नधन

लभिजिद प्रताहदयं प्रयोदगमिरंगकै:।

१११२

ना१६,व

जयन:	Solstice precession	
	एकायनगती स्यातां सूर्याचन्द्रमसी यटा।	११११,म
अयनांश:	Degree of the precession	
	तहोस्त्रिघ्ना दशाप्ताशापिज्ञेया अपनामिषा ।	४,१०,म
अश्विनी:	Name of a नक्षत्र	
	विशाखाश्विनसौम्यानां योगतारोत्तरा स्मृताः ।	८।१६,द
असकुत्कर्म	: Repeated correction	
	धनमूनेऽ सक्तृत्कर्म यावत्सर्वं स्त्रिरीमरेत् ।	५१६,व
अस्तमय:	Setting	
	वयोदयास्तमययोः परिज्ञानं प्रकीर्त्यते ।	<b>६</b> ।१, <sup>अ</sup>
ग्रस्फुट :	Approximate	
	नतांश वाहु कोटिज्ये स्फुटे दवक्षेप दग्गती ।	५१७,झ
सहिंदु हन	य : Another name for uttara bhadrapada	
	अहिर्द्युः द्व्यमुदक्स्थत्वान्न लुप्यन्तेर्करिशमिः ।	ह।१८,व
अहोरांत्र	: A complete day	
	सुरासुराणामन्योन्यं महोरात्रं विपर्ययात् ।	१।१४,व
बाग्नेय	: Another name for কৃলিকা	
	भरण्याग्नेय पित्र्याणां रेवत्याश्चैव दक्षिणा।	
_		८।१८,व
वादित्य	: The sun, another name for पुनर्वेसु रोज्प्यादित्य मूलानां प्राची सार्षस्य चैवहि ।	

सूर्यसिद्धान्तशब्दावली	३४३
वावारकक्षा : Sustaining hoops वाघारकक्षाद्वितयं कक्षा वैपुवती तथा ।	१३।४,ब
आपस्: Name of a नक्षत्र ग्रपाम्बत्सस्तु चित्राया उत्तरेंगैस्तु पंचिमः। बृहित्कंचिदतो भागैराप: पड्मिस्तथोत्तरे:।।	<b>द</b> ।२१
आप्य: Another name for पूर्वापाढ़ा आप्यास्यैवाभिजित्प्रान्ते वैश्वान्ते श्रवगास्थिति:।	<b>५</b> ।४,व
आपाढ़ा (पूर्वा उत्तरा) : Name of two नक्षत्र तथैवापाढ्योद्वंयो:।	८।१६,स
इप्ट : Desircd मध्यमानयनं कार्य ग्रहाणामिष्टतो युगात् ।	
उच्य : Apsis चन्द्रोच्यस्याग्नि शून्यादिव वसुसर्पाणंवा युगे ।	१।५६
उत्क्रमच्या : Versed sine or inverse-under sine स्यात्क्रमच्याविधिरयंज्त्क्रमच्यास्विष स्मृतः ।	१।३३,स
उत्क्रमज्यार्थं पिण्डक : The tabular versed sines	२।३२
प्रोज्झ्योत्क्रमेण व्यासार्घादुस्क्रमच्यार्धपिण्डका: । उत्तरायण : Northern progress	रारर
भानोर्मकरसँकान्तेः पण्मासा उत्तरायणम् ।	१४।६,व
उदय: Rising in the orient-sine-sine of amplitude वयोदगास्तमययो: परिज्ञानं प्रकीरयंते ।	<b>∤१,</b> ब

2310

उदयज्या: The sine of amplitude मध्योदय ज्याप्य नता त्रिज्याप्ता विगतं फलम । प्राप्त,व डदयामव: : Time of rising स्वाधी घः परिगोध्याय मेपाल्लंकोदयासवः 3182,83 इन्नतज्या : Sine of the sun's distance from the horizon उन्नतज्या तया हीना स्वान्त्या शेपस्य कामुकम्। 3134 उन्नति : Elevation श्रुवोन्नितर्भवतस्य नितम् रं प्रयास्यतः । १२।१२,अ उन्मण्डल: East and West hour circle उन्मण्डलं च विप्वन्मण्डलं परिकीर्द्यते । ए।६,व उन्मोलन: Emergence अतीत्योनमीलनादिन्दोः पहक्सिद्धिः गणितागतान् ११६३,अ 理時: Star ग्रहर्भदेवदैत्यादि म्जतोस्य चराचरम । १।२४,व ऋजु: Direct •••••मन्दा मन्दतरा समा। ऋज्चिति पंत्रधा ज्ञेया ग्रामा २।१३,अब ऐस्दवस्तिथि: Lunar-date ऐन्दर्यस्तिविभिन्तद्वसाकान्त्या मीर उच्यते । \$183 क्षीजपद : Odd quadrant

अयोजपदगरवेन्दोः कान्तिविक्षेपसंस्कृता ।

\$180 S

लगति : Motions in time

तल्लग्नासुहते भुवती अष्टादश शतोद्घृते । स्यातां कालागतीताम्यां दिनादि गतगम्ययो: ।

1113

लाश्रयम् : Based on the time

दद्यां कालाश्रयं ज्ञानं ग्रहाणां चरितं महत्।

श्राप्र.व

कस्तु हन: Name of करण

ध्रुवाणि शकुनिनगिं तृती

. २१६७

नस्तुघ्न: Name of a करण

ध्रुवाणि शकुनिनिगः नृतीयं तु चतुष्पदम् । किस्तुष्नं तु चतुर्देश्याः कृष्णायाश्चापरार्धतः ।

२१६७

कुण: Mars

कुजाकिगुरुशीद्राणां भगणाः पूर्वयापिनाम् ।

११२६, ब

कृटिला: Transverse

वकानुबना कुटिला मन्दा मन्दतरा समा।

फूटविग्रह: A kind of conjuction

स्वल्पी हावपि विष्वस्ती भवेतां कृटविग्रहे ॥

७१२२, व

फत: Name of an age

नत्याविष्टि नु कृते मयनामा महासुरः।

..... जाराधयन् विवस्ततं तपस्तेपे सुदुश्चरम् ।

१।२,३ व तया व

कृत्तिका: Name of the pleiades

कृतिका यैत्र मूलानि सार्प रौद्रक्षे मेव थ।

£188,8

#### सर्यसिद्धान्त-शब्दावली केन्द्र: Centre दोपं वेान्द्रपदं तस्याभ्द्रजज्या कोटि रेव च। कोटि: Perpendicular ततः परचानमुखीं कोटि कर्णं कोट्यग्रमध्यगम्। कोटिकला : Perpendicular in minutes भानोग्रहेकोटिलिप्ता मध्यस्यित्यर्घ संगुणाः। स्फुटस्थित्यर्वसंभक्ताः स्फुटाः कोटिकलाः स्मृताः । कोटिज्या : Perpendicular sine युग्ये तु गम्याद् वाहुज्या कोटिज्या तु गताद्मवेद् । कोटिकल: The result from perpendicular शैत्रयं कोटिफलं केन्द्रं मकरादी घनं स्मृतम् । संशोध्यं तु त्रिजीवायां कर्कादी कोटिजं फलम् ॥ कोटिलिप्तिका: Perpendicular in minutes इप्टनाडीविहीनेन स्थित्वेनाकंचन्द्रयोः। भूत्रयन्तरं समाहन्यात् पष्ट्याप्ताः कोटिलिप्तिका । क्रमज्या : Required sine तदवाप्तफलं योज्यं ज्यापिण्डे गतसंज्ञके । स्यात्क्रमज्या विधिरयभुत्कज्यास्यपि स्मृत: ॥ २।३२ श्वान्त : Sine of declination तद्गणज्या त्रिजीयाप्ता तच्चापं क्रान्तिरुच्यते । ११।२८ त्रान्तिज्या : Sine of declination क्रान्तिज्या विषुवतकर्ग्गुणाप्ता मंकुजीवया । ३।२२,ख

वनह: Terrestrial days

भवन्ति मोदया भानुमगाणैरुनिताः ववहाः ।

क्षेत्र: Latitude (only use in this sense) o

called विक्षेप

क्षेयो भुजस्तयोवंगंयुतेम् लं थवस्तु तत्।

गण्ड : तदग्र भेप्बाद्यशादी गण्डान्तं नाम कीर्त्यते ।

गोल: Sphere

गोलं बब्बा परीक्षेत विक्षेत्रं अतुवकं स्कूटम् ।

गोलमन्त्र: Name of an astronmical instrumen

त्ंगरीज समाय्वतं गोलयन्त्रं प्रसापयेत् ।

प्रस्त : Swallowed up

मवन्ति लोके खबरा भानुमाग्रस्त मूर्तयः।

ਬਵ : Planet

परचाद् ग्रजन्तो तिजवान् नक्षत्रै: सततं ग्रहा.

जीयमानास्तु लम्बन्ते तुल्यमेव स्वमार्गगाः ॥

मह मृक्ति: Planet's (daily) motion

ग्रह्मुक्तेः फलं कार्ये ग्रह्वन्मन्दकमेणि ।

ग्रह मेनक: The conjuction of planets

प्रहमेलक यन्छेमं प्रह्युक्त्या दिनानि च ।

चर खण्ड: Portion of ascensional difference स्वदेशबरखण्डोना भवन्तीध्दोदयासवः।

चरना (ज्या): The sine of ascensional difference विज्योदक्षरजा युक्ता याम्यायां तद्विविजिता ।

चरदल: Variable portion

तत्संस्कृताद् ग्रहात्कान्तिच्छाया चरदलादिकम् ।

चलकर्णः Variable hypotenuse तद्वाहुकल वर्गैक्यान्म्लं कर्णश्चलामियः । विज्याम्यस्तं भुजकलं चलकर्णं विमाजितम् ॥

चार : Arc लब्धस्य चापं लिप्तादि फलं गैब्रयमिदं स्मृतम् ।

चित्रा: Virginis, spica अपाम्बरसस्तु चित्राया उत्तरेंगैस्तु पंचिमः।

छाया : Shadow इांकुच्छाया कृतियुत्तेमूं लं कर्णाऽस्य वर्गतः । प्रोज्ज्य णंकुकृतिं सूर्वं छाया णंकुविषयेपीत् ।

छेद: Diviser विज्यासकता सबैच्छैदो लम्बज्यावृतीऽय भाजित:।

छेद्यक : Projection न छेद्यकमृते यहमाङ्कीदा प्रहणयीः स्कुटाः । झायस्ते तत्त्रयध्यामि छेपक शानमृतमम् ॥

सृषेसिद्धान्त-शन्दादली	३५१
च्यानिन्ह : "The quantity corresponding to the sine." तदबाष्त्रफलं योज्यं न्यापिण्डे गत संज्ञके ।	
मुनज्याकत: The result from the base-sine	
तद्मु जज्याफलयनुर्मान्दं लिप्तादिकं फलम् ।	
ज्यार्व : Half-chord used in the sense of chord also रागिनिस्ताप्टयो मागः प्रयमं ज्यार्वमुच्यते ।	
	२।१५
च्यार्विपण्ड : Tabular sines	
कुण्डकाः स्यरचतुर्विदाज्ज्यार्धपिण्डाः क्रमादमी ।	
•	२।१६
ज्वेष्टा: Name of a नक्षक	
ज्येप्टा श्रदणमैत्राणां वार्हस्पत्यस्य मध्यमा ।	<b>५</b> ।१५
न्योतियां चरितम् : System of the heavenly bodies	
इत्येवंपरमं पुण्यं ज्योतिषां चरितं हितम् ।	
रहस्यमिदमास्यातम् ः ः ः ।	
	११।२६
ল: Mercury	
युगे मूर्वज्ञशुकाणां खचतुष्करदार्णवा:।	
•••••••मगणाः पूर्वयायिनाम् ।	
निविद्यय: Omitted lunar day	१।२६,ग्र
मावनाहानि चान्द्रेम्यो दुम्यः प्रोज्स्य तिविक्षयाः ।	१।३५
ति।मं : A figure resembling the fish तन्मध्ये तिमिना रेखाकर्तव्या दक्षिणीत्तरा ।	1144
	३।३,व
निष्य: Name of a नजन	~(°,4
गरणीतित्र्य सौम्यानि सौक्म्यात्त्रिस्सप्तकांशकैः।	
नुसा : Name of the sign libra	
••••••व्यातम्तु तुनादिगः ।	
	१।५=,ऋ

त्रिजीवा: Radius

लम्वाज्याघ्नस्त्रजीवाप्तः स्पुटो भूपरिधिः स्वकः ।

११६०,अ

त्रिज्या: Radius

स्वणंकुना विभज्याप्ते ६क् त्रिज्ये द्वदशाहते ।

3133

त्रिभमीविक: Radius

मध्यच्छाया भुजस्तेन गुणिता त्रिभमौविका ।

३।१४,ग

त्रृदि: An imaginary measure of time

प्राणादि कथितो मूर्तस्त्रुट्याद्यो मूर्तसंज्ञकः।

8128

दक्षिणायन : Southern progress

ककदिस्तु तथैव स्यात्पण्मासा दक्षिगायनम् ।

१४।२६,व

दस्र: Another name for ग्रश्विनी नक्षत्र

वृहस्पतेः खदस्राध्विवेद पड् वह्नयस्तथा ।

१।३१,व

दृकक्षेप: : Sine of celiptic zenith distance

मघ्याज्यावर्गं विदिलष्टं दृवक्षेपः शेपतः पदम् ।

प्राइ,ग्र

दृब्तुत्यता : "Coming within the sphere of sight"

the cocincidence with the observed pole

म्फुटं दृक्तृत्यतां गच्छेदयने विषुवद्वये ।

३।११,ग

द्ग्गतिः: Co-sine of altitude

तन् त्रिज्यावर्गविद्वेषारमूनं शकुः स दृगातिः।

५।६,च

सूर्यसिद्धान्त	-ग्रव्दावली	3 X 3
दृग्ज्या :	Sine of zenith distance	,
	तत् त्रिज्या वर्गविक्ष्लेपान्मूलं दृग्ज्यामिघीयते ।	
		३।३ <b>२</b>
देशान्तर:	Longitude	
	तेन देशान्तरभ्यस्ता ग्रहभुक्तिर्विभाजिता ।	
		१।६०,व
दोज्याः	Base-sine	
	दोर्ज्यान्तरादिकं कृत्वा भुक्तादृणवनं भवेत् ।	
द्युकर्णं :	, Dan == d!!	२।४७,व
<i>પ્</i> યુકારા .	Day-radii त्रिमघुकर्गार्घुंगुणाः स्वाहोरात्रार्घं भाजिताः ।	
द्युगण:	•	
12	तद्गुणाद् भूदिनैर्भक्ताद् द्युगणाद्यदवायप्ते ।	३।६
द्युगण :	Suming days	
	सावनी द्युगराः सूर्योद्दिनमासाव्दपास्ततः ।	
		१।५०
घनुः :	Name of an astronomical instrument णंजुयप्टि घनुदचर्भेरछायायन्त्रेरनैकघा ।	
	गणुपाष्ट वर्षुरपकरछायायस्य रनकायाः ।	१३।२०,ञ
घन्: :	Are	,, , ;
,	तस्मध्यसूत्रसंयोगाद् बिन्दुत्रिस्षृग् लिसेद्धतुः ।	
		१०।१३,अ
षिष्ण :		•
	प्रोत्यस्ते लिप्तिकाभानां स्वभोगेन दशाहतः।	
	भयन्त्यतीत विष्ण्यानां भोगतिष्तायुता ध्रुवः।	m. 8
धा गरा :	Fixed, immovable	=18
~,.,,	गोलं बच्या परीक्षेत विक्षेपं ध्रुपकं स्पुटम् ।	
विभवः	Star, asterism	
	पःभाद् यजन्तोऽतिजयाम् नक्षत्रैः सत्तत्रं प्रहाः ।	6 4 70.74
		११२४

नक्षत्र: Star, asterism

पश्चाद् वजन्तोऽतिजवान् नक्षत्रैः सततं ग्रहाः ।

जीयमानास्तु लम्बन्ते तुल्यमेव स्वमार्गगाः ॥

शर्प

नतज्या : Sine of the hour-angle

नतज्याक्षज्ययोघांत: त्रिज्याप्तस्ता तस्य कार्मु कम्।

४।२७

नतासव::

उत्कमज्याभिरेवं स्युः प्राक्षरचार्घनतासवः ।

3118

नतांश: Sun's meridian zenith distance

शेपं नतांशाः सूर्यस्य तद्वाहुज्या च कोटिजा ।

३।२०,व

नित : Parallax in latitude depression

घुवोन्नितभंचकस्य नितर्मेरः प्रयास्यतः।

१२।७२,अ

नर: Name of an astronomical instrument

तौययंत्रकपाला चैर्मयूरनरवानरै:।

१३।२१,अ

नायात्रम् : Sidereal

नाडी पष्ट्या तु नाक्षत्रमहोरात्रं प्रकोतितम्।

१।१२,अ

नाग: Name of a Karana

ध्रुवाणि शकुनिर्नागं तृतीय तु चतुष्पदम ।

किस्तुघं तु चतुर्दस्याः कृष्णायादचापराघतः ।

राह७

नाडिका: sec नाडी

नारों : A measure of time (equal to a period of 24 minutes),

a measure of length (1.12 n (B))

ाल्लंकोदयामुमि: ।

38,2815

सूर्वेसिद्धान्त	-शब्दावली	३५५
निमीलन:	Total disappearance of the eclipsed body,	
	immersion	
	निमीलनास्यां दद्यात्सा तन्मार्गे यत्र संस्पृशेत्	६।२०
		,,
पद:	Quadrant, fourth quarter	
	तच्चापं भादिकं क्षेत्रं पदैस्तत्र मवो रिवः।	
		इ।४०,स
परकान्तिज	या : Sine of the greatest declination	
	कन्त्योज्ये त्रिज्याभ्यस्ते परकान्तिज्ययोद्धते ।	
		१११६,स
परमापकः	नज्या: Sine of the greatest declination	
	परमापक्रमज्या तु सप्तरन्ध्रगुर्गेन्दवः ।	
	3 3,	२१२८
परिचि:	Epicycle circumference	
	मह्माण्डमध्ये परिधिव्योमकक्षाभिषीयते ।	
		१२।३०,अ
परिलेख	: Delineation, figure	
	नित्यशोऽर्गस्य विक्षेपाः परिलेखे ययादिशम् ।	६।≒
पर्व :	The moment that distinguishes and separates two	
•	intervals, (Lit, knob, joint)	
	गतैष्यपर्वनाष्टीनां स्वफलेनोन संयुती ।	
	-	४।८,व
पात	Node of a planet's orbit, transgression	
	वामं पातस्य वस्विग्वयमादिविज्ञितिदस्रकाः ।	
		2133
पित्र्य :	Another name for मचा नक्षत्र	4
	मरण्यानेय पित्र्याणां रेबत्थारचैव दक्षिणा ।	
पोप्स	: Another name for देवनी नश्चम	)1 <b>=,</b> ₹
4	तेषां तु परिवर्तन भौजाति सगतः स्मृतः ।	
	a construction of the Automorphism	
		रै।२५३

सूर्यसिद्धान्त-राज्यावली		३५७
विन्दु :	Point	
	तत्र विन्दू विवायोमी वृत्ते पूर्वापरामिषी ।	
		३।३,अ
व्रह्मद्दय:	Name of a নমন (Capella)	
	हुतभुग्त्रह्महृदयां वृषे द्वाविद्य भागगी ।	
. ,	37	51११
Marie .	Name for asterisum	
मगरा :	Revolution, troop of asterisms, zodiac circle of	•
	asterisms, circle of constellation	
	प्राग्गतित्वमतस्तेषां भगणैः प्रस्यहं गतिः ।	
	परिणाहवशाद्भिन्नः तद्वशाद्भानि मुंजतो ।	
भचक :	Circle	१।२६
	भचकविष्ताधीत्यंशैः परमं दक्षिणोत्तरम् ।	
	विक्षिप्यते स्वगातेन	0.0-
भद्राध्व :	N a	१।६⊏
18(T4 ,	Name of a year	
	भद्राश्ववर्षे नगरी स्वर्णप्राकारतोरणा ।	0712
STITE .	<b>—</b>	१२।३८,व
मयाग :	The postion of an asterism	
	भयोगऽप्टराती लिप्ताः खादिवरीनास्तयातिथेः ।	
arrent .		राहर
भरणी:	Name of a नक्षत्र	
	मरण्याग्नेय पित्र्याणां रेवत्यादचैवदक्षिणा ।	
मा:	A shadow (Lit light, radiance) मानोमधिमतीच्छाया तत्तुल्येऽर्ह समेऽनि या ।	
	and the second s	४।६,ब
भाग	A degree	
	विकत्तानां कता पष्ट्या तत् पष्ट्या माग उच्यते ।	
	•	{।२०,ष

भाद्रपदा : Name of a नक्षत्र ।
फाल्गुन्योर्भाद्रपदयोस्तर्यवापाढ्योर्द्धयोः ।

माम्रमः : Path of the Shadow मत्स्यद्यान्तर युतेस्त्रिस्पृक् सूत्रेण भाम्रमः ।

3,87:

मुक्ति: Daily motion of a planet स्फुटस्वभ्वत्या गुणिती मध्यम्बत्योद्धृती स्फुटी।

भ्ज : Arm, base of a right-angled triangle मध्यच्छाया भ्जस्तेन गुणिता त्रिभमौर्विका ।

मुजज्या: Base-sine the values, as sines of the base an perpendicular of a right-angled triangle शेषं केन्द्रपदं तस्माद्भुजज्या कोटिरेव च ।

भुजफल: Result from the base-sine तद्भुजज्याफलधनुर्मान्दं लिप्तादिकं फलम् ।

भूकर्ण: Diameter of the earth योजनानि शतान्यप्टी भूकर्णो द्विगुणानि सु ।

मूपरिधि: Circumference of the earth

योजनानि शतान्यप्टौ भूकणों हिगुणानि तु ।

तह्वगैतो दशगुणात्यदं भूपरिधिमैवेत ।

भूमगोल: Circumference of the earth

मूमगोलस्य (भूगोलकस्य) रचनां गुर्यादादचर्यकारिग्गीम् ।
भूगोलक: An earth globe

मूमिसावन वासर : Terrestrial civil days उदयादुदयं भानोभू मिसावन वासराः॥

१।३६,व

नूव्यास : Earth's diameter

स्फुटेन्दुमृवितभूव्यास गृणिता मध्ययोद्धृता ।

४।४.अ

मोग्यासव:: The equivalent in respiration of the part of the

sign to be traversed

गतमोग्यासवः कार्या मास्करादिष्टकालिकात् ।

3184-86

मोदय: Rising of the asterism

भीदया भागगीः स्वस्मवैहनास्तस्योदयायुगे ।

१।३४

मकर: Name of the sign of capricorn

मकरादी गणांकोच्चं तत्पातस्तु तुलादिगः।

1125

मण्डल: Arc, circle, disk

तत्र शंक्षंगूलैरिप्टै: समं मण्डलमालिखेत्।

315

मण्डल: Disk

महत्वानमण्डलस्यार्कः स्वस्पमेवापकृष्यते ।

315

मत्स्य: A figure resembling the fish

मन्यद्वान्तरयूतेस्त्रिम्युक् गृत्रेण माश्रमः।

३,४२,अ,(४१।)(पु०४४१)

मध्यक्षां : Radius

थक्षिनवैष्ट्रपर्नेनी मध्यपनीयुना स्वका ।

शर्र,ब

7.0	
व्यगित : Mean motion	
दिनरागिः कृवास <b>रैः</b> ।	
विमाजितो मध्यगत्या मगणादिर्प्रहो भवेत् ।।	
	१।४१
मध्यज्या : Meridiam-sine	
र्भयं नतांशास्त्रन्मौर्वी मध्यज्या सामियीयते ।	
	प्राप्रक
मध्यमकान्ति : Declination of the meridian ecliptic	e point
अक्षीदङ् मध्यम क्रान्तिसाम्ये नावनतेरि ।	
	४।१ -
मध्यमुक्ति : mean motion (of the planet)	
हक्केंपः गीततरिमांशोमंच्य मुक्तयन्तराहतः।	
अध्यमानयन : Calculation of the mean place	
सघ्यमानयनं कार्यं ग्रहागामिष्टती युगात् ।	
	१।५६
मध्यतम्न : Meridian ecliptle-point	
भानौ क्षयवने कृत्वा मध्यतन्तं तदा भवेत् ।	
	š1 <b>&amp;€</b> ′X≥
मध्यमृत्र: Central meridian of the earth	
राक्षमालयदेवाकः शैलयोर्मव्यमूत्रगाः ।	
	१।६२,व
मनु: A legendary figure name of the son	of sun,

name of an Acon समस्ययस्ते मनवः कत्ये शेषाश्चनुर्देश ।

भारत: Aprils, slow, another name for saturn सन्दादयः क्रमेश स्युक्तनतुर्गो दिवसायियाः ।

१२।७८,म

१।१६,घ

पूर्वीसद्यान्त-यव्दा दर्जी	३६१
मन्दत्तरा: Very slow. वकानुबका कृष्टिका मन्द्रा समा ।	२।१२
मन्दर्गरिव : Epicycle of the apsis	
स्वमन्दर्शात्रिञ्जूष्या सगर्याजीवृताः कलाः । कर्वादौ तु धनं तथः	२,४८
मध्यक्त : Equation of the apsis	
मध्यप्रहे मन्दफर्ल सफर्व बैध्य्यमेव व ।	२।४४,इ
मत्त्रुक्ति : Motion of the apsis	
स्वमन्द मुन्ति संगुद्धा मच्यमुक्तिनियापतः।	રાષ્ટ્રદ
मन्दः Slow	
वकानुबका कृटिला मन्दा मन्दतरा समा।	
मन्दोच्य Apex of slowest motion	२१४७
<sup>एवं</sup> स्वर्गाश्रमन्द्रीच्चाये श्रोक्ताः पूर्वपायिनः ।	
विलोयगतयः पातास्तद्वच्चकादियाधिताः ।	
Digrees . W.	\$148
मन्बन्दर: Partiarchate, (Lit another (मनु))	
युगाता सप्ततिः सैका मन्वन्तर्मिहोच्यते ।	818=
मयूर : Name of an astronomical instrument दोषयंत्र क्यालाकैमैंदूरनस्वानरै: 1	
	१३।२१,अ
भनिविनिका: Measures in minutes	
रहुदाः स्वकर्गोस्तिष्ट्याप्ता मदेषु मोनिविष्तिकाः ।	
essent . The process of	७११४, व
नान्त्रसमें : The process of correction for the apsis मान्द्र कर्मेंबसकिकी सीमार्शनामधीस्वते ।	
ः । १००० वर्षात्रः सामादानामयाच्यतः ।	5,65
	२१४३, छ

नियुन: Name of a sign

बनीति भागैर्यास्यायामगस्यो मियुनान्तगः।

=1१०.व

मीन: Name of a sign (pisces)

मृत: Name of a नजन

रोहिण्यादित्यमुलानां प्राची सार्यस्य चैवहि ।

=1**१**६,व

मृत: Another name for the sign of capricorn

मृगादौ प्रोड्यं भगणात् मध्यान्हेऽकं: स्फुटो भवेत् ।

३।१८,व

मृगव्याव : Name of a star (sirius)

विशे च मियनस्यांशे मगव्याबो व्यवस्थित:।

७।१०,व

भेन : Name of a mythological mountain situated in the north

दण्डं तुम्मध्यमं मेरी समयत्र विनिर्वतम् ।

१३।४,ल

मेप: Name of a sign

विना त पातमन्दोच्चान्देपादौ तृत्यतामिताः।

११५७,व

मैंब : Another name for anuradha Nakshtra

=1१=,**ब** 

ज्येच्या श्रवण मैत्रानां वाहंसत्यस्य मध्यमः।

বহি: Staff

शंहु यस्टियतुरवर्षरछायायन्त्रेरनेकवा ।

१३।२०,ञ

बाम : North

पाम्योतर दिशीमंध्ये तिमिनाववंदिवने ।

३।४,अ

मूर्यसिद्धान्त-बद्धादर्सी	इइइ
यान्या: North	
ग्रहे प्रान्सगणार्द्धस्यो यान्यायान्यकर्पति ।	চা:ভ. <u>ৰ</u>
युग : Age	
घुगानौ परिवर्तेन कालमेटी <i>उ</i> दकेवलम् ।	215
युग्वपद: Even quadrants	
अना चेस्पासदा भावी दार्स बुखपदस्य च ।	११(=,च
बुद्धः Encounter (Liv. war. conflict)	• • •
ताराप्रहाणामन्योन्यं स्प्राती बुद्धसमागमी ।	७।१,स
योगतारा : Junction-star	
हस्तस्य योगतारा या श्रविष्ठायाद्य पदिवसा ।	=।१७,व
योजन: A unit of measurement of the earth	
एकज्यापक्रमानीतैयींजनैः परिवर्जितैः ।	१२।६५,स
योजन: सार्यानि पट् सहस्राणि योजनानि विवस्वतः।	१५११,ञ
राधि : Sign	
तत् विश्वता भवेद्राशिभगणो द्वादरीव ते । राशि :	
ढादशघ्ना गुरोर्याता मगणा वर्तमानकैः । राशिभिः समिताः शुद्धाः षष्ट्यास्युविजयादयः ।	१।४४
राहु: Mythological demon believed to occasion the	:
eclinees of the sun & moon	
दक्षिणोत्तरतोऽप्येयं पातो राहुः स्वरंहसा । विक्षिपत्येष•••••	
विद्याद्यवयः	२१६,ध

रेवती : Name of a Nakshtra भरण्यानेयपित्र्याणां रेवत्यादचैव दक्षिणा ।

रोहिणी: Name of a Nakshatra विक्षेपीस्यविको भिन्यादीहिण्याः भकटं तु सः।

लगान्तरप्राण: The ascensional equivalent, in respiration of the interval

लग्नामव: The ascensional equivalent नद्वदेष्यमन्त्रामृत् एवं यातास्त्रयादकमात् ।

लम्बज्या : Sine of the -co- latitude लम्बज्याव्यस्त्रिजीयाप्तः स्तुटो भूगरिथिः स्त्रकः ।

नम्ब्रन: Parallax in longitude नम्बनम्बापि पूर्वान्यदिग्वशाच्य तयोच्यते ।

नित्रा : Minutes

मचक्रनित्राशीत्यंगः परमं दक्षिणोत्तरम् ।
विकित्यने स्वगतेन·····

वडः: Retrograde

बहातुवहा हुटिया मन्या मन्यावटा मना ।

वया मीव्रवटा भीष्रा प्रहाणामण्यया गतिः।

93€

वृत :

Circle, epicycle

तच्छायाग्रं स्पृशेद्यत्र वृत्ते पूर्वापरार्धयोः ।

312

व्य:

Name of a Sign

व्पे सप्तदशे भागे यस्य याम्योंऽशकद्वयात् ।

८।१८.अ

वघृत:

Name of a पान

तद्यतौ मण्डले कान्त्योस्त्रत्यत्वे वैष्ताभिषः।

११।१,व

वैष्णव :

Another name of श्रवण नक्षत्र।

······स्वाती वैष्णववासवाः।

2113

ब्यतीपात: Name given to an aspect of the positions of the

sun and moon

समास्तद्वा व्यती पाती मगणार्घे तयीर्युति: ।

११।२,स

च्यासादं : Half - diameter

प्रोज्योत्क्रमेण व्यासाद्धीदृत्क्रमज्याधंपिण्डकाः ।

रारर

ह्योमकसा: Orbit of the other

म्रह्माण्डमध्ये परिधिन्योम कक्षामिघीयते ।

१२।३०,ग्र

शंकु:

Gnomon

दां हु यब्दि धनुइचकैदछाया यन्भैरने कथा।

१३।२०,अ

गंकु:

तनमध्ये स्पापयेष्ठंकः कलानादादशांगुलम् ।

313

सूर्यंसिद्धान्त-शब्दावली		३६६
सन्ध्या:	Twilight	
	सन्ध्या सन्ध्यांशसहितं विज्ञेयं तच्चतुर्यु गम् ।	
		१।१६,व
सम:	Even	
	वकानुवका कुटिला मन्दा मन्दतरा समा ।	
सममण्डल	: Prime vertical	
	प्राक् पश्चिमाश्रिता रेखा प्रोच्यते सममण्डलम् ।	
		३।६,अ
समागम:	Coming together, conjunction	
	ताराग्रहाणामन्योन्यं स्यातां युद्धसमागमौ ।	
		७।१,ञ
समासमण्ड	इल : Aggregate—circle	
	मण्डलं तत्समासास्यं ग्राह्यार्धेन तृतीयकम् ।	
,		६।३,व
सार्पः	Another name for बारलेपा नक्षत्र	
	रोहिण्यादित्यमूलानां प्राची सार्पस्य चैत्र हि ।	
#### ·	Civil, mean solar	८।१६,व
सायग .	तत् निशता भवेन्मासः सावनोकोद्रयैस्तया ।	
	of takin and a managardan	१।१२,य
सित :	Another name for the planet venus	
	सितवीव्रस्य पर्नप्तित्रयमादिवरत्तमूषराः ।	
	, , , ,	१।३२,ञ
मूची:	Corrected diameter of the earth	
	विगोध्य सब्धं यून्या तु तयोविष्तास्तु पूर्वंगत् ।	
277F 4	Cord	४।४,व
सूत्र :		
	3 · · · · · · · · · · · · · · · · · · ·	३१४,अ
		21474

.

सीर: Solar

तदृत्संकान्तिया सीर प्रच्यते।

१।१३,अ

स्थित्यर्घ : Half duration

स्थित्यर्घ नाडिकाभ्यस्ता गतयः पष्टिभाजिता ।

४।१४,अ

स्कृद: Corrected

लम्बज्याघ्नस्त्रिजीवाप्तः स्फुटो भूपरिधिः स्वकः ।

१।६०,ग्र

स्फुटीकरण: Correction

••••••द्वत्यतां ग्रहाः।

प्रयान्ति तत्प्रवक्ष्यामि स्फुटीकरणमादरात् ।

२।१४,व

हरिज: Parallax in longitude

मघ्यलग्नसमे मानौ हरिजस्य न सम्भवः।

५।१,अ

हस्त: Name of a नक्षत्र, a unit to measure length

हस्तस्य योगतारा सा श्रविष्ठायाश्च पश्चिमा।

८११७,व

हुतभुक्: Name of a star

हुतभुग् ब्रह्महृदयो वृषे द्वाविश भागगी ।।

51११,व

## सम्राट जगन्नाथ कृत रेखागणित-शब्दावली

- (१) 对新—number
- (२) अधिक कोण obtuse angle
- (३) अधिककोएा त्रिभूज—obtuse angled triangle
- (४) अन्तर-difference, distance
- (१) अन्तव त Incircle
- (६) अन्त्यांक last number
- (७) अपवर्ताक—common measure
- (८) अर्घकरण bisection
- (१) अल्पकोण-acute angle
- (१०) अप्टफलक octahedron
- (११) आवाध segment of the base
- (१२) आयत-oblong, long figure rectangle
- (१३) उपपत्ति—proof
- (१४) उपरिवृत्त circumcircle
- (१५) एककेन्द्र वृत्त concentric circles
- (१६) एक दिवक—on the same side
- (१७) एक रूप निष्यत्तियुक्त—proportional
- (१८) कर्ग-diagonal, hypotenuse
- (१६) कित्पत-supposed
- (२०) कृटिल रेखा—curved line
- (२१) केन्द्र—centre
- (२२) गोण-angle
- (२३) कीवण्ड —segment of a circle
- (२४) क्षेत्र—proposition
- (२४) धेनपल-area
- (२६) क्षेत्रलम्य—the altitude of a figure
  - २७) नाण्ड---part, regment

श्रायामगुगी पादव तद्योगहृते स्वपातखेते । विस्तारयोगार्ध गुगी जेयं क्षेत्रफल मायामे ॥=॥ सर्वेपां क्षेत्राणां प्रसाद्य पादवें फलं तदस्यासः । परिषे: पद्भागच्या विष्कंमार्थेन सा तृत्या ॥६॥°

चतुरिवरुं वतमत्त्रगुगं द्वापित्रस्तथा सहस्राणाम् । अयुत्रद्वय विष्कं सन्यासन्तो वृत्तपरिणाह् ॥१०॥३ समवृत्त परिविशाद छिन्छ।त् विसुत्राच्चतुमुं जाच्चैव । समचापत्र्याधीति तु विष्कं साध्य यथेष्टाति ॥११॥ प्रयमाच्चापत्र्याधीते तु विष्कं साध्य यथेष्टाति ॥११॥ प्रयमाच्चापत्र्याधीते सैक्तं विष्कं विष्कं वितिवाधिम् । तत्प्रयमप्रथाधीनेस्तै स्तैक्तानि गेणाण ॥१२॥३ वृत्तं भ्रमेण् साध्यं विमुजं च चतुर्म् जं च कणिम्यम् । साध्या जलेन समभ्रद्य अध्वे तम्बक्तं व ॥१३॥ धंकोः प्रमाणवर्ग छायावर्गेण संयुतं इत्वा । यचस्य वर्गमूलं विष्कं भावं स्ववृत्तस्य ॥१४॥ धंकुगुणं शंकु भुजा विवरं शंकुभुत्रयीविषेणहृतम् । यल्लद्यं सा छ।या जेया शंकोः स्वमूलाद्धि ॥१४॥

यत्त्ववय सा छाया नया शकाः स्वमूत्वाह् ॥११॥ छायागुणितं छायाग्र विवरमूनेन भाजिता कोटि.। शंकु गुणा कोटी सा छाया मक्ता भुजा भवति ॥१६॥ यद्वैद मृद्धवर्गः कोटी वर्गय्च कर्ण्वर्गः सः। वृत्ते शरसंवर्गीर्यच्यावर्गः स खलु धनुषोः ॥१७॥ ग्रामीने हे वृत्ते ग्रासणुग्री भाज्येत् प्रवत्वेन । ग्रामीन योग नव्यौ संपात्वयरौ परस्परतः ॥१६॥ इष्टं व्येकंटलितं सपूर्वं मुत्तर गुग्रां समुलमध्यम् । इष्ट्याणिनमिष्ट वर्नं त्वयव।वन्तं पदार्यहतम् ॥१६॥

सब क्षेत्रों की आगत में परिवर्तित करके फिर दो मुझाओं की गुणा करने से क्षेत्रफल आही जाता है। परिवि के छठ नाग की जीवा अबंब्यास के वरावर होती है।

२. यदि व्यास २०००० है तो परित्रि ६२८०४ होनी है।

३. सूर्वनिद्धांत के राधि लिप्ताष्टमो भागः वाले टो इलोकों से अब स्पष्ट होगा ।

#### कालिकया-पादः

वर्ष द्वादश मास स्त्रिं शहिवसो भवेत्स् मासस्तु पष्टि नांडयो दिवस: पष्टिश्च विनाडिका नाडी ।।१।। गुर्वक्षराणि पष्टिविनाडिकाक्षी पडेव वा प्राणा: । एवं काल विमागः क्षेत्र विभाग स्तथा मगणात् ॥२॥ भगणा द्वयोर्द्वयोर्ये विशेषशेष: यूगेद्वियोगास्ते । र्वि शशि नक्षत्र गणाः सम्मिश्राञ्च व्यतीपाताः ॥३॥ स्वीच्चो भगाणाः स्वभगणै विशोषिताः स्वीच्चनीच परिवर्ताः । गुरुभगणा राशि गुरगास्त्वाश्व युजाद्या गुरोरव्दाः ॥४॥ रवि भगणा ख्यट्टा रवि ज्ञाज योगा भवन्ति ज्ञाश मासाः। रवि भूयोगा दिवसा भावतिश्चापि नाक्षात्राः ॥५॥ अधिमासका युगे ते रिवमासेभ्योऽधिकास्तु ये चान्द्राः। शशि दिवसा विजेया भूदिवसोनास्तिथिप्रलयाः ॥६॥ रविवर्ष मानुष्यं तदपि त्रिशद्गुरां भवति पित्र्यम्। पित्रयं द्वादशगृणितं दिव्यवर्षं समृहिष्टम् ॥७॥ दिव्यं वर्षसहस्रं ग्रहसामान्यं युगं द्विपट्कगुणम् । अष्टोत्तरं सहस्रं ब्राह्मो दिवसो ग्रहयुगानाम् ॥५॥ उन्सर्विणी युगार्ध पंश्चादपस्पिणी युगार्ध च। मध्ये युगस्य सुपमादावन्ते दुप्पमेन्दूच्चात् ॥६॥ पप्टयब्दानां पप्टियंदा व्यतीतास्त्रयश्च युगपादाः । च्यायिका विशतिरव्दास्तदेह मम जन्मनोऽतीता: ।।१०।। यगवर्षमासदिवसाः समं प्रवृत्तास्त् चैत्र शुल्कादेः। कालोऽयनाद्यन्तो ग्रहभैरनुमीयते क्षेत्रे ॥११॥ पष्टया सूर्याच्दानां प्रपूरयन्ति ग्रहा मपरिणाहम्। दित्येन नभ: परिचि सम भ्रमन्तः स्वकक्यासु ॥१२॥ मण्डलमल्पमबस्तात् कालेनाल्पेन पूरयति चन्द्र: । उपरिष्टात् सर्वेषां महच्च महता शर्नेश्चारी ॥१३॥

अपमण्डलस्य चन्द्रः पाताद्यात्यूत्तरेण दक्षिणतः । क्रगगुरु कोणाश्चैवं शीघ्रोच्चेनापि वृषगुकौ ॥३॥ चन्द्रों शैद्रीदश्मिरविक्षिप्तोक्तीन्तर स्थितैर्द्रश्य. । नविमर्भ गुर्म गोस्तै द्वंयधिकै द्वंयधिकैर्ययादलक्ष्णः ॥४॥ भुग्रह मानां गोलाधीन स्वच्छायया विवणींन । अर्घानि ययासारं सूर्यामिम्खानि दीप्यन्ते ।।५॥ वृत्तभपज्जरमध्ये कक्ष्मा परिवेष्टितः खमध्यगतः। मृज्जल शिख वायुमयो भूगोलः सर्वतो वृत्तः ॥६॥ यद्दत्कदम्व पूष्पग्रन्यि: प्रचित: समन्नतः कूसुमै: । तद्वद्धि सर्वसर्वजंतजै: स्थलजैम्च भूगोल: ॥७॥ ब्राह्मदिवसेन भूमेरपरिष्टाद्योजनं भवति वृद्धि.। दिन तुल्ययैव राज्या मृद्रपचितायास्तदिह हानि: ॥५॥ अनुलोमगति नौंस्य पश्यत्यचलं विलोमगं यद्वत् । अचलानि भानि तहत् समपश्चिमगानि लंकायाम् ॥६॥ उदयास्तमयनिमित्तं नित्यं प्रवहेण वायुना क्षिप्त: । लङ्का समपश्चिमगो भपञ्जर: सग्रहो भ्रमति ॥१०॥ मेर्वोजनमात्र: प्रभाकरो हिमवता परिक्षिप्त:। नन्दनवनस्य मध्ये रत्नमयः सर्वतोवृत्तः ॥११॥ स्वर्मेरुस्थलमध्ये नरको वडवा मुखं च जलमध्ये। अमरमरा मन्यन्ते परस्पर मधः स्थिता नियतं ॥१२॥ जदमो योलंकायां सोऽस्तमय: सवितुरेव सिद्धपुरे । मन्याह्नो यवकोट्यां रोमक विषयेऽघंरात्र: स्यात् ॥१३॥ स्यल जलमध्यात्लका भूकक्ष्याया भवेच्चतुर्भागे। उज्जायिनी लंकाया: पञ्चदशांशे समोत्तरत: ॥१४॥ भूत्यासार्धेनोनं दृश्यं देशात् समाद् भगोलार्घम् । वर्घ भूमिच्छन्नं भूव्यासार्घाधिकं चैव।।१५॥ देवाः पश्यन्ति मगोलाधं दुदङ् मेरुतं स्थिताः सन्यम् । अपसन्यगं तथार्घ दक्षिणबडवामुखे प्रेता: ॥१६॥ रविर्वपधि देवः: पश्यन्युदितं रवि तथा प्रेताः। श्रातिमासार्धं पितर: शशिगाः बुदिनार्धामिह मनुजाः ॥१७॥ मध्य ज्योदयजीवासंवर्गे व्यासदल हृते यत्स्यात् । तन्मध्य ज्या कृत्योविशेष मूलं स्वदृक्षेषः ॥६३॥ दृग्द्वक्षेप कृति विशेषितस्य मूलं स्वदृग्गतिः कुवशात् । क्षितिजे स्वा दृक्छाया भूव्यासार्घ नभोमध्यात् ॥३४॥ विशेषगुराक्षज्या लम्बकभजिता मवेदणमुदक्स्थे । उदये घनमस्तमये दक्षिणगे धनमृणं चन्द्रे ॥३५॥

विक्षेपक्रम गुणमुस्क्रमगां विस्तार। धंकृति भक्तम् । उदगुरा धनमूदगयने दक्षिरागं धनमुणं याम्ये ॥३६॥ चन्द्रो जलमर्कोऽग्निमृद्भुच्छायापि या तमस्ति । छादयति शशी सूर्य शशिनं महती च भूच्छाया ॥३७॥ स्फूटशशि मासान्तेऽर्क पातासन्तो यदा प्रविशतीन्दुः । भुच्छायां पक्षान्ते तदाधिकोनं ग्रहणमध्यम् ॥३८॥ भूरविविवरं विमजेद् भूगिएतं तुरिवभू विशेषेणम्। छायाया दीर्घत्वं लब्च भूगोलविष्कंभात् ॥३६॥ छायाग्रचन्द्रविवरं भूविष्क भेगा तत् समभ्यस्तम् । मुच्छायया विभक्तं विद्यात् तमसः स्वविष्कंभम् ॥४०॥ तच्छशिसंपक्षिकिते: शशिविक्षेपविगतमपोहय। स्थित्यर्घ तन्मूलं ज्ञेयं चन्द्रार्क दिन भोगाद् ॥४१॥ चन्द्कासार्घोनस्य विगतं यत् तमोमयार्घस्य । विक्षेपकृतिविहीनं तस्मान्मूलं विमदिधिम् ॥४२॥ तमसो विष्कंभार्यं शशि विष्कंभार्घवर्जित मयोहय । विक्षेपाद्यच्छेपं न गृहयते तच्छशांकस्य भूच्छाया ॥४३॥ विक्षेपवर्गसहितात् स्थित्यर्घादिष्ट वर्जितान्मूलम् । रूंपकोर्घाच्छोध्यं शेपस्तात्कालिको ग्रासः ॥४४॥ मध्याहात् क्रमगुणितोऽक्षो दक्षिणतोर्घ विस्तरहृतोदिक् । स्यित्यर्घाच्चार्केन्द्वोस्त्रिराशि सहितायनात् स्पर्गे ॥४५॥

प्रग्रह्णान्ते धूम्रः, खण्डग्रह्णे शर्शा मवति कृष्णः। सर्वग्रासे कपिनः सकृष्णवाम्रस्तमोमघ्ये ॥४६॥ सूर्येन्दु परिधि योगेऽकाष्टम भागो मवत्यनादेश्यः ।
मानोर्मासुरमावात् स्वच्छतमत्वाच्च शशिविरिधेः ॥४७॥
क्षितिरिवयोगाद् दिनकृद्रवीन्द्रयोगात् प्रसाधितश्चेन्दुः ।
शिक्ताराग्रहयोगात् नर्येव ताराग्रहा सर्वे ॥४८॥
सदसज्ज्ञान समुद्रात् समुद्दृष्टतं देवता प्रसादेन ।
सज्ज्ञानोत्तमरत्नं मयानिमग्नं स्वमितनावा ॥४६॥
आर्यमटीयं नाम्ना पूर्वे स्वायम्भुवं सदा सत्त्यम् ।
सुकृतायुपोः प्रणाशः कुरुते प्रतिकंत्रुकं योऽस्य ॥५०॥

•

# वदांग उयोतिष सूल

पन्नसंबत्सरमय युगाव्यक्षं प्रजापतिम् । दिनः वंयनमासंगं प्रणम्य शिरसा श्चि:। ज्योतिपामयनं पुण्यं प्रवङ्गाम्यनुपूर्वशः । संमतं बाह्यग्रेन्द्रागां यज्ञकालार्थसिद्धये ॥१॥ वेदाहि यज्ञार्यमभिप्रवृत्ता कालानुपुर्व्या विहिताद्व यज्ञा:। तस्मादिदं कालविधान धास्त्रं यो ज्योतिषं वेद सवेद यज्ञान् ॥२॥ प्रणम्य शिरमा कालमभिवाद्य सरस्वतीम्। कालज्ञानं प्रवस्यामि लगबस्य महात्मन: 113 11 यथा शिका मयूराणां नागानां मणयस्तथा। तहहेदांग बास्वासां गणितं मूर्वनि स्थितम् ॥४॥ माघ ऋत्सा प्रयन्नस्य पीपकृष्ण समापित:। युगस्य पञ्चवर्षस्य काल ज्ञानं प्रचक्षते ॥५॥ स्वराक्रमेते सोमाकी सदा साक सवासवी। स्यात्तदादि युगं माघस्तपञ्जुलकोऽयेनं ह्युटक् ॥६॥ दक्षिणायाम प्रपद्येते श्रविष्ठादी सूर्या चन्द्रमसावृदक् । सपर्चि दक्षिणार्कस्तु मावश्रावणयोस्सदा ॥७॥ वर्भवृद्धिरपो प्रस्य: क्षपाह्रास उदग्गतौ । दक्षिणे तौ विपर्यास: पण्मूह्त्यंयनेन तु ॥ ।। ।। प्रथमं मध्तमं चाहुरयनाद्यं त्रयोदशम् । चतुर्यं दगमं चैव द्वियुंग्मं बहुलेऽप्यृती ॥६॥ वम्स्तवण्टा भवोजदच मित्रस्सर्पोदिवनी जलम्। अर्यमा कोञ्यनाद्यास्स्युरर्घ पञ्चमभस्त्वृतु: ॥१०॥ एकान्तरेऽह्मि मासे च पूर्वान्कृत्वादिमृत्तर:। . ग्रवंबो: पञ्च वर्षाणांमृतू पञ्चदशाष्ट्रभी ॥११॥ द्यु हेमं पर्व चेत्पादे पादस्विंशत्त संकिका। भागात्मनाऽपवृज्यांशान्निदिशेदविको यदि ॥१२॥

हेयादेय पर्वज्ञानोहायं पर्व राशिमानमाह :—
निरेक द्वादशाम्यस्तं द्विगुण रूपसंयुतम् ।
पष्ट्या पष्ट्या हृतं द्वाम्यां पर्वणाराशिरूच्यते ॥१३॥
स्युः पादोध्वे विपद्यायाः त्रिद्वेकेऽह्वः कृते स्थितिम् ।
साम्येनेन्दोः स्नृणोऽन्ये तु पञ्चकाः पर्वसम्मताः ॥१४॥
भांशास्युरष्टकाः कार्याः पञ्जद्वादशकोद्गताः ।
एकादश गुणश्चोनः शुल्केऽर्य चैन्दवा यदि ॥१४॥
पक्षात्पञ्चदशादृष्ट्वं तद्भुक्तमिति निर्दिशेत् ।
नविमस्तूद्गतोऽशस्स्यादूनांशो द्वयधिकेनतु ॥
नवकै रुद्गतांशस्स्यादूनस्यप्तगुणो भवेत् ।
ग्रावापस्त्वयुणि द्यस्या त्पौरस्त्येऽऽस्तं गतेऽपरम् ॥१६॥
जावाद्यंशैस्समं विद्यात्पूर्वार्धे पर्वेसूत्तरे ।
भादानं स्याच्चतुर्वश्यां द्विमागेम्योऽधिको यदि ॥१७॥
जी द्वागः खश्वे।ही रोपा

चिन्मू पण्यः सू माधागाः।

रे मृघास्वापोऽज:

कृष्योहज्येष्ठा इत्यृक्षा लिडंगै: ॥१८॥

कार्या मांशाष्टक स्थाने कला एकोनविश्वतिः। कनस्थाने द्विसप्तती रूद्धरेद्युक्त संमवे।।१६॥ तिथिमेकादशाम्यस्तां पर्वमांश समन्विताम्। विभज्य भसमूहेन तिथिनक्षत्रमादिशेत।।२०॥ याः पर्वमादार कलास्तामु सप्तगुणा तिथिः। उक्तातासां विजानीया त्तिथिभादानिकाः कलाः॥

या: पर्वभादानकलास्तासु सप्तगुणा तिथिम् । प्रक्षिपेत् तत्समूहं तु विद्याद्भादानिका: कला: ॥२१॥

$$= \frac{\delta \Delta \lambda}{3 \times \delta \Delta T} = \frac{\delta \Delta \lambda}{\delta \Delta}$$
$$+ (\delta - \delta) \times \delta \delta \times \delta + \delta \div [(\delta \times \delta \delta) = \delta \delta \lambda]$$

अतीत पर्व भागेभ्य: शोधयेत् द्विगुणां विथिम् । तेषु मण्डल भागेषु तिथि निष्ठां गतो रवि: ॥२२॥ विप्वन्तं द्विरभगस्य रूपोनं षड्गुणीकृतम् । पक्षा यदर्श पक्षाणां तिथिस्स विप्रवान्समृत: ॥२३॥ विप्वत् तंद्गुणं हाभ्यां रूपहीनं तु पड्गुणम् । यल्लब्धं तानि पर्वाणि तदर्व सातिधिर्भवेत् ॥ तृतीया नवमी चैव पौर्णमासी त्रयोदशी। षण्ठी च विषुवान् प्रोन्त: हादश्यां दशमं भवेत् ॥ (इति बहवृच पाठः) पलानि पश्चाशदपां ध्तानि, तदाहकं दोणमतः प्रमेयम । त्रिमिविहीनं कुडवैस्तु कार्यम्, तन्नाडि कायास्तु भवेत्प्रमाणम् ॥२४॥ नाडिके हेमुहुर्तस्तु पञ्चाशण्पलमाटकम् । आटकात्कुं मिका द्रोणः कुड्वैवंधंते तिभिः एकादशभिरभ्यस्य पर्वाणि नवभिस्तिथिम्। युगलब्बं स पर्वे स्याद्वर्तमानाकंमं क्रमात् ॥२४॥ सुर्वर्धमागान्नवभिविभज्य शेपं दिरभ्यस्य दिनोप भूनितः तिथियंथा भृतित दिनेपू कालो योगो दिनैकादशकेनतद्भम् ॥२६॥ व्यंशो मशेषो दिवसांश भाग इनतुर्देशस्याप्यपनीय मिन्तम् । मार्घेऽधिके चाधिगते परेंशे द्यसमैकं नवकैरवेत्य ॥२७॥ तिशलाह्यां सपट्पष्टिरव्यः पट्चर्तवोऽयने मासा द्वादम सौराहरयुः एतत्वञ्चगुर्ण युगम् ॥२८॥

उदया वासवस्य स्युदिनराशिः सपञ्चकः।

मृत्ये द्विपरद्या हीनस्स्वाद्विसत्या सै ह्या स्तृणाम् ॥२६॥

दृश्युपाय समुद्देशी भृयोऽत्येयं प्रकल्पयेत् क्षेयराशि पतास्यस्यं विभवेद् ज्ञानराशिनर ॥४३॥ इत्येतान्मासयपीणां मुहुतंदिय पर्यणाम् दिन्दर्ययनमासानां व्याव्यानं लगयोऽप्रयीत् ॥४४॥ सोम सूयेन्त्र चरितं विद्वान् वेद विद्दनुते सोमसूयेस्त् चरितं लोकं लोके च संततिम् ॥४५॥

इति वेदांगज्योतिष